VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ FAKULTA INFORMAČNÍCH TECHNOLOGIÍ

DISERTAČNÍ PRÁCE k získání akademického titulu Doktor (Ph.D.)

ve studijním oboru

INFORMAČNÍ TECHNOLOGIE

Ing. Josef Strnadel

ANALÝZA A ZLEPŠENÍ TESTOVATELNOSTI ČÍSLICOVÉHO OBVODU NA ÚROVNI MEZIREGISTROVÝCH PŘENOSŮ

Školitel: Doc. Ing. Zdeněk Kotásek, CSc.

Datum odevzdání: 13. srpna 2004

Datum složení státní doktorské zkoušky: 25. června 2002

Disertační práce je dostupná na Fakultě informačních technologií VUT v Brně

Poděkování

Rád bych zde poděkoval všem, kteří mě jakkoli podnítili a ovlivnili ve výzkumu týkajícího se tématu mé disertační práce a také těm, kteří mi v rámci řešení svých vědecko-výzkumných či studijních aktivit byli jakkoli nápomocni s ověřováním vybraných principů publikovaných v této práci. Zejména bych rád poděkoval svému školiteli Doc. Ing. Zdeňku Kotáskovi, CSc. za příkladné odborné vedení v oblasti mého doktorského studia a to především za cenné rady a připomínky, které mi k tématu mé disertační práce poskytl. Za cenné podněty, kterými byl můj výzkum ovlivněn, bych rád poděkoval zejména Ing. Richardu Růžičkovi, Phd., Ing. Lukáši Sekaninovi, PhD., Ing. Danielu Mikovi a Ing. Pavlu Tupcovi. Ze studentů, kteří v rámci svých studijních či vědecko-výzkumných aktivit přispěli zejména k ověřování některých principů publikovaných v této práci, bych rád poděkoval zejména Ing. Tomáši Pečenkovi, Ing. Tomáši Herrmanovi a Ing. Jiřímu Dolečkovi.

Za finanční podporu mého výzkumu pak děkuji zejména grantové agentuře GAČR, která jej v letech 2001-2003 podporovala v rámci grantu GA102/01/1531 Formální přístupy v diagnostice číslicových obvodů - Verifikace testovatelného návrhu a od roku 2004 v rámci grantu GA102/04/0737 Moderní metody syntézy číslicových systémů a agentuře FRVŠ, která jej podporovala v rámci grantu FR1754/2002/G1 Evoluční přístupy pro zvýšení testovatelnosti číslicových obvodů.

Za ocenění mého výzkumu *Cenou Siemens - Stipendijní podpora pro doktorandy za rok 2002* bych rád poděkoval společnosti Siemens, Českému vysokému učení technickému v Praze a Fóru průmyslu a vysokých škol.

Za usnadnění psaní práce v prostředí LAT_EX bych rád poděkoval Ing. Lukáši Sekaninovi, PhD. a Ing. Jiřímu Starobovi, PhD., kteří mi poskytli potřebné cenné rady a materiály.

V neposlední řadě bych rád poděkoval všem blízkým za to, že byli ochotni obětovat společný čas pro to, aby tato práce mohla být dokončena. Zejména bych rád poděkoval mé přítelkyni, mým rodičům a sourozencům za trpělivost a podporu při dokončování této práce.

Tato práce vznikala v letech 2000-2002 na Ústavu informatiky a výpočetní techniky Fakulty elektrotechniky a informatiky Vysokého učení technického v Brně a v letech 2002-2004 na nově vzniklé Fakultě informačních technologií Vysokého učení technického v Brně. Děkuji tedy i oběma fakultám za pracovní podmínky, které vedly k úspěšnému dokončení mého výzkumu i práce.

> Josef Strnadel Brno, srpen 2004

Abstrakt

Hlavním předmětem této práce je analýza testovatelnosti číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů a využití jejích výsledků ve vybraných oblastech souvisejících s diagnostikou číslicových obvodů. Práce předpokládá, že obvod popsaný na úrovni meziregistrových přenosů je tvořen dvěma částmi - strukturálním popisem obvodových datových cest a řadičem ovládajícím tok dat těmito cestami - a že pro směrování toku dat obvodem je zvolena propojovací strategie multiplexovaných datových cest. Další propojovací strategie mohou být předmětem dalšího výzkumu. Tato práce se zaměřuje pouze na problematiku související s testovatelností obvodových datových cest, ale řadičem se blíže nezabývá. V části zabývající se přehledem současného stavu v oblasti analýzy testovatelnosti práce shrnuje hlavní nedostatky existujících metod analýzy testovatelnosti. V práci je ukázáno, že většinu ze zmíněných nedostatků lze odstranit, je-li každý prvek uložený v knihovně obvodových prvků kromě informací týkajících se návrhového popisu jeho rozhraní, činnosti atp. vybaven také informacemi usnadňujícími jak jeho diagnostiku, tak také diagnostiku systému, jehož je tento prvek součástí. V této práci je tato informace popsána pomocí prostředků zavedeného matematického modelu. Tento model je rozšířením výchozího modelu, dříve publikovaného jiným autorem, o nové prostředky nezbytné pro popis a modelování obecnější koncepce tzv. transparentních cest, než jakými jsou příliš přísné a často používané koncepce, obvykle založené na tzv. koncepci I-cest. Výhodou rozšířeného modelu je možnost modelování a analýzy většího počtu obvodových datových cest, tj. i těch cest, které jsou z pohledu přísnějších koncepcí pro účely přenosu diagnostických dat nepoužitelné, přestože ve skutečnosti použitelné jsou. Hlavním cílem rozšířeného modelu je poskytnout prostředky potřebné pro formální popis vztahů a dílčích algoritmů pro analýzu testovatelnosti. Navržená metoda analýzy testovatelnosti je založena na číselném ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti vnitřních částí obvodu a obvodu jako celku a jelikož není svázána s žádnou z technik návrhu pro snadnou testovatelnost, lze její výsledky považovat za univerzálně použitelné při řešení problémů souvisejících s testovatelností číslicových obvodů popsaných na úrovni meziregistrových přenosů. Metoda není popsána pomocí v současnosti nejednotných pojmů z oblasti diagnostiky, ale pomocí modelem přesně definovaných prostředků. Za jeden z hlavních přínosů této práce je možno považovat transformaci problému analýzy testovatelnosti na matematický problém. Tím je problém prohledávání dvou orientovaných grafů zkonstruovaných na základě modelu daného obvodu, a to grafu datového toku testovacích vzorků a grafu datového toku odezev. Výhody transformace řešeného problému na problém matematický jsou zřejmé - matematicky popsaný problém je jednoznačně definován, k jeho řešení je možné využít řadu již existujících principů a algoritmů a v neposlední řadě je možno poměrně snadno dokázat významné vlastnosti algoritmu řešícího tento problém. Důkazům významných vlastností navržené metody je věnován prostor v závěrečné části práce, kde jsou také výsledky dosažené touto metodou shrnuty a srovnány s výsledky existujících metod. Z výsledků vyplývá, že díky detailnější analýze obvodových datových cest poskytuje metoda založená na rozšířené koncepci transparentních datových cest přesnější informaci o testovatelnosti daného obvodu, než jakou poskytují metody řešící stejný problém na téže úrovni abstrakce.

Abstract

The main subject of this work is to deal with the testability analysis (TA) of register-transfer level (RTL) digital circuits and with utilizing its results in selected areas within the digital circuit diagnostics area. In the work, RTL digital circuit is supposed to consist of two parts: a structural description of its data-path (DP) and circuit controller used to control a data-flow in the DP. The work does not deal with the circuit controller at all; it only deals with the problems related to the testability of the DP and it is supposed a multiplexed DP concept is utilized to switch the data flow in the DP. In the section dealing with the state-of-the-art in the TA area, disadvantages of existing TA methods are summarized. It is shown that most of the mentioned disadvantages can be repaired if the following condition is satisfied: each module stored in a design library is equipped both with a design-related description (like interface description, operation description etc.) and with diagnostics-related description. The last mentioned type of description is supposed to make both module diagnostics and system-over-module diagnostics much easier. In the work, such a description is described by means of a formal mathematical model developed especially for such a purpose. The model is an extension of an initial model, which is extended by the means of new definitions allowing more detailed modeling of so-called transparent paths. Main task of this extension is not to be noted by the disadvantages of commonly-used transparent-path approaches. Main advantage of the extended model can be seen in the possibility to model the greater part of DP than in the initial model case. By means of the extended transparency concept, it is possible to model such a part of the circuit DP that is seen as unsuitable for diagnosticsdata-transfer purposes by existing approaches. The main goal of the proposed model is to give instruments that are necessary to formally describe measures and partial algorithms related to the TA method presented in this work. The method is based on evaluating the controllability, observability and testability of both the circuit and its inner nodes by real numbers. Because it is not tied to a design-for-testability technique, it can be seen as a method with generalpurpose results applicable to solve a big variety of problems related to testability of RTL digital circuits. The method is not described by means of diagnostics conceptions as they are ambiguous at present, but by means of exactly defined conceptions specified in proposed model. One of main contributions of this work can be seen in the possibility to transform the TA problem to a mathematical problem. Then the problem can be solved as a graph-searching problem applied to so-called test-pattern data-flow digraph and then to so-called test-response data-flow digraph. They are both constructed on the basis of circuit DP and diagnostics-related description of inner circuit modules. Advantages of transforming a solved problem to a mathematical problem are evident: first- the mathematical problem is unambiguously defined, second-it can be solved using many of the existing approaches and algorithms and third-it is relatively easy to prove significant properties of the algorithm utilized for TA problem-solving. Proofs of significant properties of proposed TA method are presented at the end of this work. In the final chapter, results gained by the method are presented and compared with results of existing methods. Results show that due to a more detailed analysis of the DP, proposed TA method informs more precisely about the testability than existing methods do.

Obsah

1	Úvo	od 1					
	1.1	Motivace k výzkumu					
	1.2	Cíle výzkumu					
	1.3	Struktura disertační práce					
2	visející oblasti 6						
	2.1	Modelování číslicových systémů					
		2.1.1 Klasifikace modelů					
		2.1.2 Úrovně popisu					
	2.2	Návrh číslicových systémů					
		2.2.1 Specifikace a popis systému					
		2.2.2 Syntéza					
		2.2.3 Implementace systému					
		2.2.4 Výroba					
		2.2.5 Testování, expedice a provoz					
	2.3	Diagnostika číslicových obvodů					
		2.3.1 Základní pojmy					
		2.3.2 Detekce a lokalizace poruch					
		2.3.3 Návrh pro snadnou testovatelnost 15					
		2.3.4 Principy vestavěné diagnostiky					
	2.4	Shrnutí					
3	Blíz	Blízká témata 28					
-	3.1	Návrh pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan					
		3.1.1 Vybrané varianty scan buněk					
		$3.1.2$ Typy scan technik $\ldots \ldots 30$					
		3.1.3 Částečný scan					
	3.2	Analýza zpětnovazebních smyček					
		3.2.1 Aplikace v oblasti návrhu a diagnostiky číslicových obvodů					
		3.2.2 Přehled metod					
		3.2.3 Shrnutí					
	3.3	Analýza testovatelnosti					
		3.3.1 Úroveň hradel					
		3.3.2 Úroveň meziregistrových přenosů					
		3.3.3 Vyšší úrovně popisu					
		3.3.4 Shrnutí					
	3.4	Hierarchický test					
		3.4.1 Přehled základních pojmů koncepce transparentnosti					
	3.5	Shrnutí					

4	Model obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů	59		
	4.1 Model struktury číslicového obvodu	59		
	4.1.1 Model rozhraní prvků	60		
	4.1.2 Model spojů a datového toku	71		
	4.2 Model transparentních režimů a datových cest	72		
	4.2.1 Model transparentních režimů	72		
	4.2.2 Model transparentních datových cest	77		
	4.3 Shrnutí	83		
5	Metoda analýzy testovatelnosti	85		
	5.1 Vztahy pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti	85		
	5.1.1 Vztahy pro lokální ohodnocení	85		
	5.1.2 Vztahy pro globální ohodnocení	92		
	5.2 Algoritmus analýzy testovatelnosti	93		
	5.2.1 Komentář k prohledávání grafů	93		
	5.2.2 Komentář k principu navržené metody	94		
	5.2.3 Hlavní blok algoritmu	95		
	5.2.4 Blok pro ohodnocení testovatelnosti	96		
	5.2.5 Blok pro ohodnocení řiditelnosti	96		
	5.2.6 Blok pro ohodnocení pozorovatelnosti	99		
	5.3 Informace pro zlepšení testovatelnosti	101		
	5.4 Shrnutí	103		
6	Ověření algoritmu analýzy testovatelnosti	105		
U	6.1 Důkozy vybroných vlostností	105		
	6.1.1 Spréurost a časové složitost algoritmu	105		
	6.2 Experimentální výgledly, a přídedy aplikage metody	105		
	6.2.1. Komontóž k honohmonkovým obvodům	107		
	6.2.2. Applyza testevetelpesti	100		
	6.2.2 Analyza testovatemosti	109		
	6.2.3 Navrn pro snadnou testovatelnost pomoci techniky scan	114		
	6.2.4 Generovani benchmarkových obvodu	120		
	0.3 Shrhuti	121		
7	Závěr 1			
	7.1 Shrnutí výsledků práce	122		
	7.2 Přínos práce	123		
	7.3 Možné směry navazujícího výzkumu	124		
	Literatura	125		
\mathbf{A}	Tabulky 14			
в	Trojúhelníky čísel 15			

Použité zkratky

$\mathbf{Z}\mathbf{k}\mathbf{r}\mathbf{a}\mathbf{t}\mathbf{k}\mathbf{a}$	Význam
BIST	Vestavěné samočinné testování (z angl. Built-In Self-Test)
CAD	Počítačem podporovaný návrh (z angl. Computer Aided Design)
CTF	Činitel přenosu řiditelnosti (z angl. Controlability Transfer Factor)
CUA	Analyzovaný obvod (z angl. Circuit Under Analysis)
CUA	Testovaný obvod (z angl. Circuit Under Test)
DFT	Návrh pro snadnou testovatelnost (z angl. Design For Testability)
FAS	Množina zpětnovazebních hran (z angl. Feedback Arc Set)
FVS	Množina zpětnovazebních uzlů (z angl. Feedback Vertex Set)
GAL	Úroveň hradel (z angl. Gate Level)
GT	Generátor testu
GTKO	Generátor testu kombinačních obvodů
GTSO	Generátor testu sekvenčních obvodů
HDL	Jazyk pro popis hardwaru (z angl. Hardware Description Language)
HW	Hardware
ISL	Úroveň instrukční sady (z angl. Instruction Set Level)
LFSR	Posuvný registr s lineární zpětnou vazbou (z angl. Linear Feedback Shift Register)
MFAS	Nejmenší množina zpětnovazebních hran (z angl. Minimum Feedback Arc Set)
MFT	Modelování pro testovatelnost (z angl. Modeling For Testability)
MFVS	Nejmenší množina zpětnovazebních uzlů (z angl. Minimum Feedback Vertex Set)
OTF	Činitel přenosu pozorovatelnosti (z angl. Observability Transfer Factor)
RAS	Snímání pomocí libovolného přístupu (z angl. Random Access Scan)
RTL	Úroveň meziregistrových přenosů (z angl. Register-Transfer Level)
SAS	Snímání pomocí sériového přístupu (z angl. Serial Access Scan)
\mathbf{SFT}	Syntéza pro snadnou testovatelnost (z angl. Synthesis For Testability)
STL	Strukturální úroveň (z angl. Structural Level)
SW	Software
SYL	Systémová úroveň (z angl. System Level)
TA	Analýza testovatelnosti (z angl. Testability Analysis)
TPG	Generátor testovacích vzorků (z angl. Test Pattern Generator)
TRL	Úroveň tranzistorů (z angl. Transistor Level)
VHDL	Very High Speed Integrated Circuits HDL

Použité symboly a značky

Symbol/Značka	Význam
M	Počet prvků množiny M
\mathbb{N}	Množina přirozených čísel (včetně nuly)
\mathbb{R}	Množina reálných čísel
$\mathbb{R}_{<0,1>}$	Množina reálných čísel ležících v intervalu $<0,1>$
Ø	Prázdná množina
∞	Nekonečno
$A \setminus B$	Rozdíl množin A a B
	Konec zvláštního textu (definice, věty, důkazu, příkladu atp.)
R^+	Tranzitivní uzávěr binární relace R
R^*	Reflexivní a tranzitivní uzávěr binární relace ${\cal R}$
Def(R)	Definiční obor binární relace R
Im(R)	Obor hodnot binární relace R
E(G)	Množina hran grafu ${\cal G}$
V(G)	Množina uzlů (vrcholů) grafu ${\cal G}$
$\sigma(G)$	Incidence grafu G
=	Rovnost
:=	Přiřazení

Kapitola 1

Úvod

Problematika testování je jednou z nejdůležitějších, ale také nejnákladnějších a nejnáročnějších částí návrhového cyklu elektronického systému. Klasický přístup k testování obvodu spočívá v nalezení a aplikaci takových testovacích vektorů, pomocí nichž bude možné detekovat či také lokalizovat výskyt fyzické poruchy ve vyrobeném elektronickém systému.

Neustálý pokrok v technologii výroby elektronických systémů umožňuje realizovat velmi rozsáhlé a složité návrhy, což díky hnacím silám¹ konkurenčního průmyslového vývoje vede mj. k soustavnému tlaku na návrh nových metod zabývajících se problematikou testování. Příčinou tohoto tlaku je zejména skutečnost, že současné metody, zabývající se problematikou testování elektronických systémů, jsou v jistém smyslu "pozadu" za současnými návrhovými trendy. Zatímco elektronické systémy jsou obvykle navrhovány na vysokých úrovních abstrakce², současné prakticky použitelné metody spojené s testováním na těchto úrovních jsou stále ve stádiu výzkumu či ověřování. V rámci tématu této práce nebude řešena problematika testování obecného elektronického systému na obecné úrovni abstrakce, ale jak vyplyne z pozdějšího textu, omezíme se pouze na jistou, modelem přesně vymezenou, podmnožinu číslicových obvodů (systémů) popsaných na tzv. úrovni meziregistrových přenosů. Obvod na této úrovni popisu lze získat i jinak, avšak vzhledem k tomu, že takový obvod bývá výstupem vysokoúrovňové syntézy a vstupem logické syntézy, pak můžeme předpokládat, že obvod na této úrovni popisu získáme právě v této etapě návrhového cyklu obvodu. Z toho plyne, že právě tato etapa je oblastí předpokládané aplikace postupů navržených v této práci. Obvod popsaný na úrovni meziregistrových přenosů se obvykle skládá ze dvou částí, a to z popisu strukury obvodových datových cest, což je část obvodu, kterou se tato práce zabývá, a řadiče ovládajícího tok datovými cestami. Tato práce se však bude věnovat pouze problematice spojené s testovatelností obvodových datových cest a nutnost existence příslušného řadiče bude jen mlčky předpokládána a nebude dále zdůrazňována.

Při řešení problémů spojených s testováním číslicových obvodů lze vysledovat několik vývojových směrů [ABF90]. Jeden z prvních směrů vývoje v oblasti generování testů vycházel ze znalosti obvodové struktury a vedl k výpočetně náročným algoritmům, schopným však nalézt "velmi kvalitní" testy³. Vzhledem k tomu, že použití těchto algoritmů bylo díky jejich velké časové složitosti prakticky omezeno na jednodušší návrhy, vznikly techniky tzv. hierarchického generování testu založené na modulární dekompozici obvodu. Jejich cílem bylo rozdělit problém generování globálního testu na problém generování lokálních testů dílčích modulů a na problém jejich následného překladu na globální test. Tento problém lze také chápat jako problém vytvo-

¹mezi něž patří např. cena, výkon a čas nutný k uvedení výrobku na trh

²jmenujme např. algoritmický popis chování systému jazykem pro popis hardwaru nebo tzv. návrh "systému na čipu" obvykle předpokládající zapouzdření celého systému do jednoho křemíkového čipu

³tj. krátké testy dosahující vysokého pokrytí poruch

ření souboru testovacích dat pro dílčí moduly a problém způsobu přenosu těchto dat obvodovou strukturou, v níž jsou moduly umístěny. Ukázalo se však, že pro velmi rozsáhlé a složité obvody a při nevhodné volbě zrnitosti modulů může být i tento přístup výpočetně náročný a že je navíc třeba řešit další problém, a to problém volby zrnitosti modulů. Jako alternativa ke strukturálně založeným metodám proto vznikaly další metody, např. pseudonáhodné generování testu či metody umožňující generovat test na základě popisu funkce nebo chování. Velkou nevýhodou těchto metod je jejich přílišná abstrakce od testované obvodové struktury, což obecně vede na generování méně kvalitních testů, než v případě metod založených na analýze struktury obvodu.

Odstranění nedokonalostí metod generování testů či zvýšení pravděpodobnosti generování kvalitnějšího testu lze dosáhnout např. použitím vhodné kombinace několika metod generování testu, modifikací původního návrhu za účelem zlepšení jeho testovatelnosti⁴ - obvykle pomocí metod návrhu pro snadnou testovatelnost⁵ nebo pomocí metod syntézy pro snadnou testovatelnost⁶. Kromě zlepšení testovatelnosti obvodu je tato modifikace ve většině případů příčinou nárůstu plochy, počtu vývodů a změny dalších - např. dynamických či energetických - parametrů obvodu.

Modifikace obvodové struktury za účelem zlepšení testovatelnosti obvodu se stala nerozlučnou částí moderních návrhů číslicových obvodů. Aby bylo možné splnit návrhová omezení kladená na výsledný obvod⁷ a současně byla nalezena modifikace vyznačující se vysokou testovatelností⁸, je nutné, aby proces provádějící tyto modifikace byl informován o kvalitě dané obvodové modifikace z hlediska testovatelnosti a plnění návrhových omezení. Patřičné informace o testovatelnosti obvodu obvykle poskytuje tzv. analýza testovatelnosti. Pomocí jejích výsledků je pak možné nalézt přijatelný kompromis mezi návrhovými omezeními a diagnostickými vlastnostmi obvodu.

1.1 Motivace k výzkumu

Existující metody analýzy testovatelnosti číslicových obvodů na úrovni meziregistrových přenosů jsou buď založeny na využití nějakého pravděpodobnostního modelu přenosu diagnostických dat obvodovou strukturou nebo na využití modelu vybraných vlastností obvodových prvků umožňujících detailnější a přesnější analýzu obvodových datových cest. Jelikož každá metoda analýzy testovatelnosti je velmi úzce spjata se způsobem generování testu [Uba04], jsou výsledky metod patřících do první skupiny prakticky použitelné pouze pro případy, kdy je uvažováno pseudonáhodné generování testu. Výsledky metody z druhé skupiny jsou pak vhodné v případech, kdy je uvažováno deterministické generování testu.

Právě druhá skupina metod souvisí s výzkumem prováděným v rámci této práce. K hlavním nevýhodám současných metod z této skupiny patří např. jejich velká časová složitost, která je v rozporu s obecným předpokladem malé časové složitosti metod analýzy testovatelnosti [ABF90], vlivem používaného modelu nepříliš přesná analýza obvodových datových cest či v případě požadavku univerzální použitelnosti výsledků analýzy testovatelnosti úzká svázanost některých metod s konkrétní technikou návrhu pro snadnou testovatelnost.

K dlouhodobým nevýhodám metod zabývajících se problematikou testovatelnosti patří nejednotnost a mnohdy značná rozdílnost pojmů z této oblasti⁹. Nestandardizace faktorů ovlivňujících

 8 tj. co nejlepší testovatelností dosažitelnou při respektování návrhových omezení

⁴angl. testability

⁵angl. design for testability, DFT [ABF90]

 $^{^{6}}$ angl. synthesis for testability, SFT [JSE03]

⁷např. maximální přípustná plocha, maximální přípustný počet vývodů, maximální příkon, maximální doba aplikace testu, maximální přijatelná doba návrhu obvodu

 $^{^9\}mathrm{podrobněji}$ viz strana 15

testovatelnost - tj. faktorů na jejichž základě má být testovatelnost obvodu určena - je příčinou různých výkladů a definic testovatelnosti a s ní souvisejících pojmů, což vede k nejednotnosti a roztříštěnosti metod z této oblasti. Je tedy snahou pojmy z této oblasti standardizovat a zahrnout bezesporné a jednoznačné matematické definice těchto pojmů do připravovaného standardu IEEE P1522 [SK04].

Je nutno poznamenat, že přestože se cíle existujících metod analýzy testovatelnosti z důvodu nejednotnosti definic liší, vyznačují se tyto metody jedním společným znakem, který lze označit jako snahu poskytnout dostatečně přesnou informaci o testovatelnosti daného obvodu. Většinou se jedná o odhalení obtížně testovatelných částí na základě ohodnocení jistých vlastností obvodu. Obvykle se předpokládá, že touto informací bude podstatně ovlivněn způsob modifikace obvodové strutury vedoucí ke zlepšení testovatelnosti obvodu.

Výzkum k tématu této práce byl zaměřen na návrh metody analýzy testovatelnosti číslicových obvodů na úrovni meziregistrových přenosů s předpokladem generování deterministického testu, tj. na návrh metody patřící do druhé skupiny a byl motivován zejména výše uvedenými nedostatky existujících metod z této skupiny.

1.2 Cíle výzkumu

Hlavním cílem výzkumu bylo významnou měrou přispět k odstranění výše uvedených nedostatků tím, že v této práci bude ukázáno, že lze vytvořit metodu poskytující přesnější informaci o testovatelnosti obvodu a pracující s přijatelnou časovou složitostí. Taková metoda je v práci představena, jsou shrnuty a dokázány její významné vlastnosti, je ověřena na vhodně zvolené sadě testovacích obvodů a výsledky pomocí ní dosažené jsou srovnány s výsledky existujících metod řešících stejný problém na téže úrovni abstrakce. Zdůrazněme zde, že tato práce se zabývá pouze problematikou testovatelnosti obvodových datových cest využívajících ke směrování toku dat strategii multiplexovaných datových cest na úrovni meziregistrových přenosů.

Jak z podrobnějšího textu vyplyne, přesnost analýzy datových cest podstatně závisí na přesnosti poskytnuté informace o transparentních vlastnostech konkrétních obvodových prvků. V této práci bude ukázáno, jak lze tuto informaci potřebnou pro analýzu diagnostických vlastností obvodu na základě používaného matematického modelu popsat a jak ji lze použít k ohodnocení testovatelnosti obvodu. Snaha o matematický popis takové informace vychází z předpokladu, že zejména pro efektivní průběh analýzy testovatelnosti či generování testu je velmi výhodné pokud každý obvodový prvek uložený v knihovně obvodem používaných prvků je kromě popisu svého rozraní, funkce atd. požadovaného např. návrhovým systémem vybaven také informací usnadňující řešení problémů spojených jak s diagnostikou prvku samotného tak s diagnostikou celku, jehož je prvek součástí. Cíle výzkumu prováděného v rámci této práce lze shrnout do následujících bodů:

- rozšíření stávající koncepce transparentnosti a formálního modelu [Růž02], včetně formálního popisu informace potřebné pro analýzu testovatelnosti číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů,
- návrh a formální popis vztahů pro ohodnocení testovatelnosti číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů,
- návrh a popis metody analýzy testovatelnosti s využitím prostředků rozšířeného modelu,
- ukázka aplikace navržené metody analýzy testovatelnosti a jejích výsledků při řešení vybraných problémů souvisejících s diagnostikou číslicových obvodů,

 shrnutí a dokázání významných vlastností navržené metody, srovnání výsledků s výsledky metod řešících stejný problém.

Cílem této práce není tvrzení, že nelze vytvořit metodu analýzy testovatelnosti, která pracuje s lepší časovou složitostí a která díky přesnější analýze obvodových datových cest dosahuje lepší výsledky při ohodnocení testovatenosti. Cílem je ukázat, že je možné navrhnout metodu, která bude díky detailnější analýze obvodových datových cest poskytovat přesnější výsledky, než jaké poskytují dosavadní metody, a to za přijatelné časové složitosti a s využitím dodatečné matematicky popsané informace o diagnostických vlastnostech obvodových prvků.

1.3 Struktura disertační práce

Dříve, než budou uvedeny kapitoly tvořící hlavní text této práce, je vhodné každou z těchto kapitol alespoň stručně představit.

Hlavní text práce začíná kapitolou 2. Ta je věnována přehledu základních pojmů z oblasti návrhu a diagnostiky číslicových systémů. V úvodní podkapitole jsou zmíněny základní způsoby a úrovně popisu číslicových systémů, z nichž je z hlediska této práce významná úroveň meziregistrových přenosů - jak bude z pozdějšího textu patrno, právě pro tuto úroveň je konstruován jak matematický model číslicového systému (kapitola 4), tak na jeho základě popsaná metoda analýzy testovatelnosti (kapitola 5). Druhá podkapitola se věnuje základním pojmům z oblasti návrhu, jakými jsou přehled prostředků pro popis číslicových systémů a přehled etap vzniku číslicového obvodu. Poslední podkapitola je pojata jako úvod do problematiky související s testováním číslicových systémů a její hlavní snahou bylo zmínit základní pojmy z oblasti diagnostiky číslicových systémů.

Kapitola 3 se věnuje tématům blízce souvisejícím s problematikou řešenou v rámci této práce za účelem usnadnění jejího zařazení do kontextu témat z oblastí diagnostiky číslicových obvodů. První podkapitola se věnuje návrhu pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan. Druhá podkapitola se věnuje náročnosti výběru registrů do scan řetězců a představuje tento problém z matematického pohledu. V třetí podkapitole je představen přehled existujících metod pro analýzu testovatelnosti. Hlavní snahou této podkapitoly bylo ukázat, že v současné době neexistuje přesná definice testovatelnosti a že obecně bývá testovatelnost chápána jako charakteristika zohledňující různé náklady spojené s testováním číslicového obvodu. Poslední podkapitola je kromě základního přehledu motivací, základních pojmů a principů z oblasti tzv. hierarchického testu věnována zejména pohledu na tzv. transparentní režimy a cesty. Účelem této podkapitoly je seznámit čtenáře se základními myšlenkami a principy koncepce transparentnosti a s nastíněním způsobu využití této koncepce pro analýzu testovatelnosti publikovanou v této práci.

Cílem kapitoly 4 je představit rozšíření výchozího modelu [Růž02], založeného na tzv. koncepci I-cest, o prostředky, pomocí kterých je možno popsat v této práci navrženou metodu analýzy testovatelnosti číslicového obvodu na úrovni meziregistrových přenosů. Rozšíření výchozího modelu tedy v žádném případě není samoúčelné, ale bylo vyvoláno potřebou modelovat další skutečnosti týkající se struktury obvodu, jeho podčástí a vlastností. Za nejdůležitější rozšíření výchozího modelu lze považovat zejména modelování bitových složek portů a spojů, rozlišení bran portů, modelování tzv. virtuálních portů, zobecnění modelu transparentních režimů a zobecnění modelu transparentních cest.

Kapitola 5 se věnuje principům analýzy testovatelnosti navržené v rámci této práce. První podkapitola se kromě popisu vztahů pro ohodnocení snadnosti konstrukce tzv. systémů transparentních cest v obvodu, vztahů pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti virtuálních portů a bran v obvodu a vztahů pro ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti portů obvodových prvků obvodu zabývá popisem vztahů pro ohodnocení testovatelnosti obvodového návrhu jako celku. Druhá podkapitola je věnována popisu navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti. Ten je kvůli přehlednosti rozčleněn na několik dílčích algoritmů popisujících konstrukci množin, nutných pro ohodnocení diagnostických vlastností obvodu pomocí vztahů zavedených v první podkapitole. Všechny algoritmy jsou založeny na prohledávání oritentovaných grafů G_S a G_I , jejichž struktura je dána jednak strukturou daného obvodu a jednak diagnostickými vlastnostmi obvodových prvků tvořících strukturu obvodu. Třetí podkapitola komentuje možné využití výsledků navržené metody analýzy testovatelnosti.

V první podkapitole kapitoly 6 jsou představeny a dokázány některé z významných vlastností navržené metody analýzy testovatelnosti, zejména správnost ohodnocování diagnostických vlastností ve smyslu zavedených definic a složitost algoritmu analýzy testovatelnosti. Ve druhé podkapitole jsou představeny výsledky dosažené pomocí navržené analýzy testovatelnosti a to v oblastech samostatné analýzy testovatelnosti, využití výsledků analýzy testovatelnosti ke zlepšení testovatelnosti obvodu s použitím techniky scan a generování benchmarkových obvodů. Dosažené výsledky jsou shrnuty a jsou srovnány s výsledky metod řešících stejný problém.

Závěrečná kapitola 7 se věnuje zhodnocení hlavních výsledků, cílů a přínosů této práce a nastínění možných směrů navazujícího výzkumu.

Kapitola 2

Související oblasti

2.1 Modelování číslicových systémů

Volba modelu je velmi důležitá pro návrh, výrobu a testování číslicového systému. Způsob, jakým reprezentujeme systém, významně ovlivňuje jak simulaci prováděnou za účelem verifikace návrhu a syntézu, tak modelování a simulaci poruch a v neposlední řadě i způsob generování testu pro tento systém a hledání vhodného způsobu aplikace vygenerovaného testu [ABF90].

2.1.1 Klasifikace modelů

Na libovolné úrovni abstrakce můžeme na číslicový systém pohlížet jako na tzv. černou skříňku, využívající informace na vstupech k produkování odezvy na výstupech. Funkci systému pak lze popsat vstupně-výstupním zobrazením, modelujícím operaci prováděnou systémem; v takovém případě hovoříme o tzv. funkčním popisu (modelu) systému - může se jednat o jistou logickou funkci, popis transformace dat soustavou rovnic atp. Spojíme-li funkční popis (tj. oblast hodnot) s časovou oblastí, získáme popis systému na úrovni chování¹. Pro obvody lišící se časováním, ale provádějící stejnou funkci, pak může být použit týž funkční model. Funkcí a časováním se také lze zabývat samostatně, např. během verifikace návrhu či generování testu.

Kromě výše popsaných způsobů popisu (zabývajících se popisem vnější funkce systému, nikoliv však jeho vnitřní strukturou) existuje tzv. strukturální popis (model). Ten chápe systém jako strukturu tvořenou vzájemně propojenými podsystémy, obvykle nazývanými komponenty nebo prvky. Strukturální popis bývá často hierarchický, tzn. že komponenty mohou být tvořeny vzájemně propojenými podkomponentami atd. Komponenty, které již nelze takto popsat, jsou nazývány primitivní prvky - jejich popis je obvykle uložen v nějaké návrhové knihovně. Příklad 1: blokový diagram počítačového systému je strukturálním modelem tvořeným komponentami jako CPU, RAM, vstupně-výstupní zařízení apod. Příklad 2: Schéma obvodu může být tvořeno komponentami AND, OR, dekodéry, funkčními jednotkami apod.

Strukturální model s sebou vždy nese (implicitně nebo explicitně) informaci o funkci jeho komponent; čistě funkčním popisem jsou obvykle reprezentovány pouze velmi malé obvody. Moderní návrhové systémy a prostředky (např. VHDL) umožňují kombinovat v jednom návrhu různé způsoby popisu, čímž je výrazně usnadněna zejména znovupoužitelnost dříve vytvořených návrhů, ale také návrh často principielně velmi odlišných součástí systému. Důsledkem toho je, že popisy, které bývají navenek označovány jako funkční či behaviorální, často obsahují i jistou strukturální informaci. V návrhu z praxe se téměř vždy setkáme s kombinací různých popisů.

¹někdy označovanou pojmem behaviorální úroveň popisu



Obrázek 1: Ilustrace k úrovním popisu

2.1.2 Úrovně popisu

Podle toho, s jakou abstrakcí popisu systému pracujeme, můžeme rozlišit několik úrovní popisu systému - počet a pojmenování těchto úrovní není jednotný a často se v literatuře liší. [Coh01] rozlišuje následující úrovně popisu číslicových systémů:

- úroveň systémová² snahou tohoto popisu je modelovat systém pomocí tzv. zdrojů (např. sběrnice, procesory, paměti) např. za účelem analýzy efektivnosti systému s ohledem na využití zdrojů při různých úlohách nebo definice komunikačního protokolu mezi zdroji a algoritmů činnosti jednotlivých zdrojů,
- úroveň instrukční sady³ tato úroveň popisu je vhodná zejména k definici a simulaci instrukcí procesoru. Instrukce jsou v simulaci vybírány a dekódovány s ohledem na formát instrukcí. K simulaci provádění instrukcí je obvykle použito aritmetických a logických operací,
- úroveň strukturální⁴ tato úroveň popisuje systém pomocí vzájemně propojených komponent. Každá komponenta může být tvořena několika menšími, vzájemně propojenými podkomponentami atd., až dokud se nejedná o primitivní prvek, uložený v knihovně,
- úroveň meziregistrových přenosů⁵ pro systém na této úrovni je typické, že je složen ze dvou částí a to datových cest a obvodového řadiče ovládajícího tok dat těmito cestami [Mär92]. Datová část pak obvykle sestává z funkních bloků oddělených registry či pamětmi a z propojovacích prvků obvykle multiplexorů a sběrnic. Obvodový řadič bývá realizován stavovým automatem. Velmi často je tento typ popisu používán jako vstup logické syntézy. Protože způsob propojení funkčních bloků, paměťových prvků a propojovacích prvků je znám, lze popis na této úrovni chápat jako speciální případ strukturálního popisu,
- úroveň hradel⁶ jedná se o další speciální případ strukturálního popisu. Návrh je tentokrát tvořen vzájemným propojením nízkoúrovňových prvků - obvykle logických hradel či klopných obvodů. Tento popis bývá výstupem logické syntézy nebo nástroje provádějícího rozmístění a je použit buď jako dokumentace k netlistu nebo jako model struktury návrhu pro účely simulace,

²angl. System Level, SYL

³angl. Instruction Set Level, ISL

⁴angl. Structural Level, STL

⁵angl. Register-Transfer Level, RTL

⁶angl. Gate Level, GAL



Obrázek 2: Postup vzniku číslicového čipu

úroveň tranzistorů⁷ - opět se jedná o speciální případ strukturálního popisu - návrh je tentokrát tvořen vzájemným propojením tranzistorů (např. unipolární technologie CMOS). Na této úrovni popisu nebývají obvody současných složitostí a rozměrů navrhovány přímo návrhářem - tento popis je obvykle součástí automatizované implementace systému, jejímž hlavním cílem je příprava masky k výrobě čipu. I na této velmi nízké úrovni popisu je však někdy prováděna (implementačně velmi přesná, avšak také výpočetně náročná) simulace a i pro tuto úroveň existují např. modely poruch.

2.2 Návrh číslicových systémů

2.2.1 Specifikace a popis systému

Návrh číslicového obvodu obvykle začíná systémovou specifikací, zachycující počáteční požadavky kladené na výsledný obvod - zejména se jedná o celkové vstupně-výstupní chování obvodu (tj. jeho funkci), strukturu rozhraní obvodu, předpokládanou velikost plochy obvodu, požadovaný pracovní kmitočet obvodu a další parametry. Z této prvotní specifikace pak obvykle vychází specifikace dílčích podsystémů, z nichž každý může být dále zjemněn a popsán pomocí menších bloků atd. Máme-li již některé z podsystémů resp. bloků k dispozici (např. ve vlastní knihovně prvků), nemusíme se jejich návrhem zabývat znovu⁸, čímž lze některé návrhové kroky vynechat a tím výrazně uspořit čas pro celkový návrh číslicového obvodu.

⁷angl. Transistor Level, TRL

 $^{^{8}}$ takový postup se označuje termínem znovupoužití návrhu (angl. design reuse)

Vlastní návrhová práce pak začíná popisem systému, některého jeho podsystému resp. bloku (např. pomocí některého z jazyků pro popis hardwaru⁹ (hardware description language, HDL)). HDL jazyky vznikly proto, aby jejich použití vedlo k zefektivnění návrhů - spolu s popisem návrhu totiž poskytují prostředky pro jeho dokumentaci, simulaci a verifikaci. Historicky starší způsob popisu (obvodové schéma - např. na úrovni hradel) sice rovněž umožňoval návrh daného systému - a to formou popisu propojení jeho podčástí, avšak vzhledem k jeho grafické reprezentaci byl sice vhodným pro návrháře-člověka, ale už ne příliš vhodný pro další automatizované zpracování např. v CAD nástroji. Obvodové schéma bylo obvykle nutné transformovat na počítačově zpracovatelný *netlist*¹⁰, který už byl a který kromě binárně či ASCII zakódovaného schématu obsahoval i informace o jednotlivých podčástech obvodu. Nicméně, ani v netlistu, který lze chápat jako informačně obohacenou verzi popisu schématu, nebylo možné přehledně a kvalitně daný obvod zdokumentovat a zaznamenat do něj všechny ve schématu chybějící informace. Proto - zejména nedostatky historicky dřívějších způsobů popisů při návrzích složitějších obvodů - přispěly k velkému rozšíření jazyků HDL, které těmito nedostatky netrpí a umožňují tak rychlý a kvalitní návrh i velmi složitých obvodů. Současné HDL jazyky umožňují popis obvodu prakticky na kterékoliv úrovni abstrakce, včetně kombinace několika úrovní popisů v jednom návrhu (často je např. kombinován strukturální popis s popisem chování).

2.2.2 Syntéza

Po dokončení popisu systému pomocí některého z existujících prostředků (nejčastěji pomocí některého HDL jazyka) a jeho uložení v daném datovém formátu obvykle následuje *logická syntéza*, což je proces provádějící transformaci HDL popisu na netlist. Jelikož oba v současné době nejrozšířenější HDL jazyky byly původně vyvinuty pro jiný účel¹¹ než pro jaký jsou v současné době používány a navíc oba vznikly dlouho před tím, než se objevily první komerční nástroje pro logickou syntézu, byli návrháři omezeni pouze na jisté podmnožiny HDL jazyků, tj. podmnožiny velmi blízké výsledné hardwarové reprezentaci obvodu. Tzn., že návrhář musel mít jasnou představu nejen o funkci navrhovaného obvodu, ale i o tom, jak konkrétně bude tento obvod implementován na cílové platformě.

Se zvyšující se abstrakcí popisu obvodů se objevují vysokoúrovňové či behaviorální nástroje pro syntézu. Tyto nástroje již umožňují syntetizovat i obvody navržené s vysokou měrou abstrakce od cílové hardwarové implementace (tj. např. zápisem algoritmu popisujícího transformaci mezi vstupy a výstupy daného obvodu). Typické je, že HDL popis může být kombinován s jinými popisy - např. stavovým automatem, tabulkami logických funkcí či schématem obvodu na úrovni hradel. Samozřejmě i v dnešní době je výhodou - zejména pro efektivnost implementace - má-li návrhář co nejjasnější představu o tom, jak bude jeho popis implementován. U moderních - často složitých a rozsáhlých - návrhů je však mnohdy tento stav nereálný a proto je obvyklé, že implementace je automatizována a z podstatné části ovlivněna nástrojem pro *vysokoúrovňovou syntézu*. Ten je tvořen knihovnou buněk¹² a nástrojem pro logickou syntézu¹³. Po úspěšné simulaci behaviorálního HDL popisu je nástrojem pro logickou syntézu obvykle vygenerován netlist¹⁴ reprezentující strukturální popis daného obvodu - obvykle se jedná o popis obvodu na úrovni meziregistrových přenosů, tj. na úrovni, pro kterou je vytvořena metoda analýzy testovatelnosti publikovaná v této práci. Z tohoto pohledu je možné konstatovat, že metoda navržená v této

⁹např. VHDL (Very high-speed integrated circuit HDL) či Verilog

 $^{^{10}\}mathrm{tj.}$ popis propojení logických buněk - viz níže

¹¹VHDL byl původně navržen pro dokumentaci a popis obvodu, Verilog pro simulaci

¹²tj. knihovnou prvků (logických buněk) sestavených z technologicky nezávislých členů - např. NAND a invertorů ¹³většina výrobců nástrojů dodává jen programové vybavení a většina prodejců číslicových obvodů jen knihovny buněk

 $^{^{14}}$ nejčastěji ve formátu EDIF, avšak existují i nástroje umožňující zapsat netlist v HDL

práci je mj. uplatnitelná právě v této části návrhového cyklu obvodu. Po vygenerování netlistu je provedena další simulace a její výsledky jsou porovnány s výsledky předchozí (behaviorální) simulace.

2.2.3 Implementace systému

Po dokončení syntézy je možné provést vlastní *implementaci systému* [Smi97], na jejímž konci získáme veškeré podklady nutné pro zahájení výroby čipu. Nejdříve (není-li to dáno již samotným popisem systému) je nutno rozčlenit složitý systém na několik podčástí nebo bloků (paměti RAM, ROM, řadiče paměti cache, bloky ALU, FPU, MMU, DMA apod.) tak, aby byly tyto podčásti co nejméně vzájemně propojeny, a aby plocha žádné z nich nepřesáhla jistou maximální hodnotu. Poté může být zahájeno tzv. *plánování čipu*¹⁵. Vstupem plánování čipu je *hierarchický netlist* (tj. *logický popis* číslicového obvodu), popisující propojení bloků a propojení logických buněk uvnitř bloků. Cílem plánování čipu je rozmístit bloky tak, aby více propojené bloky byly blíže u sebe. Zároveň je vyhrazen prostor pro rozvod hodin a napájení a rozhodnuto o počtu a umístění I/O a napájecích vývodů. Výstupem je *plán čipu*¹⁶, tj. *fyzický popis* číslicového obvodu.

Dalším krokem je tzv. rozmísťování¹⁷. Cílem je vyhradit v blocích propojovací oblasti a rozmístit logické buňky v blocích tak, aby byla minimalizována plocha číslicového obvodu a kritická zpoždění v blocích. Jelikož je tento rozmísťování úzce spjato s plánováním čipu, bývají někdy oba tyto kroky kombinovány do jednoho celku. Snahou je, aby po nich následující krok (tzv. propojování) proběhl co nejúspěšněji. Cílem propojování¹⁸ je zajistit umístění spojů tak, aby byla minimalizována plocha nutná k propojení, minimalizovat součet délek použitých spojů a jejich ploch, minimalizovat zpoždění kritické cesty a počet vrstev, přes něž spoje procházejí. Až po ukončení této fáze lze jednoznačně určit fyzické rozměry čipu, počet a podobu vrstev masky a přesné umístění spojů.

2.2.4 Výroba

K samotné výrobě čipů [Mue01] se používá proces zvaný *fotolitografie*. Nejprve je odpařováním na *plátku* křemíku vytvořena izolační vrstva oxidu křemičitého. Následuje vytvoření polovodičové vrstvy a nanesení vrstvy odolné vůči světlu. Poté je na vzniklý fotocitlivý povrch promítnut obraz některé z vrstev čipu. Přitom se v projektoru používá speciální *maska*, která odpovídá dané vrstvě čipu. Jakmile světlo procházející maskou osvítí povrch plátku, vytvoří v něm fotografický obraz dané vrstvy. Plátek je pomocí krokovacího stroje pootočen a stejná maska je použita k osvícení části povrchu plátku příslušející jinému čipu. Po dokončení osvětlování je celý povrch omyt leptavým roztokem, čímž se z povrchu smyje fotorezistentní vrstva. Na povrchu tak zůstane pouze obraz jednotlivých vrstev a jejich propojení. Následně je na plátek nanesena další vrstva polovodičového materiálu, která je pokryta fotorezistentním materiálem. Vzniklý povrch je ozářen projektorem, v němž je umístěna maska pro další vrstvu čipu. Tento postup se opakuje, dokud nejsou vytvořeny všechny požadované vrstvy čipu.

V konečné fázi jsou vytvořeny *metalizační vrstvy* definující kovová propojení mezi jednotlivými tranzistory a případnými dalšími součástkami.

Na dokončeném kruhovém plátku je obvykle vytvořeno tolik čipů, kolik je maximálně možné. Protože však čipy bývají čtyřhranné a plátky kruhové, vždy vzniká na hranách plátku nějaký odpad. Poznamenejme, že z daného plátku o jistém průměru lze použitím modernější projekční

 $^{^{15} {\}rm angl.}$ floorplanning nebo také chip planning

¹⁶angl. floorplan

¹⁷angl. placement

¹⁸angl. routing

technologie vyrobit větší počet návrhově totožných procesorů¹⁹.

Z hlediska kvality je nutné uvést, že zdaleka ne všechny procesory na plátku jsou vyrobeny bezchybně. Poměr počtu dobrých čipů ku celkovému počtu se nazývá výtěžnost - ta bývá při náběhu nové výrobní linky kolem 50%. Po plném rozjezdu sériové výroby daného čipu může výtěžnost dosáhnout až 90%. Tato čísla jsou však obecná a přibližná, neboť skutečné údaje o výtěžnosti pochopitelně každý výrobce tají.

2.2.5 Testování, expedice a provoz

Po dokončení plátku je každý v něm obsažený čip otestován pomocí speciálních sond - obvykle uspořádaných do matice - sloužících pro generování testovacích vektorů resp. sběr odezev na ně. Je-li na základě analýzy odezev čip vyhodnocen jako špatný, je označen barevnou skvrnou. Tento typ testu²⁰ se nazývá *produkční test* a je prováděn speciálním testovacím strojem; vlastní generování testovacích vektorů a vyhodnocování odezev je řízeno testovacím programem vyvinutým výrobcem a/nebo objednavatelem číslicového obvodu.

Následně jsou neoznačené čipy vyříznuty buď vysoce výkonným laserem nebo diamantovou pilou a znovu otestovány. Během tzv. *zapouzdření* je čip umístěn do pouzdra a speciální strojem jsou ze zlatých drátků vytvořeny spojky mezi vývody čipu a pouzdra.

Následuje *expedice* neoznačených čipů. V některých případech jsou (zejména u velkých odběratelů, např. implementujících dané čipy do svých zařízení) čipy otestovány ještě vlastním vstupním testem, aby nedošlo zabudováním vadných čipů ke znehodnocení celého zařízení obsahujícího čip - např. desky plošných spojů již částečně osazené jinými prvky. Pokud test odhalí chybu až v desce, obvykle bývá nákladné provést výměnu vadné komponenty; je-li chyba způsobena čipem, bývá tento zaslán výrobci k opakovanému otestování. Zde se zjišťuje, zda se jedná o poruchu neodhalitenou jeho produkčním testem (v tom případě je produkční test nedostatečný) či zda se jedná o poruchu způsobenou špatným pájením, elektrostatickým či mechanickým poškozením atd. Snahou je zjistit, na které ze stran existují nedostatky v používaných postupech.

Je zřejmé, že detekce a odstraňování poruch na úrovni dílčího zařízení (např. desky) je nákladná záležitost. Ještě nákladnější [FA97] je však provádět tuto činnost až na úrovni, kdy je vada odhalena přímo koncovým uživatelem vyrobeného zařízení nebo servisní firmou. V případě vadné desky obvykle lze - z hlediska koncového uživatele - považovat za nejlevnější odstranění poruchy její vyjmutí ze systému, uplatnění reklamace u prodejce a její nahrazení novou deskou. Pro výrobce však taková výměna znamená jisté dodatečné výdaje a opatření. Je-li snahou úspěšného výrobce dodávat bezporuchová zařízení na trh, pak jeho snahou musí také být zjistit příčinu vzniku poruchy a příčinu neodhalení této poruchy produkčním testem.

2.3 Diagnostika číslicových obvodů

Již bylo zmíněno, že nefunkčnost čipu může být způsobena závadou vzniklou při jeho výrobě nebo po jejím ukončení; stejně tak může být způsobena chybou při návrhu. Problematikou chyb vzniklých při návrhu obvodu se zabývá samostatná disciplína nazývaná *verifikace návrhu*. Je to činnost, během níž se zjišťuje, zda navržený obvod realizuje správně funkce, pro něž byl navržen. Verifikace návrhu se provádí před zahájením výroby obvodu, takže nápravu návrhové chyby je

 $^{^{19}}$ např. z plátku o (obvyklém) průměru 200 mm, tj. ploše 31416 mm² bylo možné vyrobit okolo 150 procesorů PentiumII (7.5 mil. tranzistorů) při použití projekční technologie $0.35 \,\mu m$; při použití modernější technologie $0.25 \,\mu m$ lze z téhož plátku vyrobit dvojnásobný počet procesorů PentiumII nebo 300 procesorů PentiumIII (ten má asi 28.1 mil. tranzistorů) technologií $0.18 \,\mu m$. V současnosti již existuje technologie pod $0.09 \,\mu m$ s plátky o větším průměru, čímž je umožněna ještě větší produkce procesorů

 $^{^{20}}$ testem kombinačního resp. sekvenčního obvodu je myšlena množina resp. posloupnost testovacích vektorů a analýza získaných odezev

možné realizovat opakováním jisté části návrhu. Nedochází tak ke zvýšení ceny v důsledku přípravy podkladů pro výrobu čipu a jeho následné výroby. Verifikace návrhu se však tato práce nedotýká.

Ale i když je po verifikaci návrhu konstatováno, že je obvod navržen správně, není tím ještě zaručena bezchybná funkce čipu, který bude podle tohoto návrhu vyroben. V etapě výroby obvodu nebo později²¹ totiž mohou být do fyzické struktury čipu zaneseny *poruchy*, jejichž projevem může být chybná funkce čipu. Avšak, není-li část čipu s poruchou v dané aplikaci používána, nemusí se chybné chování projevit, přestože se v něm porucha vyskytuje. Není ale možné předpokládat, že chybná část čipu nebude používána - naopak, je nutné uvažovat, že čip bude používán v celém rozsahu svých funkcí, i když některé z nich daná aplikace nevyužije. Je tedy snahou spolehlivě a zároveň efektivně ověřit, že vyrobený či dodaný čip neobsahuje poruchu. To je možné zjistit během tzv. *testování* čipu. Je výhodné, pokud prostředky vyvinuté pro samostatné testování obvodu v etapě výroby jsou použitelné i při použití obvodu ve větším logickém celku, např. na desce či jako podsystému jiného obvodu.

Problémy souvisejícími s testováním číslicových obvodů se zabývá diagnostika číslicových obvodů. Ta se však neomezuje pouze na testování obvodů, ale zasahuje také do jejich návrhu, a to zejména do raných etap popisu a syntézy obvodu. Cílem návrhu, ale hlavně syntézy je, aby jejím výstupem byl obvod plnící požadovanou funkci, který by zároveň vyhovoval různým návrhovým kritériím. Mezi ně patří např. cena obvodu, počet vývodů, dynamické parametry a plocha na křemíkovém plátku. Z hlediska uplatnění požadavků diagnostiky je dalším kritériem testovatelnost (viz strana 15) obvodu. Tu je možno chápat především jako snahu o zvýšení řiditelnosti/pozorovatelnosti (viz strana 16) vnitřních uzlů obvodu. Pokud jsou tyto principy uplatněny již během etapy popisu obvodu, hovoříme o návrhu pro snadnou testovatelnost²² (viz kapitola 2.3.3, strana 15) a jsou-li uplatněny během syntézy, pak hovoříme o syntéze pro snadnou testovatelnost [ABF90, Ait95, Cox95, Lee97].

2.3.1 Základní pojmy

Diagnostika se zabývá analýzou technického stavu číslicového obvodu či systému (např. desky); jejím cílem je zjistit na základě odezev systému na vstupní stimuly (tzv. *testovací vektory*²³), zda je, či není v systému porucha, popř. i ve které části systému tato porucha nastala. V této formulaci jsou obsaženy dvě základní úlohy diagnostiky, a to detekce poruchy a její lokalizace. Původní snahou bylo používat přitom bezdemontážních postupů a vystačit si pouze s přístupem k vývodům čipu, tzv. *primárním vstupům* a *primárním výstupům*. Brzy se však ukázalo, že s tímto omezením není možné vždy vystačit²⁴ a že je nutné si tuto úlohu usnadnit přístupem k jistým vnitřním bodům systému, k tzv. *testovacím bodům*.Tento přístup je obvykle podmíněn zásahem do původního návrhu. Z tohoto pohledu pak už nehovoříme pouze o návrhu, ale o návrhu pro snadnou testovatelnost - blíže viz kapitola 2.3.3, strana 15 - ten je vykoupen změnou parametrů obvodu, např. změnou dynamických parametrů, nárůstem plochy či počtu vývodů obvodu.

Tyto principy spolu s principy autonomního testování číslicových systémů využívajícího vestavěné diagnostiky tvoří moderní formu diagnostické disciplíny, kdy již diagnostika vystupuje v problematice boje s poruchami aktivně. Další formou aktivního diagnostického přístupu je navrhování bezpečných obvodů, na které navazuje navrhování systémů odolných proti poruchám.

 $^{^{21}}$ příčinou výrobní vady bývá nepřesnost technologického postupu, k příčinám mimovýrobní vady patří např. destrukční, degradační mechanismus nebo mimořádný jev

²²angl. design for testability, DFT

²³kromě tohoto "klasického" způsobu testování existují i jiné, netradiční přístupy jako např. měření tepelného spektra, měření sekundární emise, testování plazmovým obloukem či měření klidového odběru proudu

 $^{^{24}}$ zejména při testování sekvenčních obvodů, kdy existuje problém s nastavením resp. zjištěním vnitřního stavu

V této práci budeme předpokládat, že je test založen na "klasickém" testování využívajícím posloupností binárních testovacích vzorků a odezev. V takovém případě tedy nutně musí existovat nějaký zdroj testovacích vektorů a analyzátor správnosti odezev. Obvod, který je testován, budeme nazývat testovaný obvod²⁵.

Při úvahách o testování číslicového obvodu musíme vyřešit dva problémy - vytvoření testovací posloupnosti (tzv. generování testu) a způsob aplikace testu. Test je možné vytvořit buď manuálně např. návrhářem obvodu nebo pomocí programových prostředků pro automatické generování testu, tzv. generátory testu (GT). Ty jsou dvojího typu: generátory testu pro kombinační obvody (GTKO) a generátory testu pro sekvenční obvody (GTSO). Při aplikaci testu, jak je chápán v této práci²⁶, jsou řešeny tyto problémy:

- způsob nastavení testovacích vektorů na vstupy komponent tvořících obvod,
- přenos odezev na testovací vektory do takových bodů obvodu, kde je možné tyto odezvy snímat (a případně vyhodnocovat).

Diagnostika se klasifikuje podle několika hledisek. V první řadě jde o způsob získávání testovacích vektorů a o způsob vyhodnocování správnosti odezev. Generování vstupní testovací posloupnosti probíhá buď předem (*off-line*) nebo v průběhu testu (*on-line*), a to buď programovými, nebo technickými prostředky, vyhodnocování správnosti odezev probíhá buď srovnáváním se správnými odezvami, čtenými z paměti, nebo srovnáváním s kombinacemi, získanými z etalonu, který se testuje současně²⁷.

Nejčastější klasifikace forem diagnostiky vychází z časového uspořádání testování, kdy rozlišujeme *diagnostiku periodickou* a *průběžnou*; ze vztahu zkoušeč - testovaná jednotka pak rozeznáváme *diagnostiku vnější* a *vnitřní*.

2.3.2 Detekce a lokalizace poruch

Každý test je spojen s detekcí popř. lokalizací pouze jistého druhu poruch; hovoříme pak o detekčním resp. lokalizačním testu. K základní úloze diagnostiky tedy patří i *modelování poruch* - cílem je vytvořit jednak co nejpřesnější model poruch (přesnost modelu), ale i model, se kterým by se snadno a rychle pracovalo (použitelnost modelu). Je zřejmé, že tyto dva požadavky jsou protichůdné, proto je výsledkem kompromisní řešení. Nejjednodušší a nejrozšířenější je model poruch typu trvalá 0 resp. trvalá 1. Předpokládá, že libovolná porucha v obvodu vznikne přerušením vodivé cesty, nebo vytvořením nechtěné vodivé cesty na napájecí napětí nebo zem. Z dalších modelů poruch zmiňme např. modelování zkratů mezi vodiči, modelování poruch p-n přechodů obvodů DTL a TTL či model poruch zpoždění.

Základní úloha diagnostiky najít pro testovanou jednotku $úplný^{28}$ a pokud možno minimální test²⁹ se reší různými způsoby [ABF90]. V naprosté většině diagnostických metod se činí předpoklad jediné poruchy - předpoklad vícenásobné poruchy vede na metody v praxi nepoužitelné.

Náklady na vytvoření testu představují pro každý obvod jednorázový náklad, jednou vygenerovaný test se používá opakovaně pro všechny obvody vyrobené dle téhož návrhu. Při velkých sériích vyráběných obvodů se pak náklady na vygenerování testu přepočtené na jeden obvod

²⁵angl. circuit under test, CUT

²⁶předpokládáme generování deterministického, tzv. hierarchického testu [OMCV99, MH90, AVS93, LP97, OM99] pro RTL obvod založeného na generování dílčích lokálních testů pro komponenty obvodu a jejich transformaci na globální test

²⁷tzv. komparační testování

²⁸důležitým parametrem detekčního testu je pokrytí poruch, tedy číslo udávající procentuálně počet poruch, které je test schopen detekovat. Test s pokrytím poruch 100% se označuje jako úplný

²⁹s využitím redukovaného seznamu poruch lze nalézt tzv. minimální test, tj. úplný test tvořený minimálním počtem testovacích vektorů

snižují. Cena obvodu je však ovlivněna dalším faktorem - cenou za implementaci zkoušeče, pomocí něhož je test aplikován a dobou, po niž je pro daný test využíván. Zde dochází opět ke konfliktu. Chceme-li snížit náklady na aplikaci testu, musíme často zjednodušit test, což ovšem obvykle znamená, že dosáhneme menšího pokrytí poruch.

Detekce poruch

Cílem detekčního testu nad daným modelem poruch je zjistit, zda v daném obvodě existuje porucha popsatelná tímto modelem poruch. Princip odhalení konkrétní poruchy kombinačního obvodu spočívá v nastavení takového testovacího vzorku na dané místo obvodu, který je schopen tuto poruchu odhalit. Detekční test - v ideálním případě úplný - pak sestává z množiny testovacích vektorů vedoucích k odhalení všech jednotlivých poruch z daného modelu poruch. Jelikož cílem tohoto testu není rozlišit, která konkrétní porucha nastala, ale zda nějaká nastala, je možné provést rozklad množiny poruch, v němž poruchy odhalitelné týmž testovacím vektorem budou náležet téže rozkladové třídě. Hovoříme pak o *ekvivalenci poruch* a ekvivalenční třídy nazýváme *redukovaným seznamem poruch*. Metody generování detekčních testů lze rozdělit na:

- metody pro kombinační obvody pro kombinační obvody jsou nejlépe propracované metody strukturální, které vycházejí z tzv. D-algoritmu [ABF90] a hledají úplný test respektující topologii obvodu. Existují však i např. metody generující (tzv. funkční) test na základě popisu funkce obvodu. Nevýhodou však je, že pro týž obvod funkční test obvykle nedosahuje pokrytí poruch srovnatelného se strukturálním testem; to je způsobeno skutečností, že funkční test uvažuje pouze funkci obvodu a abstrahuje od jeho cílové struktury. Proto existují i kombinované metody, kdy je při generování funkčního testu zohledněna informace o obvodové struktuře,
- metody pro sekvenční obvody metody generování testů pro sekvenční obvody rovněž dělíme na strukturální a funkční. Vzhledem k existenci vniřního stavu u těchto obvodů však použití těchto metod vede na značně větší objem dat než u kombinačních obvodů. Proto je jejich použití prakticky obvykle omezeno na méně složité obvody. U složitějších obvodů je pak snaha tyto generátory využívat při testu co nejméně (vzhledem k dlouhým posloupnostem testovacích vektorů) a co nejvíce je zastoupit generátory méně náročnými - to je však obvykle možné až např. s využitím technik návrhu pro snadnou testovatelnost nebo pomocí prostředků vestavěné diagnostiky. Obecně platí, že generování testu pro sekvenční obvody je podstatně náročnější než generování testu pro kombinační obvody. Někdy se o obou výše jmenovaných metodách hovoří jako o metodách deterministických,
- metody pseudonáhodného generování testů kromě výše uvedených způsobů generování testu existuje ještě tzv. pseudonáhodné generování testu. To je použitelné jak pro kombinační tak sekvenční obvody a v jeho základní formě není nutná znalost struktury ani funkce obvodu. Takový test je obvykle tvořen posloupnostmi testovacích vzorků, které mají ve své základní podobě neměnné pořadí kroků a jistou periodicitu opakování. Základem pseudonáhodného generátoru je např. posuvný registr s lineární zpětnou vazbou³⁰ či celulární automat. Obvykle však pomocí základního pseudonáhodného generátoru není možné dosáhnout tak vysokého pokrytí poruch jako při použití deterministických metod, respektujících strukturu a/nebo funkci daného obvodu. Tento nedostatek pak lze vyřešit např. kombinací obou metod či např. použitím adaptivního pseudonáhodného generátoru s možností nastavení pravděpodobnosti jedničky na jeho výstupech.

 $^{^{30}\}mathrm{angl.}$ linear feedback shift register, LFSR

Lokalizace poruch

Narozdíl od detekčních testů umožnují *lokalizační testy* navíc rozlišit, která porucha nastala, čímž dojde i k lokalizaci místa poruchy³¹. Pro technickou praxi jsou významné, protože poskytují informaci o umístění poruchy v číslicovém systému a s požadovanou přesností lokalizace určují buď vyměnitelnou porouchanou součástku pro následující opravu nebo poskytují podklady pro sledování spolehlivosti jednotlivých komponent systému pro řízení jakosti výroby. Kromě základní ekvivalence poruch (její třídy tvoří redukovaný seznam poruch) vzniká při lokalizaci i *ekvivalence topologická*.

Při tvorbě lokalizačního testu se obvykle vychází z tzv. *matice poruch*. Z ní je vytvořen *lo-kalizační strom*, reprezentující rozklady množiny poruch - cílem je dosažení nulového rozkladu, tj. aby bylo lokalizačním testem možno rozlišit, která konkrétní porucha nastala. Z lokalizačního stromu je pak pro každou poruchu možné určit, jakou konkrétní lokalizační posloupností testovacích vektorů je tato porucha lokalizovatelná.

Na základě lokalizačního stromu lze sestavit tzv. *slovník poruch*, v němž pro každou lokalizační posloupnost nalezneme její interpretaci, tj. příslušnou lokalizovanou poruchu či bezporuchový stav. Jelikož pro složitější obvody může slovník poruch nabývat velkých rozměrů, lze tento slovník zjednodušit např. redukcí na slovník s jednobitovými výsledky, vícestupňově organizovaný slovník nebo fázově rozdělený slovník.

Komprese diagnostických dat

Minimalizace slovníku poruch představuje kompresi diagnostických dat pro potřeby lokalizace poruch. S růstem složitosti číslicových obvodů se však zvětšuje také objem diagnostických dat (tj. testovacích vektorů a odezev) potřebných pro detekci poruch do té míry, že komprese se stala nezbytností i zde. Nejčastější metody komprese lze rozdělit na metody čítání událostí, příznakovou analýzu a spektrální metody; podrobněji se však metodám komprese věnovat nebudeme.

2.3.3 Návrh pro snadnou testovatelnost

Snahou algoritmů pro generování testu je vygenerovat pro daný číslicový obvod co nejlepší test, tj. co nejkratší sekvencí testovacích vzorků dosánout co největšího pokrytí poruch v daném obvodu. Kromě pokrytí poruch, které je významným ukazatelem kvality testu, lze nalézt i ukazatele nákladů spojených s testem - mezi ně patří zejména náklady na generování testovacích vzorků, náklady na simulaci poruch a generování informace o lokalizaci poruch, náklady na vybavení nutné pro test a náklady na samotný proces testování, jehož ukazatelem je např. doba aplikace testu. Protože náklady spojené s testováním prvku mohou být vysoké tak, že mohou přesáhnout i nejvyšší přípustné náklady na návrh a výrobu obvodu, je důležité, abychom byli schopni uchovat je v rozumných mezích. Jedním ze způsobů, jak toho lze dosáhnout, je využít tzv. návrhu pro snadnou testovatelnost, jemuž je věnována tato podkapitola.

Testovatelnost

Testovatelnost je chápána jako charakteristika zohledňující různé náklady spojené s testováním navrhovaného číslicového obvodu - obvykle je chápána jako ukazatel snadnosti tvorby a provádění efektivních testů³² číslicového obvodu. Obecná definice testovatelnosti sice v současné době neexistuje, avšak existuje řada dílčích, konkrétně aplikačně orientovaných definic a z nich

 $^{^{31}}$ např. špatného hradla, klopného obvodu, komponenty, jejich vývodů či spojů

 $^{^{32}}$ za efektivní je obvykle považován krátký test s vysokým pokrytím poruch

vycházejících metod, z nichž každá je obvykle konstruována pro jistou konkrétní úroveň popisu obvodu a pro zohlednění vybrané podmnožiny nákladů spojených s jeho testováním.

Nejednotnost a mnohdy značná rozdílnost přístupů zabývajících se problematikou testovatelnosti byla podnětem pro standardizaci pojmů z této oblasti. Od roku 1998 pracuje standardizační skupina IEEE č. 20 zabývající se problematikou diagnostiky elektronických systémů na standardu IEEE P1522. Ten se týká standardizace pojmů, zejména měr a vlastností z oblasti testovatelnosti a diagnostiky elektronických systémů. Snahou standardu je poskytnout bezesporné a jednoznačné definice těchto a dalších pojmů. Definice by měly být založeny na vhodných standardizovaných modelech. Pro standard IEEE P1522 by měly být charakteristické zejména následující vlastnosti [SK04]:

- technologická nezávislost pojmy tohoto standardu by měly být použitelné na libovolnou cílovou technologii,
- implementační nezávislost míry definované v tomto standardu by neměly být závislé na žádném konkrétním programovém prostředku,
- bezespornost a jednoznačnost definic všechny definice budou zapsány jak pomocí přirozeného jazyka (angličtiny), tak formálně matematickými prostředky. Dojde-li ke sporu, bude pro jeho vyřešení rozhodující matematický zápis definice,
- měřitelnost definic míry definované v tomto standardu musí být odvozeny ze standardizovaných modelů a musí vycházet z měřitelných údajů,
- stanovení podpůrných informací standard by měl jasně definovat, jaké konkrétní podpůrné informace jsou pro jednotlivé definované míry nezbytné, tj. jaké informace musí obsahovat resp. o jaké dodatečné informace je nutno doplnit popis návrhu daného systému, aby bylo možné standardizované míry na takto popsaný systém aplikovat.

Další³³ budou zahrnuty ve zvláštní příloze ke standardu nebo budou součástí doporučení pro praxi. Standardizační proces [SK04] standardu IEEE P1522 zatím není ukončen, avšak je již v jedné z konečných fází příprav standardu.

I když jednotná definice testovatelnosti není v současnosti k dispozici, lze obecně konstatovat, že v dílčích definicích je *zlepšením testovatelnosti* obvodu obvykle myšlena redukce jistých nákladů spojených s testováním tohoto obvodu. K faktorům ovlivňujícím testovatelnost obvodu jsou v současné době zařazovány zejména *řiditelnost* (ovladatelnost), pozorovatelnost a předvídatelnost [ABF90]. Postup, který se používá k ohodnocení testovatelnosti obvodu se nazývá analýza testovatelnosti - viz kapitola 3.3, strana 38.

Řiditelnost resp. pozorovatelnost bývá chápána jako schopnost ovlivnit³⁴ resp. změřit³⁵ hodnotu signálu v daném místě v obvodě. Je snahou řiditelnost resp. pozorovatelnost číselně ohodnotit; hodnota řiditelnosti resp. pozorovatelnosti pak obvykle vyjadřuje míru snadnosti nastavení resp. zjištění hodnoty signálu v daném místě obvodu. Předvídatelnost je obvykle chápána jako schopnost odhadu výstupní odezvy obvodu na základě vstupního podnětu [ABF90]. Mezi faktory ovlivňující předvídatelnost patří např. dostupnost vnitřních stavů obvodu, hazardy, oscilátory v obvodu atp. Protože předvídatelnost má smysl uvažovat spíše v případech, kdy je plánováno pseudonáhodné generování testu, předvídatelností se tato práce dále blíže nezabývá.

 $^{^{33}}$ tj. matematicky nedefinované pojmy a skutečnosti nesplňující výše uvedené vlastnosti

 $^{^{34}}$ např. nastavit signál v datové cestě na danou hodnotu

 $^{^{35}\}mathrm{nap}\check{r}.$ zjistit hodnotu signálu v daném uzlu

Řiditelnost resp. pozorovatelnost bývá někdy ohodnocena s ohledem na to, zda test bude pseudonáhodný nebo deterministický. Např. pro pseudonáhodný generátor testu je málo pravděpodobné, že bude schopen nastavit výstup desetivstupového hradla AND na hodnotu 1, zatímco deterministický test založený na D-algoritmu je schopen tento problém vyřešit jediným přístupem do tabulky. Proto se také někdy hovoří o *pseudonáhodné řiditelosti* resp. *pozorovatelnosti*. Ta je obecně obtížná u prvku, vyžadujícího nastavení konkrétní vstupní hodnoty resp. posloupnosti hodnot pro nastavení resp. zjištění jeho stavu. Obecně platí, že obvod či jeho vnitřní prvek (komponenta) je *obtížně řiditelný* resp. *pozorovatelný*, je-li pro nastavení resp. zjištění jeho stavu nutná dlouhá posloupnost vstupních vzorků. Typicky *obtížně řiditelné* jsou např. obvody se zpětnými vazbami, oscilátory, generátory hodin, čítače, navíc i typicky *obtížně pozorovatelné* jsou sekvenční obvody, obvody s globálními zpětnými vazbami, obvody pro detekci a korekci chyb apod. Obecně lze učinit tyto závěry [ABF90]:

- sekvenční obvody jsou obtížněji testovatelné než kombinační,
- řídicí logika je obtížněji testovatelná než logika datových cest,
- náhodná logika je obtížněji testovatelná než strukturované, sběrnicově orientované návrhy,
- asynchronní obvody jsou obtížněji testovatelné než synchronní. od strany 59

Poznamenejme, že definice testovatelnosti a metody analýzy testovatelnosti existují i pro analogové a smíšené obvody. Tato práce se však bude věnovat pouze jisté podmnožině číslicových obvodů³⁶.

Techniky návrhu pro snadnou testovatelnost

V tomto oddíle budou uvedeny některé z nejčastěji používaných technik návrhu pro snadnou testovatelnost (zkáceně budeme tyto techniky označovat pojmem *DFT techniky*).

Obecným cílem DFT technik je, aby v důsledku jejich použití během etapy návrhu obvodu byl vytvořen návrh splňující vstupní specifikaci a vyznačující se snadnou testovatelností výsledného obvodu.

DFT techniky mají kromě pozitivního dopadu z hlediska testovatelnosti také negativní důsledky. Mezi ně patří např. zvětšení plochy čipu, které vede jednak ke zvýšení příkonu a tím k většímu zahřívání obvodu a zvýšení požadavků na odvod tepla a jednak ke snížení výtěžnosti s důsledkem vyšší ceny čipu, zvýšení počtu vývodů obvodu a zhoršení dynamických vlastností obvodu. Během návrhu pro snadnou testovatelnost je proto nutné volit vhodný kompromis mezi negativními důsledky použití DFT technik a testovatelností. Jde vlastně o kompromis mezi požadavky návrháře a diagnostika, který poněkud ztrácí na významu v dnešní době, kdy jsou pro účely nalezení vhodného kompromisu používány automatizované CAD nástroje.

Následující text bude věnován principům některých DFT technik [ABF90]. DFT techniky se obvykle dělí na dvě skupiny. Do první z nich patří tzv. *ad-hoc techniky*, tzn. techniky použitelné v konkrétních speciálních případech, druhá skupina pak obsahuje obecně použitelné techniky tzv. *techniky strukturovaného návrhu*. Tyto metody doznaly největšího rozvoje v minulém desetiletí a jsou použitelné prakticky na libovolné úrovni popisu číslicového systému. Vybrané ad hoc techniky jsou uvedeny pouze z ilustrativních důvodů a jako ukázka postupů, které se při dnešním stupni integrace používají velmi zřídka. Druhou skupinou metod jsou metody strukturovaného návrhu.

1. Vybrané ad hoc techniky

 $^{^{36}}$ tato podmnožina bude vymezena modelem popsaným v kapitole 4



Obrázek 3: Testovací body



Obrázek 4: Testovací body a úspora vývodů obvodu pomocí adresace bodů

(a) Testovací body - jejich cílem je zlepšení řiditelnosti a/nebo pozorovatelnosti daného místa obvodu. Rozlišují se dva typy testovacích bodů - *řídicí* resp. *pozorovací body* po-užívaný ke zlepšení řiditelnosti resp. pozorovatelnosti v daném místě obvodu. Příklady 1-bitových testovacích bodů jsou uvedeny na obrázku 3. řídicím bodem je obvykle chápáno obvodové místo (uzel) ovládané přídavným primárním vstupem, určeným k nastavení hodnoty "logická 0" (viz obrázek 3b, primární vstup X0) resp. "logická 1" na daný uzel (viz obrázek 3c, primární vstup X1). Obdobně pozorovacím bodem bývá chápán uzel sledovatelný přídavným primárním výstupem (viz obrázek 3, body d a e, primární výstup Y), umožňujícím sledovat hodnotu vyskytující se na daném uzlu. Pro účely vkládání libovolné logické hodnoty na dané místo obvodu je třeba většího počtu primárních vstupů a složitější logiky (viz obrázek 3d, e).

Nevýhodou této techniky je nárůst plochy, způsobený vložením jednoúčelové logiky testovacích bodů do původní obvodové struktury; hlavní nevýhodou této techniky je však skutečnost, že počet primárních vstupů a výstupů (tj. vývodů obvodu) rezervovaných pro účely testu, roste lineárně s počtem použitých řídicích a pozorovacích bodů. Tuto nevýhodu je možné částečně zmírnit - a to za cenu přidání další logiky:

- i. a obrázku 4a, je ke snížení počtu primárních výstupů pro účely sledování hodnot na pozorovacích bodech Y1,..., YN použit multiplexor - místo N primárních výstupů rezervovaných pro pozorovací body je třeba pouze jeden primární výstup Y a n = [log N] primárních vstupů X1,..., Xn sloužících pro adresaci pozorovacích bodů. Nevýhodou této modifikace je fakt, že v jednom okamžiku lze sledovat hodnotu pouze jednoho pozorovacího bodu, což vede k prodloužení doby testu. Je-li počet primárních vstupů pro účely testu i po této modifikaci příliš velký či je-li třeba pro malou sérii testovacích vzorků sledovat dlouhou posloupnost hodnot na různých pozorovacích bodech, je vhodné pro řízení adresových vstupů multiplexoru použít čítač,
- ii. obdobně (viz obrázek 4b) lze použít demultiplexor pro snížení počtu primár-



Obrázek 5: Testovací body a úspora vývodů obvodu pomocí sdílení datových cest

ních vstupů rezervovaných k ovládání hodnot na řídicích bodech $X1, \ldots, XN$. Místo původního počtu primárních vstupů je díky demultiplexoru třeba pouze jeden primární vstup pro nastavení hodnoty na adresovaný řídicí bod a $n = \lceil \log N \rceil$ primárních vstupů sloužících pro adresaci řídicích bodů; je-li pro adresování použit čítač, lze primární vstupy, určené pro adresaci řídicích bodů, uspořit. Vyžaduje-li to test, lze na výstup demultiplexoru připojit registr, který umožní nastavit hodnoty na několik řídicích bodů současně,

iii. dalším způsobem, jak snížit počet obvodových vývodů rezervovaných pouze pro účely testu, je zavedení časového sdílení vybraných vývodů obvodu - na obrázku 5a, je do obvodové struktury vložen multiplexor sloužící k přepínání toku dat buď z funkční logiky obvodu nebo z vybraných pozorovacích bodů na dané primární výstupy. Obdobný účel plní demultiplexor na obrázku 5b. Ten slouží k přepínání toku dat z daných primárních vstupů buď na funkční vstupy obvodu nebo na vybrané řídicí body. Pro uchování hodnot na řídicích bodech může být použit přídavný registr.

Tato technika snadno ilustruje fakt, že aplikace DFT techniky vede ke zlepšení testovatelnosti obvodu za cenu jisté modifikace jeho struktury a že je třeba dosáhnout přijatelného kompromisu mezi přídavnou logikou (tj. plochou), počtem vývodů obvodu a dobou aplikace testu. Výběr konkrétních testovacích bodů je dán zkušeností návrháře/diagnostika - dle [ABF90] lze za typické kandidáty na řídicí body považovat např:

- řídicí, adresové a datové vodiče u sběrnicových systémů,
- povolovací vstupy paměťových prvků,
- synchronizační vstupy a vstupy pro nastavení/nulování klopných obvodů, čítačů, posuvných registrů a dalších paměťových prvků,
- body ležící v globálních zpětných vazbách,
- adresové vstupy multiplexorů a demultiplexorů.

Obdobně [ABF90], vhodnými kandidáty na pozorovací body mohou být např:

- body, které se vyznačují značným větvením,
- body ležící v globálních zpětných vazbách,
- výstupy vícevstupových prvků,
- výstupy paměťových prvků,
- vodiče adresových, řídicích a datových sběrnic.
- (b) inicializace snahou této techniky je zajistit (např. při zapnutí napájení či jistou posloupností vzorků), aby bylo možné nastavit sekvenční části obvodu do požadovaného stavu. Možnost snadné inicializace sekvenčních částí obvodu totiž obecně vede ke kratším testům, protože odpadá nutnost generování testovacích vzorků, majících



Obrázek 6: Segmentace obvodů

význam výhradně/jedině pro inicializaci dané sekvenční části obvodu; v ideálním případě je pak možné i pro sekvenční obvody použít kombinačního generátoru testu. Kvůli snadné inicializaci je tedy vhodné používat sekvenční prvky vybavené alespoň jedním inicializačním³⁷ vstupem, použít vlastní inicializační logiku či např. některou z technik strukturovaného návrhu. Nevýhodou je, že pokud se v obvodové části sloužící pro inicializaci vyskytne porucha, obvykle je tato porucha velmi obtížně detekovatelná,

(c) segmentace obvodů - cílem této techniky je fyzicky rozdělit daný systém do několika dílčích částí tak, aby byla zajištěna co nejlepší testovatelnost každé z nich a výsledně i systému jako celku. Technika spočívá v hradlování obtížně řiditelných uzlů obvodu a následném zajištění jejich externí řiditelnosti během tzv. testovacího režimu činnosti obvodu. Na obrázku 6b, je uveden příklad hradlování výstupu oscilátoru - hradlovací logika umožňuje (při fun/-test = 0) blokování tohoto výstupu a jeho nahrazení signálem z test_clk_in sloužícím pro účely testu. Na obrázku 6, část c1, je uvedeno zapojení n registrů. Taková a obdobná zapojení sekvenčních prvků (např. čítače) jsou obecně obtížně testovatelná, jelikož k jejich testu je obvykle potřeba dlouhých posloupností testovacích vzorků. Proto je snahou taková zapojení rozčlenit na několik částí (viz obrázek 6c2) tak, aby tato modifikace přispěla k co nejefektivnějšímu testu. Avšak i spojením kombinačních obvodů může vzniknout obtížně testovatelná struktura (viz obrázek 6d1); ke zlepšení její testovatelnosti lze opět použít segmentace obvodů - v tomto případě se jedná o rozštěpení struktury na dvě samostatně testovatelné části, C1 a C2 (viz obrázek 6d2) pomocí multiplexorů. Nevýhodou této techniky je, že vlivem přídavné logiky může vést ke značné degradaci výkonu systému,

³⁷obvykle tzv. nulovacím či resetovacím



Obrázek 7: Ilustrace k principu strukturovaného návrhu

- (d) omezení redundance snahou je vyhnout se při návrhu používání redundantní logiky - ta může způsobit zavedení chyb velmi obtížně detekovatelných statickým testem. Pokud se totiž v redundantní logice objeví porucha, může tato porucha ovlivnit testovací vzorky resp. odezvy příslušející danému statickému testu. Problémem však je, jak algoritmicky rozlišit, která logika je skutečně redundantní a nepotřebná³⁸, a která je sice redundantní, ale úmyslně (např. logika pro zvýšení spolehlivosti daného zařízení pomocí bezpečnostních kódů apod.) [ABF90]. Problémům, které tato logika způsobuje při testu, je také možné se vyhnout bez nutnosti jejího odstanění - např. pomocí testovacích bodů či segmentace obvodů,
- (e) rozbití globálních zpětných vazeb v obvodové struktuře se mohou vyskytovat dva typy globálních zpětných vazeb; první se vyznačuje neexistencí sekvenčního prvku ve své datové cestě, druhý typ naopak sekvenční prvek v datové cestě obsahuje. Globální zpětnou vazbou je obvykle chápán každý cyklus (kružnice) obsahující větší obvodové celky (např. registry, funkční jednotky); za globální zpětnou vazbu nejsou považovány např. zpětné vazby mezi NAND resp. NOR členy klopného obvodu typu R-S. Zlepšení pozorovatelnosti resp. řiditelnosti místa ležícího v datové cestě globální zpětné vazby lze dosáhnout např. vložením pozorovacího bodu resp. vložením řídicího bodu či multiplexoru. Je-li zajištěna testovatelnost dané zpětné vazby, hovoříme často o "*rozbití*" této zpětné vazby. Dovoluje-li to struktura obvodu, lze v obou případech pro rozbití zpětných vazeb použít některé z technik strukturovaného nárhu (viz níže).
- 2. Princip technik strukturovaného návrhu

Uvažujme sekvenční číslicový obvod podle obrázku 7a. Takový obvod sestává jednak z kombinační logiky a jednak z bloku paměťových prvků obsahujících stav obvodu (automatu). Okamžitá hodnota výstupních signálů závisí na hodnotách vstupních logických proměnných a na stavu paměťových prvků. Jeden krok testu tohoto obvodu by sestával z těchto akcí [Kot99]:

- (a) nastavení požadovaného vnitřního stavu obvodu a zajištění testovacího vzorku na vstupech kombinační sítě,
- (b) provedení jednoho kroku činnosti obvodu generováním synchronizačních pulsů na clk,
- (c) kontrola výsledku testu, tj. odezvy na testovací vzorek a cílového vnitřního stavu obvodu.

Je zřejmé, že některé činnosti značně komplikují provedení testu, pokud je jejich provedení vůbec možné. Platí to zejména o nastavení požadovaného stavu obvodu a zjištění

 $^{^{38}}$ např. v důsledku špatně zvoleného návrhového postupu

aktuálního stavu obvodu. Předpokládejme, že paměťové prvky tohoto obvodu nejsou řiditelné/pozorovatelné. Zlepšení řiditelnosti a pozorovatelnosti pak můžeme dosáhnout např. tím, že údajovému vstupu každého z klopných obvodů předřadíme multiplexor, na jehož vstup a přivedeme výstupy kombinační sítě, na vstup b výstup předcházejícího klopného obvodu (obrázek 7b). V režimu -N/T = 1 tvoří jednotlivé klopné obvody paralelní registr, do něhož se ukládají výstupy $y1, \ldots, ys$ kombinační sítě. V režimu -N/T = 0 jsou jednotlivé klopné obvody zapojeny jako posuvný registr se vstupem xn a výstupem zm. Tato úprava umožňuje:

- vložit před provedením kroku testu do posuvného registru požadovaný vzorek,
- zkontrolovat na výstupu zmodezvu na vstupní vzorek tvořený kombinací $x1,\ldots,xn,$ $Y1,\ldots,Ys$

Použitím některé ze strukturálních metod na sekvenční obvod se tedy oddělí kombinační logika od sekvenčních prvků³⁹ a problém testování kombinačních sítí, které jsou součástí sekvenčního obvodu, se zjednoduší. Zjednodušení spočívá zejména v tom, že pro generování testu takto upraveného obvodu je možné použít generátory používané pro kombinační obvody⁴⁰. Pokud nebyl obvod podle některé z metod strukturovaného návrhu upraven, musí být pro vytvoření testu použit GTSO⁴¹. Obecně platí, že vytvoření testu pro sekvenční obvod je výpočetně náročnější než je tomu u kombinačního obvodu.

V odborné literatuře byla principům strukturovaného návrhu věnována výrazná pozornost již v 80. letech. Tento typ DFT technik byl přijat všemi významnými světovými výrobci číslicových obvodů a v současné době existuje celá řada snímacích⁴² technik, založených na těchto a obdobných principech.

Největší popularity dosáhl strukturovaný návrh v systémech IBM pod názvem LSSD (Level-Sensitive Scan Design) [TS82]. Další obdobné metody strukturovaného návrhu se označují Scan/Set (metoda sledování/nastavení) využívaná v 80. letech především firmou Sperry Univac a metoda Scan Path (metoda přístupové cesty), která našla největší uplatnění ve výrobcích firmy Nippon Electric Company. Na principech metod strukturovaného návrhu jsou založeny i současné metody, techniky a nástroje návrhu pro snadnou testovatelnost - např. VirtualScan [Syn04] společnosti Syntest Technologies či hraniční snímání dle standardu IEEE 1149.1. Podle způsobu zápisu informace do paměťových prvků se tyto metody označují jako metody sériové a souhrnně jsou označovány zkratkou SAS⁴³. Naopak paralelní metodou je metoda RAS⁴⁴ firmy Fujitsu, příp. její modifikace metoda ARAS (Amdahl RAS).

Obecně existují čtyři základní testovací strategie (viz obrázek 8). Základními jsou strategie SISO využívající sériového přísunu testovacích vzorků a sériového sledování odezev a strategie PIPO využívající paralelního přísunu testovacích vzorků a paralelního sledování odezev. Kombinací strategií SISO a PIPO získáme testovací strategie SIPO resp. PISO, vyznačující se sériovým přísunem testovacích vzorků a paralelním sledováním odezev resp. paralelním přísunem testovacích vzorků a sériovým sledováním odezev.

Stručná charakteristika vybraných metod [ABF90]:

³⁹odtud název metody strukturovaného návrhu

 $^{^{40}}$ tzv. generárory testu kombinačních obvodů, GTKO

 $^{^{41}\}mathrm{tzv.}$ generáror testu sekvenčních obvodů

 $^{^{42}}$ tzv. scan

 $^{^{43}\}mathbf{z}$ angl. serial access scan

 $^{^{44}\}mathbf{z}$ angl. random access scan



Obrázek 8: Ilustrace principu strukturovaného návrhu

(a) SAS - princip této metody spočívá v rozčlenění obvodu na kombinační části oddělené paměťovými prvky vytvářejícími posuvný registr, který v režimu testu umožňuje sériový přenos diagnostických dat z primárního vstupu obvodu resp. na primární výstup obvodu.



Obrázek 9: Hraniční snímání

Během normálního režimu činnosti plní každá paměťová buňka původní funkci. Jelikož při použití této metody je diagnostický režim od funkčního režimu striktně oddělen, výsledné uspořádání obvodu obecně neumožňuje uchovávat data a výsledky výpočtu v paměťových prvcích nezměněné - sériové vložení resp. čtení diagnostických dat je u SAS destruktivní.

Na obrázku 9 je uveden příklad tzv. hraničního snímání⁴⁵ - aplikační logika zde představuje původní logiku čipu (včetně případných DFT stuktur), tj. logiku před aplikací prostředků IEEE 1149.1. Původní vývody čipu jsou přístupné přes tzv. buňky hraničního snímání. Ty během normálního režimu plní funkci původních vývodů a během režimu testu pracují jako paměťové buňky posuvného registru, což umožňuje sériovou cestou (ze ScanIn) přivádět testovací vzorky na původní vstupy obvodu resp. odvádět odezvy (na ScanOut) z původních výstupů obvodu. Testovací logika IEEE 1149.1 obsahuje zejména tyto bloky:

instrukční registr (IREG) - jedná se o posuvný registr, do kterého je sériově nahrána instrukce určující typ požadované operace a registry pro testovací data. Důležité je, že každá instrukce zaručuje existenci sériové cesty z TDI na TDO. IEEE 1149.1 požaduje implementaci instrukcí BYPASS (možnost zkrácení sériové

⁴⁵IEEE 1149.1 Boundary Scan Standard

cesty z TDI na TDO přes 1-bitový registr BREG), EXTEST (instrukce pro umožnění externího testování obvodu. Sériová cesta z TDI na TDO je tvořena všemi buňkami hraničního snímání příslušejícími danému obvodu a je využívána pro sériový přísun testovacích vzorků resp. snímání odezev) a SAMPLE (umožňuje během normální operace obvodu uložit hodnoty vyskytující se na jeho vývodech) a doporučuje implementaci nepovinných instrukcí INTEST nebo RUNBIST,

- registry testovacích dat jedná se o několik posuvných registrů (nejméně však dva - BREG a posuvný registr tvořený buňkami hraničního snímání). Podle aktuální instrukce jsou vybrané z nich sériovou cestou naplněny testovacími vzorky nebo jinými požadovanými daty. Po provedení instrukce jsou výsledky uloženy do registru testovacích dat a mohou být sériovou cestou snímány,
- řadič TAP jedná se o synchronní stavový automat, generující řídicí a hodinové signály nutné pro činnost ostatních bloků IEEE 1149.1. TAP pracuje s těmito signály: vstupní testovací hodiny (TCK tento signál je nezávislý na systémových hodinách obvodu, což umožňuje, aby byly testovací operace synchronizovány např. v případě testování několika prvků na desce), vstup pro výběr testovacího režimu (TMS vstup sloužící pro změnu vnitřního stavu řadiče TAP, tj. pro změnu instrukce či reset řadiče do počátečního stavu), vstup testovacích dat (TDI data přiváděná na tento sériový vstup jsou, v závislosti na instrukci, buď ukládána do registru testovacích dat nebo do intrukčního registru), výstup přiváděna data buď z registru testovacích dat nebo z instrukčního registru), nepovinný vstup pro asynchronní reset testu (-TRST přivedením hodnoty logická 0 na tento vstup bude TAP asynchronně uveden do počátečního stavu).

Vzhledem k významu SAS techniky pro praxi a k jejímu vztahu k této práci se SAS technice bude podrobněji věnovat kapitola 3.1, strana 28,

(b) stínový registr - princip této metody spočívá ve zdvojení registrů vybraných pro ovládání/snímání vnitřního stavu obvodu (obrázek 13d, strana 31); během sledování stavu obvodu je obsah původního registru (RegA) paralelně zkopírován do stínového registru (RegB) a sériovou cestou sledován na primárním výstupu obvodu (ScanOut). Obdobně při nastavování stavu obvodu je nejprve sériovou cestou z primárního vstupu (ScanIn) nastaven obsah stínového registru (RegB) a následně je paralelně zkopírován do původního registru (RegA).

Výhodou této metody je, že během přenosu diagnostických dat nedochází k ovlivnění dat v původních datových cestách obvodu; nevýhodou je nutnost vložení přídavného registru,

(c) RAS - paměťové prvky nejsou propojeny, aby utvářely posuvný registr, ale jsou kostruovány jako adresovatelné buňky paměti s náhodným přístupem (obrázek 10). Hlavní výhodou je tedy rychlý přístup k paměťovým prvkům. I zde je striktně oddělen normální režim od režimu diagnostického (např. jako u SAS metod), avšak během nastavování obsahu konkrétního paměťového prvku nedochází k destrukci hodnot uložených v ostatních paměťových prvcích a při sledování hodnoty paměťového prvku dokonce nedochází k destrukci hodnot v žádném z paměťových prvků.

Během normálního režimu činnosti plní každá paměťová buňka původní funkci. V diagnostickém režimu je zvolený paměťový prvek adresován a pomocí datového vstupu SDI a hodinového vstupu SCK naplněn novou hodnotou resp. je jeho hodnota sledována na výstupu SDO.



Obrázek 10: Struktura obvodu využívajícího RAS

Nevýhodou RAS techniky je nutnost vybavit obvod, používající tuto techniku, logikou pro adresování paměťových buněk.

2.3.4 Principy vestavěné diagnostiky

Kromě DFT technik, používaných převážně pro účely vnějšího testu, existují techniky tzv. vestavěného autonomního (samočinného) testování⁴⁶. Jedná se o techniky, které nepředpokládají přísun velkého množství testovacích vzorků z primárních vstupů obvodu resp. sledování velkého množství odezev na primárních výstupech obvodu, ale umožňují, aby obvod obsahoval podčásti pro jeho autonomní testování. Obecně, při použití BIST má každá testovaná jednotka (komponenta, prvek) svůj vestavěný zkoušeč, který komunikuje s okolím na úrovni velice jednoduchých povelů (start/stop, dobře/špatně). Test může být proveden kdykoliv⁴⁷, protože testovanou jednotku není třeba ke zkoušeči připojovat, jak tomu je v případě externího testu. Navíc lze tímto způsobem testovat i několik jednotek současně, protože vestavěné zkoušeče daných jednotek jsou vzájemně nezávislé; zbývá pouze vyhodnotit celkový výsledek samočinného testování těchto jednotek. Kromě možnosti nezávislého testování jednotek patří k dalším výhodám vestavěného zkoušeče např. menší množství diagnostických dat přenášených během testu, vyšší rychlost testování, vyšší pokrytí poruch, ochrana intelektuálního vlastnictví, podpora znovupoužití testu při opakovaném použití návrhu. Hlavní nevýhodou je cena obvodového vybavení věnovaného na realizaci vestavěné diagnostiky zvlášť pro každou testovanou jednotku.

DFT a BIST jsou slučitelné a lze tedy, zejména za účelem dosažení efektivnějšího testu, oba typy technik kombinovat - tato kombinace je dokonce přímo podporována standardem (IEEE 1149.1) hraničního snímání, viz strana 23.

Jelikož tato práce předpokládá, že obvod bude testován vnějším testem, z oblasti BIST technik budou uvedeny pouze nejzákladnější pojmy. BIST techniky je možné rozdělit na následující skupiny [ABF90]:

- On-line BIST autonomní testování obvodu probíhá za podmínek pro běžnou funkci obvodu, tj. obvod není třeba vybavovat diagnostickým režimem činnosti. On-line BIST lze rozdělit na:
 - souběžný je typem, kdy je testování umožněno zároveň s původní činností obvodu.
 Obvykle je toho dosaženo pomocí kódovacích technik (bezpečnostní detekční a korekční kódy), duplikace a porovnávání,

⁴⁶angl. built-in self-test, BIST

⁴⁷záleží na typu BIST

- nesouběžný lze využít tehdy, není-li vyžadováno souběžné testování a postačuje-li obvod testovat v jeho klidovém stavu, tj. stavu, kdy dokončil provádění své normální činnosti a čeká na podnět k zahájení další činnosti. Technicky bývá tento typ testu zajištěn pomocí softwarového kódu (makrokód) a/nebo diagnostického firmware kódu (mikrokód). Průběh testu lze přerušit a umožnit tak zahájení další činnosti obvodu,
- off-line BIST řeší způsob autonomního testování v situaci, kdy obvod nepracuje v normálním režimu činnosti, tzn. je nutná existence tzv. režimu testu. Nevýhodou oproti on-line BIST je obecně pozdější odhalení případné poruchy, protože off-line BIST test není spouštěn tak často jako on-line BIST test; výhodou je nižší cena off-line BIST řešení. Testování pomocí off-line BIST je obvykle uskutečňováno pomocí
 - vestavěných generátorů testovacích vzorků⁴⁸ (nejčastěji lineární zpětnovazebný posuvný registr (LFSR⁴⁹) nebo celulární automat),
 - části pro kompresi odezev (např. výpočet parity, syndromu, počítání přechodů 0 ↔ 1, příznaková analýza⁵⁰ či použití víceúčelového prvku BILBO⁵¹),
 - analyzátorů výstupních odezev⁵²
 - a/nebo diagnostických mikrokódů.

Off-line BIST lze rozdělit na:

- *funkční* prováděný funkční test (viz strana 14) vychází z funkčního popisu obvodu a obvykle vysokoúrovňového modelu poruch,
- strukturální test vznikl na základě předchozí analýzy obvodové struktury, jedná se tedy o strukturální test(viz strana 14). Pro generování testu resp. kompresi odezev je obvykle používán LFSR.

Na BIST jsou kladeny obdobné požadavky jako v případě použití DFT technik; zejména se požaduje co nejkratší doba testu, vysoké pokrytí poruch, minimální nárůst plochy a počtu vývodů způsobený implementací BIST, nenáročnost a jednoduchost implementace testovacích struktur pro BIST.

Na závěr zmiňme, že kromě výše uvedených i dalších metod návrhu pro snadnou testovatelnost a principů vestavěné diagnostiky (které lze považovat za souhrn dodatečných prostředků pro zlepšení testovatelnosti číslicového systému, tedy za jistý zásah do původního návrhu) byly dokonce vytvořeny tzv. MFT⁵³ zásady (viz např. [AVA92]). Jejich respektování při popisu číslicového systému ve VHDL by mělo vést k výraznému zlepšení testovatelnosti celého systému a tedy k minimalizaci nezbytnosti použití technik návrhu pro snadnou testovatelnost. Hlavní z těchto zásad jsou:

- oddělovat řídicí část od datové,
- sdružovat do registrů co nejvíce klopných obvodů řízených stejným hodinovým signálem,
- zamezit vícenásobnému použití pomocných proměnných,

⁴⁸angl. test pattern generator, TPG

 $^{^{49}}_{--}$ angl. linear feedback shift register, LFSR

 $^{^{50}{\}rm obvykle}$ založená na CRC (angl. cyclic redundancy checking/code) pomocí LFSR

⁵¹angl. built-in logic block observer, BILBO

⁵²angl. output response analyzer, ORA

 $^{^{53}\}mathbf{z}$ angl. modeling for testability
zajistit přiřazení datových signálů pro libovolnou kombinaci řídicích signálů a současně zabránit redundantním podmínkám.

Další zásady vyžadují bližší znalost VHDL a proto zde nejsou uvedeny.

2.4 Shrnutí

Tato kapitola se věnovala přehledu základních pojmů z oblasti návrhu a diagnostiky číslicových systémů. V úvodní podkapitole byly zmíněny základní způsoby a úrovně popisu číslicových systémů, z nichž je z hlediska této práce významná úroveň meziregistrových přenosů - jak bude z pozdějšího textu patrno, právě pro tuto úroveň je konstruován jak matematický model číslicového systému (kapitola 4), tak na jeho základě popsaná metoda analýzy testovatelnosti (kapitola 5). Volba úrovně popisu číslicového systému je významná nejen z hlediska pohledu na daný systém, ale také z hlediska analýzy a návrhu daného systému. Základním pojmům z oblasti návrhu, jakými jsou přehled prostředků pro popis číslicových systémů (na zvolených úrovních abstrakce) a přehled etap vzniku číslicového obvodu, se zabývala druhá podkapitola. V ní lze mj. nalézt infomaci o možnosti vysokoúrovňového návrhu číslicových systémů využívajícího knihovny prvků, informaci o vysokoúrovňové syntéze, jejímž výsledkem je strukturální popis daného obvodu, či informaci o nezbytnosti povýrobního testování vyrobených obvodů. Model číslicového systému používaný v této práci lze z pohledu vysokoúrovňové syntézy považovat za její výsledný produkt; veškeré postupy navržené pro tento model lze pak z tohoto úhlu pohledu považovat za postupy aplikované v oblasti mezi vysokoúrovňovou a logickou syntézou. Předpokládáme přitom, že knihovna prvků, používaná při vysokoúrovňové syntéze bude pro každý prvek, kromě informací nezbytných pro návrh a implementaci systému, obsahovat také informace související s jeho testováním (např. test daného prvku, informaci pro usnadnění generování testu, usnadnění analýzy testovatelnosti nebo informaci usnadňující návrh či syntézu pro snadnou testovatelnost). Informace, kterou je třeba ke každému prvku pro tyto účely z pohledu této práce dodat, je popsána v podkapitole 4.2.

Poslední podkapitola byla pojata jako úvod do problematiky související s testováním číslicových systémů a její hlavní snahou bylo zmínit základní pojmy z oblasti diagnostiky číslicových systémů. Podstatným bylo zejména seznámení s úvodem k testovatelnosti číslicových systémů důležitým z hlediska tématu této práce a s vybranými souvisejícími oblastmi, zejména se základy problematiky generování testů a několika principy zajištění snadné testovatelnosti číslicových obvodů. Některé z těchto pojmů budou v dalším textu běžně používány a bude na ně navázáno.

Kapitola 3

Blízká témata

Předchozí text byl věnován stručnému představení oblastí, do kterých spadá problematika řešená v této práci; jeho cílem bylo představit základní pojmy z oblasti návrhu a diagnostiky číslicových systémů. Tato kapitola bude věnována zejména tématům, které velmi úzce souvisejí s touto prací. Hlavním cílem této kapitoly je přiblížit vybrané pojmy, principy a metody, s nimiž tato práce souvisía to tak, aby bylo možné správně zařadit problematiku řešenou v této práci a aby toto přiblížení přispělo zejména ke snazšímu popisu a pochopení následujících kapitol, které se problematice řešené v rámci této práce věnují.

3.1 Návrh pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan

Prvním tématem, kterému se budeme v této kapitole věnovat, je tzv. *scan technika* - toto téma již bylo stručně zmíněno v části uvádějící přehled technik návrhu pro snadnou testovatelnost (strana 17 a následující, blíže pak od strany 21), v následujícím textu mu bude věnováno více prostoru. Jedná se o techniku velmi populární, což je dáno zejména její univerzální použitelností na mnoha úrovních návrhu a také při různých návrhových stylech. V této práci bude tato technika použita k ověření a zhodnocení navržených postupů.

Vhodnou aplikací této techniky lze vždy oddělit kombinační část od sekvenční pro zajištění snadné řiditelnosti (ovladatelnosti) a pozorovatelnosti (sledovatelnosti) vnitřního stavu obvodu a dosáhnout tak toho, že budeme do jisté míry schopni zastoupit generátor testu pro sekvenční obvody generátorem testu pro kombinační obvody. Obvykle jsou rozlišovány dvě základní varianty techniky scan¹ lišící se ve způsobu přístupu k paměťovým prvkům vybraným pro test (tzv. scan buňkám) obvodu - technika RAS, založená na přímé adresaci scan buněk a technika SAS (sériový scan), založená na řetězení scan buněk do posuvných (tzv. scan) registrů, umožňujících sériové ovládání resp. sledování stavů scan buněk zřetězených (zařazených) do tohoto registru. Struktura scan buněk umožňuje, aby tyto během tzv. normálního režimu činnosti plnily svou původní funkci a během tzv. režimu testu sloužily k diagnostickým účelům, tj. v případě techniky SAS, aby tvořily scan registr, umožňující přenos diagnostických dat mezi vnitřními uzly obvodu a vývody obvodu. Obecně může být v obvodě scan registrů více a jejich řetězením lze pak vytvářet tzv. scan řetězy. Nebude-li uvedeno jinak, budeme v dalším textu pod označením scan resp. scan technika rozumět pouze techniku sériový scan.

V této kapitole budou stručně prezentovány základní pojmy týkající se techniky sériový scan. Budou představeny vybrané varianty scan buněk pro techniku sériový scan, uvedeny základní typy scan technik a nastíněny typické problémy spojené s aplikací této techniky.

¹pro bližší zařazení obou technik viz strana 23 resp. strana 24

3.1.1 Vybrané varianty scan buněk

Na obrázku 11a, je příklad struktury a schematická značka klopného obvodu D, používaného k ilustraci struktur vybraných scan buněk. Značení na obrázku 11 je provedeno tak, že vstup D1 resp. D2 představuje vstup dat v normálním resp. testovacím režimu činnosti buňky a výstup Q1 resp. Q2 přestavuje výstup dat v normálním resp. testovacím režimu činnosti buňky. Následuje stručný komentář k vybraným variantám scan buněk [ABF90]:

- MD-FF buňka v závislosti na hodnotě adresového vstupu multiplexoru MX (obrázek 11b) jsou do paměťové buňky ukládána data normálního režimu činnosti (-N/T = 1) či režimu testu (-N/T = 0). Paměťová buňka je tvořena dvěma D klopnými obvody, zapojenými jako řídicí (L1) a řízený (L2), má dva datové vstupy, jeden hodinový vstup a jeden vstup pro přepínání režimu,
- 2P-FF buňka tato varianta scan buňky (obrázek 11c) je vhodná zejména tehdy, je-li potřeba oddělit hodiny normálního režimu od hodin režimu testu. Kromě dvou datových vstupů má tato buňka dva hodinové vstupy (ck1 jsou hodiny normálního režimu, ck2 jsou hodiny režimu testu), sloužící zárověň k přepínání režimu činnosti buňky. Buňka je tvořena dvěma D klopnými obvody, zapojenými jako řídicí (L1) a řízený (L2),
- MD-SRL buňka tato buňka (obrázek 11d) má dva datové vstupy, jeden vstup pro přepínání režimu a oddělené hodinové vstupy, jeden pro řízení řídicího (L1) klopného obvodu a jeden pro řízení řízeného (L2) klopného obvodu. Pro správnou funkci se předpokládá, že hodinové signály se nepřekrývají,
- LSSD buňka je základním prvkem obvodů realizovaných na bázi LSSD. Je založena na bezhazardovém, hladinově řízeném klopném obvodu. Při aktivních hodinách je stav klopného obvodu citlivý na hodnotu příslušného datového vstupu. Pro zajištění správné činnosti buňky je nutné, aby se signály na vstupech ck1 a ck3 resp. ck2 a ck3 nepřekrývaly. Její zapojení a schematická značka jsou zobrazeny na obrázku 11e. Sestává ze dvou klopných obvodů, které jsou zapojeny jako řídicí a řízený. Nepřekrývající se signály na hodinových vstupech ck1 resp. ck2 slouží k uložení normálních resp. testovacích dat do řídicího klopného obvodu, signál na hodinovém vstupu ck3 slouží k řízení řízeného klopného obvodu [WP83].

Jednotlivé varianty scan buněk jsou odlišné svou vnitřní strukturou, rozhraním, některými vlastnostmi i oblastmi použitelnosti. Na základě předchozích příkladů scan buněk však je možné konstatovat, že pro scan buňku jsou charakteristické následující skutečnosti [ABF90]:

- vstup(y) zajišťující přepínání mezi normálním a testovacím režimem činnosti buňky (vstup -N/T a/nebo hodinové vstupy),
- vývod pro vstup dat normálního režimu (vstup D1),
- vývod pro vstup dat testovacího režimu (vstup D2),
- vývod pro výstup dat normálního režimu (výstup Q1),
- vývod pro výstup dat testovacího režimu (výstup Q2),
- vstup(y) pro zajištění změny obsahu paměti scan buňky (povolovací a hodinové vstupy).



Obrázek 11: Klopný obvod D a vybrané varianty scan buněk



b) Zobecněný scan registr (vlevo vnitřní struktura ze zobecněných scan buněk, vpravo značka)

Obrázek 12: Zobecněná scan buňka a zobecněný scan registr

Pro účely této práce proto můžeme od konkrétní varianty scan buňky abstrahovat a pracovat s modelem zobecněné scan buňky (viz obrázek 12a). Obdobně můžeme abstrahovat i od konkrétního scan registru a místo něj můžeme použít zobecněný scan registr (viz obrázek 12b), tvořený zobecněnými scan buňkami a zobecněný scan řetěz, tvořený zobecněnými scan registry. Nebude-li uvedeno jinak, tak v dalším textu již budeme uvažovat pouze zobecněné scan registry tvořené zřetězením zobecněných scan buněk.

3.1.2Typy scan technik

Podle toho, zda lze k prvkům registru scan přistupovat² sériově či nikoliv, rozlišujeme dva druhy techniky scan - sériové³ a nesériové. Dále, podle počtu paměťových prvků, využívaných touto technikou - hovoříme o úplném resp. částečném scanu a podle toho, zda je při implementaci techniky scan použito původních paměťových resp. přídavných prvků, hovoříme o integrovaném resp. izolovaném scanu. Následující dělení bude vycházet ze způsobu přístupu k paměťovým prvkům [ABF90].

²tj. měnit resp. zjišťovat vnitřní stav paměťových prvků

 $^{^{3}}$ vybrané buňky prezentované v předchozím odstavci (3.1.1) se vztahovaly právě k tomuto druhu scan techniky

Sériový scan

 Sériový integrovaný scan - při aplikaci tohoto druhu scan techniky jsou všechny resp. pouze některé původní paměťové prvky obvodu zařazeny do registru scan - ten plní kromě své původní funkce (v normálním režimu) i funkci posuvného registru (v testovacím režimu) pro nastavení resp. sledování stavu obvodu. V případě, že jsou do registru scan zařazeny všechny paměťové prvky obvodu, hovoříme o technice úplný sériový integrovaný scan nebo krátce úplný scan⁴ (viz obrázek 13b), jsou-li do registru scan zařazeny pouze některé paměťové prvky obvodu (alespoň jeden, avšak ne všechny), pak hovoříme o technice částečný sériový integrovaný scan nebo krátce částečný scan⁵ (viz obrázek 13c).

Testování s využitím techniky scan pak probíhá v těchto krocích [ABF90]:

- 1. sériové nastavení požadovaného vnitřního stavu obvodu,
- 2. zajištění testovacího vzorku na vstupech kombinační logiky,
- 3. pozorování odezvy z výstupů kombinační logiky,
- 4. zjištění cílového stavu obvodu, tj. sériové pozorování obsahu scan registrů.



Obrázek 13: Ilustrace k technice sériový scan (rozvody hodin nejsou zakresleny)

 Sériový izolovaný scan - oproti sériovému integrovanému scanu jsou paměťové prvky obsažené ve scan registru vloženy do obvodové struktury dodatečně a nejsou tedy součástí původní datové cesty obvodu. To znamená, že tento druh techniky má spíše vlastnosti ad-hoc technik, protože paměťové prvky byly do obvodové struktury přidány, aby plnily pouze funkci řídicích resp. pozorovacích bodů.

⁴angl. full scan

⁵angl. partial scan

Nevýhodou této techniky je jednak nutnost vložit do obvodové struktury zcela nové paměťové prvky⁶ nepatřící do původní struktury obvodu a jednak skutečnost, že ani tato cenově nákladná technika není (v případě jejího nevhodného použití⁷ zárukou úplné a snadné řiditelnosti resp. pozorovatelnosti vnitřního stavu a uzlů obvodu a zárukou vyloučení nutnosti použití generátoru testu pro sekvenční obvody.

Jsou-li pomocí nově vložených paměťových prvků (viz obrázek 13d) řízeny resp. pozorovány všechny původní paměťové prvky, pak hovoříme o technice *úplný sériový izolovaný scan* - v tomto případě bývá scan registr označován pojmem *stínový registr*; jinak hovoříme o technice *částečný sériový izolovaný scan* (viz obrázek 13e).

Testování pomocí stínového registru pak probíhá v těchto krocích [ABF90]:

- 1. sériové vložení testovacího vzorku do stínového registru,
- 2. paralelní vložení testovacího vzorku ze stínového registru do původních paměťových prvků obvodu,
- 3. aplikace testovacího vzorku,
- 4. paralelní vložení odezvy z původních paměťových prvků do stínového registru,
- 5. sériové pozorování obsahu stínového registru.

Stejně probíhá i testování pomocí techniky částečný izolovaný scan - jediná odlišnost je v počtu nově vložených paměťových prvků, který je menší než v případě použití stínového registru.

Ve srovnání s integrovaným scanem představuje izolovaný scan dražší řešení, avšak je využitelný při některých formách on-line testování či testování v reálném čase.

Nesériový scan

Tato varianta se liší od výše popsaných sériových variant tím, že paměťové prvky netvoří posuvný registr, ale jsou uspořádány do tvaru bitově adresovatelné RAM paměti - blíže viz strana 24 a obrázek 10.

3.1.3 Částečný scan

Techniku částečný scan (v dalším textu budeme pod tímto označením rozumět částečný sériový integrovaný scan, viz odstavec 3.1.2, strana 31) je možné považovat za zobecněnou scan techniku, protože počítá (oproti technice úplný scan) s možností výběru paměťových prvků do registru scan. Cílem tohoto výběru je dosáhnout přijatelného kompromisu mezi cenou aplikace techniky scan (nárůstem plochy obvodu, nárůstem počtu vývodů, změnou dynamických parametrů atd.) a přínosem této techniky pro snadnou testovatelnost daného obvodu. Kvalita kompromisu je dána vybranou podmnožinou paměťových prvků, jejich rozmístěním do scan registrů a pořadím scan registrů ve scan řetězech. Lze konstatovat, že z hlediska diagnostických vlastností obvodu

 má výběr paměťových prvků do registrů scan a rozmístění paměťových prvků ve scan registrech vliv zejména na eliminaci globálních zpětnovazebních smyček, což vede na snazší použití generátoru testu sekvenčních obvodů resp. k jeho úplnému nahrazení a zastoupení generátorem testu kombinačních obvodů a tím k obecně kratší délce testu a

 $^{^{6}}$ sloužící pouze pro účely testu a ne pro činnost obvodu - viz obrázek 13d, e)

⁷tj. v případě nevhodné volby paměťových prvků pro řízení resp. pozorování

 rozmístění scan registrů do scan řetězů a jejich uspořádání ve scan řetězech má kromě dopadu na délku testu také dopad zejména na nárůst počtu vývodů obvodu, přidaných pro účely aplikace testu daného obvodu pomocí techniky scan.

Hlavní proud metod zabývajících se výběrem klopných obvodů pro částečný scan je možné rozdělit na tyto oblasti:

- metody založené na využití výsledků analýzy obvodové struktury např. [CA90, CP91, BCA94, TB95, KOP95, XP96, PFR01]. Tyto metody se obvykle snaží vhodným výběrem klopných obvodů do řetězců scan pokrýt všechny kružnice obvodového grafu. Kromě toho, že tento problém byl shledán NP-úplným (viz např. [Kar72, Spe89, PFR01]), bylo ukázáno (např. [CP90]), že i když docílíme pokrytí všech globálních zpětných vazeb klopnými obvody, není tím obecně zaručeno, že tím dosáhneme 100% pokrytí poruch, tj. detekce (či lokalizace) všech poruch v daném modelu poruch,
- metody založené na využití výsledků analýzy testovatelnosti např. [KKS95, PA95, Buk00, Růž02]. Tyto metody (přehled vybraných metod viz podkapitola 3.3, strana 38) jsou efektivnější z hlediska výpočetní složitosti, ale jelikož s sebou většinou přinášejí další abstrakce od obvodové struktury, tak zejména u obvodů se složitější strukturou obvykle nevedou k dosažení tak vysokého pokrytí poruch jako u metod založených na (detailnější) strukturální analýze,
- metody založené na použití generátoru testu např. [NMDS88, CP91, HPS95, XP96, RCPR96, BF96, TIF02]. Tyto metody vybírají klopné obvody do částečného scanu např. tak [PLR99], aby co nejvíce poruch mohlo být detekováno už generátorem testu pro kombinační obvody. Cílem je minimalizovat počet poruch detekovatelných pouze generátorem testu pro sekvenční obvody. Pomocí těchto metod lze dosáhnout velmi dobrých výsledků nutností je však kooperace metody s generátorem(y) testu. Nevýhodou je pouze výpočetní náročnost těchto metod ta je dána výpočetní náročností zvolené metody pro generování testu.

Z dalších metod zmiňme např. symbolické techniky [RCPV98] či metody založené na zlepšení dosažitelnosti těžce dostupných stavů obvodu [BF96, SH99]. Z předchozího textu plyne, že výběr vhodné množiny registrů do scan řetězů má podstatný vliv na eliminaci zpětnovazebních smyček a tím i na míru zastoupení generátoru testu sekvenčních obvodů generátorem testu kombinačních obvodů. Kromě toho z něj vyplývá, že důležitým není jen výběr vhodné množiny registrů, ale je jím také způsob jejich rozmístění do scan řetězů a jejich uspořádání ve scan řetězech. Další skupina metod (např. [LBGP02, BGT03]) souvisejících s technikou částečný scan se zabývá problematikou vhodného rozmístění vybraných registrů ve scan řetězech. Častým cílem takových metod je dosažení co nejlepšího kompromisu mezi danými návrhovými omezeními, a to zkoumáním výhodnosti různých variant rozmístění, omezených jistou množinou kandidátních scan registrů.

3.2 Analýza zpětnovazebních smyček

Podstatná část metod, řešících problematiku částečného scanu na základě výsledků analýzy obvodové struktury, vychází z grafové reprezentace struktury obvodu. Problém je obvykle definován jako tzv. (M)FVS resp. (M)FAS problém nad grafem a snahou těchto metod je jej co nejefektivněji řešit.

V teorii grafů je FVS^8 resp. FAS^9 taková podmnožina uzlů resp. hran grafu G = (V, E), která z každé kružnice daného grafu obsahuje alespoň jeden uzel resp. hranu. Odstranění všech uzlů náležejících FVS resp. hran náležejících FAS z grafu G tedy způsobí, že G se stane acyklickým. Problém nalezení množin FVS resp. FAS či jejich podmnožin byl formulován jak pro neorientované, tak pro orientované grafy a bývá označován jako FVS problém¹⁰ resp. FAS problém¹¹. Oba¹² pak bývají souhrnně označovány zkratkou FSP¹³.



Obrázek 14: Ilustrace k analýze zpětnovazebních smyček

V praktických aplikacích bývá množina kružnic, v níž se hledá FVS resp. FAS, zůžena na jistou podmnožinu $C \subset V(G)$ resp. $C \subset E(G)$ či bývá požadováno, aby váha¹⁴ w množiny FVS resp. FAS byla minimální. Může být např. požadováno nalezení minimálního počtu paměťových prvků resp. spojů, jejichž odstraněním¹⁵ z G a tím i k odstranění všech kružnic grafu G. V takovém případě hovoříme o množině $MFVS^{16}$ resp. o množině $MFAS^{17}$. V souvislosti s otázkou nalezení množin MFVS resp. MFAS pak hovoříme o MFVS problému resp. MFAS problému. Souhrnně bývají tyto problémy označovány zkratkou MFSP¹⁸. Pro zdůraznění příslušnosti množin ke grafu G pak hovoříme o množinách FVS(G), FAS(G), MFVS(G), MFAS(G) atp. Zřejmě platí $MFVS(G) \subseteq FVS(G)$, $MFAS(G) \subseteq FAS(G)$.

Příklad 1: Nechť je dán graf G = (V, E) z obrázku 14, kde $V(G) = \{A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, O, P, Q\}$ a $E(G) = \{(A, B), (B, C), (C, B), (C, K), (D, E), (E, F), (F, I), (G, I), (I, E), (E, K), (F, H), (H, J), (I, J), (J, M), (K, L), (M, N), (L, N), (N, O), (O, P), (P, Q), (Q, P), (Q, L), (Q, M)\}.$

V nejjednodušším případě pak $FVS(G) = \{B, C, E, F, I, L, M, N, O, P, Q\}$. Zřejmě, MFVS(G)je tříprvková množina {a, b, c}, kde $a \in \{B, C\}, b \in \{E, F, I\}, c \in \{P, Q\}$. \Box

Z předchozího příkladu je zřejmé, že zatímco pro nalezení množiny FVS(G) resp. FAS(G) postačuje z každého cyklu (kružnice) grafu G nalézt alespoň jeden uzel resp. hranu a vložit jej

 $^{14}w:V(G)\to\mathbb{N}$ resp. $w:E(G)\to\mathbb{N}$ je nezáporná funkce definovaná na množině V(G) resp. E(G)

 $^{^8}množina zpětnovazebních uzlů, z angl. feedback vertex set$

⁹množina zpětnovazebních hran, z angl. feedback arc set

¹⁰zkráceně FVSP

 $^{^{11}{\}rm zkráceně}$ FASP

 $^{^{12}\}mathrm{a}$ někdy také některé další obdobné problémy

 $^{^{13}} problém nalezení množiny zpětnovazebních prvků, z angl. feedback set problem$

¹⁵ v oblasti diagnostiky je odstraněním obvykle myšleno zlepšení jejich testovatelnosti. Odstranění kružnice bývá někdy označováno jako "rozbití kružnice". Z pohledu diagnostiky je jím myšleno zajištění možnosti řídit resp. pozorovat datový toku v dané kružnici - např. pomocí testovacího bodu či scan registru umístěného ve vhodném místě kružnice

¹⁶ nejmenší množina zpětnovazebních uzlů, z angl. minimum feedback vertex set

¹⁷ nejmenší množina zpětnovazebních hran, z angl. minimum feedback arc set

¹⁸ problém nalezení nejmenší množiny zpětnovazebních prvků, z angl. minimum feedback set problem

resp. ji jako prvek do množiny FVS(G) resp. FAS(G) (v nejjednodušším případě to znamená nalézt množinu uzlů resp. hran vyskytujících se v cyklech (kružnicích) grafu G, tj. ve zpětných vazbách), tak pro nalezení množin MFVS(G) resp. MFAS(G) již toto nepostačuje - navíc je totiž nutné odstranit z množin FVS(G) resp. FAS(G) prvky tak, aby váha w množiny $MFVS(G) \subseteq FVS(G)$ resp. $MFAS(G) \subseteq FAS(G)$ byla minimální. Problém nalezení množin MFVS(G) a MFAS(G) však není triviální a patří mezi tzv. NP-problémy (viz např. [Kar72, Spe89, PFR01]).

K oblastem zabývajícím se (M)FSP patří oblast návrhu VLSI obvodů [GBIR87], dokazování správnosti programů [Flo67], kryptografie [Gus88], zotavení z uváznutí v operačních systémech [LL79] a další - přehled lze nalézt např. v [Spe89, PFR01].

3.2.1 Aplikace v oblasti návrhu a diagnostiky číslicových obvodů

Jednou z prvních publikovaných prací zabývajících se řešením (M)FSP s aplikací v oblasti návrhu obvodů je [Joh75]. Práce se zabývá situacemi, kdy existence cyklů v obvodu vede ke vzniku souběhu. Těmto situacím lze zamezit např. tak, že do každého cyklu obvodu je vložen registr to však znamená jisté dodatečné zpoždění v datové cestě obvodu, které je přímo úměrné počtu dodatečně vložených registrů. Cílem práce [Joh75] bylo zabránit vzniku souběhů (zajištěním ustálených hodnot pomocí vložených registrů) a současně minimalizovat počet vložených registrů tak, aby celkové zpoždění v datové cestě obvodu bylo co nejmenší, což vedlo na řešení MFSP problému.

Jednou z mnoha dalších oblastí, v níž probíhal intenzivní výzkum týkající se (M)FSP, a která souvisí s touto disertační prací, je oblast testování VLSI obvodů [GBIR87, BG89, KW90, LR90, BCA94]. Vychází se z toho, že obvod lze modelovat orientovaným grafem, jehož uzly reprezentují obvodové prvky (na úrovni hradel např. hradla provádějící nějakou Booleovskou funkci, na úrovni meziregistrových přenosů např. funkční jednotky, multiplexory, paměťové prvky atp.) a orientované hrany vyjadřují kromě existence spojů mezi vývody prvků také směr toku dat po těchto spojích. Problém pak bývá zadán např. jako problém výběru uzlů reprezentujících paměťové prvky (např. klopné obvody či registry) do množiny MFVS tak, aby byl zajištěn co nejmenší nárůst plochy a počtu vývodů způsobený úpravou struktury obvodu pro účely jeho snadného testování např. pomocí techniky scan (v tomto případě je tato technika založena na modifikaci paměťových prvků náležících MFVS na jejich tzv. scan verze a na jejich rozmístění do scan řetězů) a zároveň aby bylo dosaženo přijatelné testovatelnosti obvodu. Problematikou analýzy zpětných vazeb, s výsledky využitelnými pro zlepšení testovatelnosti číslicového obvodu, jsem se zabýval také, a to zejména v pracích [MSZK02, Str03c, Str03a]. Hlavní směr výzkumu k tématu této práce se však nakonec ubíral jiným směrem, než jakým je řešení MFSP.



Obrázek 15: Ilustrace k využití analýzy zpětnovazebních smyček v diagnostice

Příklad 2: Nechť je dán graf G = (V, E) z obrázku 15, část b, kde $V(G) = \{MOD1, MOD2, MOD3, REG1, REG2, REG3\}$ a $E(G) = \{(MOD1, REG1), (REG1, MOD2), (MOD2, REG2), (REG2, MOD3), (MOD3, REG3), (REG3, MOD1), (REG3, MOD2), (REG3, MOD3)\}$.

Ze struktury grafu G je zřejmé, že v nejjednodušším případě platí FVS(G) = V(G). Pokud předpokládáme, že pro odstranění cyklů je nutno ke každému prvku FVS(G) buď vložit testovací bod nebo takový prvek např. modifikovat pro diagnostické účely, pak je snadnost určení množiny FVS(G) v tomto případě vykoupena příliš velkou cenou za odstranění cyklů - cena je zde dána zejména nárůstem plochy obvodu, způsobeným modifikacemi obvodové struktury za účelem odstranění cyklů.

Předpokládejme nyní, že pro odstranění cyklů bude využita pouze podmnožina $X = \{x | x \in V(G) \land x \text{ je paměťový prvek}\}$, v tomto příkladě $X = \{REG1, REG2, REG3\}$. V nejjednodušším případě pak FVS(G) = X. Použijeme-li techniku sériový scan, pak každý prvek z množiny X-v tomto příkladu každý registr v obvodu - je modifikován na scan registr a dané scan registry jsou vhodně zřetězeny do scan řetězů (např. dle obrázku 16a). Je zřejmé, že zúžením množiny uzlů vhodných pro odstranění cyklů na jistou podmnožinu $Y \subseteq V(G)$ lze výrazně snížit cenu za acykličnost grafu. Pokud však nebude každý cyklus grafu G obsahovat alespoň jeden prvek množiny Y, graf G nebude acyklický a množinu Y bude nutné rozšířit o nové prvky tak, aby bylo dosaženo acykličnosti.

Nejnižší ceny za odstranění kružnic lze dosáhnout, pokud Y = FVS(G) = MFVS(G); problém nalezení množiny MFVS(G) však patří mezi NP problémy. Množina prvků MFVS(G) může být také zúžena na jistou podmnožinu prvků V(G) - zde např. na paměťové prvky - avšak vždy platí, že jsou odstraněny všechny kružnice grafu G a že váha w množiny MFVS(G) je minimální. Zřejmě v tomto příkladu $MFVS(G) = \{MOD3\}$ nebo $MFVS(G) = \{REG3\}$. Zúžímeli množinu prvků využitelných pro odstranění kružnic na množinu registrů, pak $MFVS(G) = \{REG3\}$ a pro rozbití kružnic v G postačí zlepšit testovatelnost datové cesty v okolí REG3 např. modifikací registru REG3 na scan registr (viz obrázek 16b) nebo např. vložením multiplexoru do datové cesty dle obrázku 16c.



Obrázek 16: Ilustrace k příkladu 2

3.2.2 Přehled metod

Ačkoli obecný MFSP nelze vyřešit v polynomiálním čase, existují algoritmy pracující v polynomiálním čase, řešící MFSP omezené na jisté speciální třídy grafů. Bylo tedy a vždy je výhodné takové třídy grafů přesně popsat, aby bylo pro každý další graf G možné stanovit, zda do některé takové třídy patří (a zda MFSP(G) je řešitelný v polynomiálním čase) či nikoliv.

Jedna z vůbec prvních prací zabývajících se návrhem MFSP algoritmu pro speciální třídu (redukovatelných) grafů byla práce [Sha76]. Z velkého množství dalších prací zmiňme pouze odkazy na algoritmy [SW75, LWS85, Lia94, LT97]. V [LL88] je prezentován efektivní algoritmus využívající tzv. kontrakčních operací - pomocí nich lze redukovat strukturu grafu a přitom neporušit jeho vlastnosti důležité pro řešení MFSP. Přestože původně byl princip kontrakce grafu [LL88] prakticky použitelný pouze na jistou třídu grafů, jeho výchozí myšlenka byla natolik významná, že měla velký vliv na řadu pozdějších prací zabývajících se řešením MFSP. Na principu kontrakce je založena většina později vzniklých heuristických a aproximačních algoritmů pro řešení MFSP.

Velkou skupinu algoritmů řešících MFSP tvoří již zmíněné aproximační algoritmy - např. [MS81, NBYR98, BG94, BG96, HCGW98]. Tyto algoritmy se nesnaží MFSP vyřešit pro jistou speciální třídu grafů, ale pro případy grafů, pro něž není znám polynomiální algoritmus se snaží co nejvíce přiblížit přesnému (optimálnímu) řešení MFSP. Pro účely porovnávání kvalit různých aproximačních algoritmů je stanoveno několik kritérií a definováno několik tzv. aproximačních schémat - přehled např. v [PFR01]. Ačkoli aproximační algoritmy garantují řešení MFSP jisté kvality, existuje řada případů, v nichž je vhodnější použít pro řešení MFSP nějakou heuristickou metodu - viz např. [RPQ99].

Ještě zmiňme tzv. přesné algoritmy, řešící MFSP pro obecné grafy. Tato skupina algoritmů je nejmenší a typickým zástupcem této skupiny je algoritmus pro nalezení FVS s minimální kardinalitou v daném orientovaném grafu [SW75] (algoritmus pracuje v exponenciálním čase pro obecné orientované grafy, pro některé typy orientovaných grafů v polynomiálním čase). Pozdější metody se snažily časovou složitost snížit použitím kontrakčních operací - viz např. studie [CA90] řešící problematiku použití techniky částečný scan, metoda "dvojité redukce" [KOP95] řešící speciální variantu FSP - nalezení maximálně váhově ohodnoceného uzlově indukovaného orientovaného podgrafu.

3.2.3 Shrnutí

Existuje několik činitelů ovlivňujících efektivitu přístupů založených na řešení MFSP; empirické postřehy jsou shrnuty např. v [SH01], přičemž a k nejdůležitějším z nich patří:

- není nezbytné pokrýt ty cykly, které jsou snadno testovatelné (tj. není třeba rozbíjet ty cykly, jejichž datová cesta již je testovatelná např. díky vhodnému umístění multiplexoru v datové cestě cyklu),
- zejména ve složitějších obvodech obsahujících cykly velké délky může být z hlediska výsledné testovatelnosti výhodnější rozbít takovýto cyklus pomocí několika testovacích bodů, scan registrů apod.,
- sama přítomnost cyklů v obvodu nutně neznamená, že generování testu bude složité a že nepůjde provést generátorem testu pro kombinační obvody.¹⁹

 $^{^{19}}$ je zřejmé, že tento druh problému (tj. zda daný cyklus je netestovatelný kombinačním generátorem a je jej nutné pokrýt klopnými obvody) může být vyřešen pouze pomocí vhodné analýzy funkce obvodu resp. jeho prvků

Pokrytí cyklů obvodu klopnými obvody založené pouze na řešení MFSP je známo jako efektivní způsob výběru klopných obvodů do částečného scanu. Avšak, v posledních letech se objevují publikace - např. [SH99, SH01, TIF02, XP04] - které ukazují, že lze dosáhnout vyššího pokrytí poruch než navrhují klasické MFSP přístupy, a to výběrem menšího počtu klopných obvodů do částečného scanu. Tento fakt vede např. k tomu, že vznikají metody, obohacující klasické MFSP přístupy o informace získané pomocí generátoru testu či o vhodné modely chování obvodových prvků tvořících strukturu obvodu. Přístup typu "všechny cykly jsou si rovné" je nahrazen přístupem typu "pokryj jen ty cykly, u nichž je to nutné".

3.3 Analýza testovatelnosti

Již bylo uvedeno (odstavec 2.3.3), že v současné době neexistuje přesná definice testovatelnosti a že obecně bývá testovatelnost chápána jako charakteristika zohledňující různé náklady spojené s testováním číslicového obvodu, a to jako ukazatel efektivnosti tvorby a aplikace testu. Hovoří se pak např. o testovatelnosti poruchy nebo o testovatelnosti uzlu v obvodu a porucha nebo uzel jsou označeny za testovatelné, existuje-li nějaký postup (závisející na typu testu, např. přivedení testovacího vzorku detekujícího danou poruchu na jistý uzel obvodu a odvedení odezvy za účelem jejího vyhodnocení), jímž jsme schopni poruchu v daném uzlu odhalit. V případě testovatelnosti poruchy resp. uzlu je také snahou nějakým způsobem, obvykle pomocí tzv. měr testovatelnosti ohodnotit snadnost provedení tohoto postupu.

Rozdílnost definic testovatelnosti však vede k odlišnému chápání některých pojmů, které jsou pro testovatelnost obvodu podstatné a také měr, používaných pro jejich ohodnocení. K odstranění těchto nevýhod (zejména ke sjednocení definic) by pak mělo výraznou měrou přispět dokončení standardu IEEE P1522²⁰.

K nejčastějším faktorům, na jejichž základě je v současnosti testovatelnost obvodu odhadována, patří řiditelnost, pozorovatelnost a předvídatelnost (viz strana 15). Postup, který umožňuje testovatelnost číselně ohodnotit, se nazývá analýza testovatelnosti. Jelikož jednotná definice testovatelnosti v současnosti neexistuje, liší se dosavadní přístupy k tomuto problému jak svými cíly, tak úrovněmi abstrakce popisu obvodu, na nichž jsou použitelné.

Mezi nejčastější cíle metod pro analýzu testovatelnosti patří ohodnocení snadnosti nastavování resp. pozorování hodnot vyskytujících se na uzlech obvodu, detekce obtížně testovatelných částí obvodu, odhad zvolených diagnostických vlastností obvodu a další. Existují metody navržené pro obvody popsané na úrovni hradel, pro obvody popsané na úrovni RT, pro obvody na vyšší úrovni popisu, ale i metody víceúrovňové, provádějící analýzu na několika úrovních popisu. Následující text bude věnován přehledu vybraných metod pro analýzu testovatelnosti.

3.3.1 Úroveň hradel

Většina prvních prací zabývajících se problematikou analýzy testovatelnosti byla orientována na úroveň hradel. Testovatelnost je pomocí metod patřících do této skupiny obvykle ohodnocena pomocí několika tzv. měr testovatelnosti. Těchto měr bývá obecně několik a obvykle vycházejí z tzv. koncepce řiditelnosti a pozorovatelnosti. Jejich snahou je pro každý uzel obvodu číselně ohodnotit snadnost ovládání resp. pozorování hodnoty vyskytující se na tomto uzlu tak, že uzly, které jsou blíže primárním vstupům resp. výstupům obvodu jsou lépe řiditelné resp. pozorovatelné (tj. mají lepší hodnotu řiditelnosti resp. pozorovatelnosti). Přestože jsou tyto míry založené na "měření vzdálenosti uzlů od vývodů obvodu" velmi jednoduché, ukázalo se [Lar00], že s jejich pomocí je možno velmi přesně určit obtížně testovatelné části daného návrhu.

 $^{^{20}}$ více informací o tom
to standardu viz text začínající na straně 16

Metoda SCOAP

SCOAP (Sandia Controllability Observability Analysis Program) [Gol79] je pravděpodobně nejznámější metodou pro analýzu testovatelnosti. Tato metoda je navržena pro obvody popsané na úrovni logických členů a ve známost vstoupila zejména díky její popularizaci v řadě publikací.

Metoda SCOAP je založena na tzv. mírách řiditelnosti a pozorovatelnosti. Ty reflektují obtížnost ovládání resp. pozorování konkrétních jednobitových hodnot na vnitřních bodech obvodu, přičemž vyšší hodnoty řiditelnosti resp. pozorovatelnosti indikují větší obtížnost této činnosti.

Pro každý uzel x obvodu je metodou SCOAP vypočteno šest hodnot vyjadřujících míru jeho řiditelnosti a pozorovatelnosti:

- kombinační
 - -řiditelnost nuly na uzlu x (značená $CC^0(x)$),
 - -řiditelnost jedničky na uzlu x (značená $CC^{1}(x)$),
 - pozorovatelnost uzlu x (značená CO(x)),
- sekvenční
 - -řiditelnost nuly na uzlu x (značená $SC^0(x)$),
 - -řiditelnost jedničky na uzlu x (značená $SC^1(x)$),
 - pozorovatelnost uzlu x (značená SO(x)).

Kombinační míry závisejí na počtu uzlů, které musí být nastaveny pro řízení resp. pozorování hodnoty na uzlu x, sekveční míry na počtu časových kroků potřebných pro řízení resp. pozorování hodnoty na uzlu x. Na začátku algoritmu SCOAP je řiditelnost všech primárních vstupů kombinačních obvodů nastavena na hodnotu 1 a sekvenčních obvodů na hodnotu 0. Pozorovatelnost všech primárních výstupů je nastavena na nulu a pro každý uzel obvodu je vypočtena hodnota řiditelnosti. Hodnoty řiditelnosti uzlů jsou následně použity pro výpočet hodnot pozorovatelnosti uzlů.

Sekvenční hodnoty jsou počítány obdobným způsobem. Reprezentují délky vstupních posloupností nutných pro řízení a pozorování daného uzlu. Znamená to, že kombinační prvky nemají na sekvenční míry vliv. U sekvenčního prvku je sekvenční řiditelnost jeho výstupu dána sekvenční řiditelností jeho vstupů a sekvenční hloubkou prvku.

Časová složitost analýzy testovatelnosti pomocí SCOAP je lineární funkcí počtu hradel, což z metody SCOAP činí atraktivní nástroj pro posuzování testovatelnosti na úrovni logických členů.

3.3.2 Úroveň meziregistrových přenosů

Metody analýzy testovatelnosti, které pracují na úrovni meziregistrových přenosů, v podstatné většině vycházejí z nějakého pravděpodobnostního modelu toku dat obvodovou stukturou. Každý prvek patřící do struktury obvodu bývá chápán jako překážka, snižující pravděpodobnost ovládání resp. pozorování hodnoty uzlů vyskytujících se v jejím okolí.

Analýza testovatelnosti prezentovaná v [CM89] je založena na výpočtu kombinační řiditelnosti (CC), kombinační pozorovatelnosti (CO), sekvenční řiditelnost (SC) a sekvenční pozorovatelnost (SO). Hodnoty CC a SC jsou navíc počítány zvlášť pro úroveň logické 1 a zvlášť pro úroveň logické 0. Každý uzel v obvodu lze tedy ohodnotit celkem šesti hodnotami - CC_0 , CC_1 , CO, SO, SC_0 a SC_1 . Hodnota CC_0 resp. CC_1 vyjadřuje pravděpodobnost nastavení daného uzlu na hodnotu logická 0 resp. 1. Hodnota SC_0 resp. SC_1 představuje odhad délky posloupnosti nutné pro nastavení daného uzlu na hodnotu logická 0 resp. 1. Hodnota CO určuje, s jakou pravděpodobností změna hodnoty na daném uzlu vyvolá změnu na primárních výstupech obvodu a hodnota SO je odhadem počtu časových jednotek nutných k vyvolání této změny hodnoty na primárních výstupech v důsledku změny hodnoty na daném uzlu.

Obdobný přístup byl prezentován např. v [KP90, Gu96]. Každý uzel v obvodu je ohodnocen hodnotami kombinační řiditelnosti (*CC*), kombinační pozorovatelnosti (*CO*), sekvenční řiditelnosti (*SC*) a sekvenční pozorovatelnosti (*SO*). Tyto hodnoty jsou vypočteny pomocí dvou dalších hodnot, *CTF* a *OTF* - ty jsou definovány pro každou funkční jednotku a mají následující význam. *CTF* je činitel přenosu řiditelnosti a vyjadřuje vztah mezi řiditelností vstupů a řiditelností výstupů této jednotky - *CTF* vyjadřuje, s jakou pravděpodobností je možno nastavit na výstup funkční jednotky požadovanou hodnotu, jsou-li na vstupech funkční jednotky generovány náhodné hodnoty. *OTF* je činitel přenosu pozorovatelnosti a vyjadřuje, s jakou pravděpodobností vstupů a pozorovatelností výstupů této jednotky - *OTF* vyjadřuje, s jakou pravděpodobností je možno hodnotu z daného vstupu funkční jednotky přenést na výstup funkční jednotky, jsou-li na ostatních vstupech funkční jednotky generovány náhodné hodnoty. Hodnoty obou činitelů leží v intervalu < 0; 1 >, kde krajní hodnota 0 resp. 1 představuje nejhorší resp. nejlepší vlastnosti z hlediska pravděpodobnosti přenosu konkrétních dat strukturou dané funkční jednotky. Z podobných principů vycházejí také např. práce [PFR97] nebo [Buk00] s metodou implementovanou v nástroji IDAT.

Metoda TMEAS

Tato metoda [GS76, Gra79] byla původně navržena pro obvody popsané na úrovni RT, ale lze ji aplikovat i na obvody popsané na úrovni hradel. Hodnoty řiditelnosti a pozorovatelnosti se pohybují v intervalu < 0; 1 > a vyjadřují snadnost ovládání resp. pozorování vnitřních uzlů obvodu. Tato metoda může být shrnuta do následujících bodů:

- 1. Pro každý uzel obvodu s je určena řiditelnost CY(s) a pozorovatelnost OY(s) (vyřešením soustavy rovnic o neznámých $CY(s_i)$ a $OY(s_i)$, i = 1, ..., počet uzlů obvodu):
 - (a) Nechť komponenta p má vstupy x_1, \ldots, x_n a výstupy z_1, \ldots, z_m . Pak $CY(z_j) = CTF \times \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} CY(x_i)$, kde CTF je činitel přenosu řiditelnosti pro danou komponentu. $CTF = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} (1 \frac{|N_j(0) N_j(1)|}{2^n})$, kde $N_j(0)$ resp. $N_j(1)$ je počet vstupních kombinací, pro něž z_j nabývá hodnoty 0 resp. 1. Pro všechny výstupy daného prvku platí, že mají stejnou hodnotu CTF.
 - (b) Obdobně je vypočtena hodnota OY pro každý vstup x_i , a to podle vztahu $OY(x_i) = OTF \times \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} OY(z_j)$, kde OTF je činitel přenosu pozorovatelnosti pro danou komponentu. $OTF = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{NS_i}{2^n}$, kde NS_i je počet vstupních kombinací, v nichž změna x_i způsobí změnu hodnoty na výstupu. Pro všechny vstupy daného prvku platí, že mají stejnou hodnotu OTF.
- 2. Pro každou z k větví b_1, \ldots, b_k každého větvení s je vypočítána její řiditelnost CY podle vztahu $CY = \frac{CY(s)}{(1+\log k)}$ a její pozorovatelnost OY podle vztahu $OY = 1 \prod_{i=1}^{k} (1 OY(b_i))$.
- 3. Sekvenční prvky jsou modelovány přidáním zpětné vazby na podprvky reprezentující vnitřní stav daného sekvenčního prvku.

Metoda CAMELOT

Metoda CAMELOT (Computer-Aided MEasure for LOgic Testability) [MBR80, Ben84] vznikla vylepšením metody TMEAS.

- 1. Řiditelnost výstupu y daného prvku je počítána z hodnot řiditelností těch jeho vstupů x_1, \ldots, x_k , na nichž výstup y závisí, podle vztahu $CY(y) = CTF(y) \times f(CY(x_1), \ldots, CY(x_k))$, kde $CTF = 1 \lfloor \frac{N(0) N(1)}{N(0) + N(1)} \rfloor$, kde N(0) resp. N(1) jsou počty vstupních kombinací, pro které výstup y nabývá hodnoty 0 resp. 1. Stejně jako u metody TMEAS platí $0 \leq CTF \leq 1$ a navíc také:
 - (a) CTF = 1 pokud N(0) = N(1),
 - (b) CTF = 0 pokud N(0) = 0 nebo N(1) = 1,
 - (c) každý výstup y má vlastní množinu vstupů, na kterých závisí a vlastní hodnotu CTF.
- 2. Pozorovatelnost vstupu x daného prvku je počítána z hodnot pozorovatelnosti daného výstupu y, hodnot CY vstupů (x_1, \ldots, x_k) nezbytných pro zajištění pozorovatelnosti z x na y a OTF(x y) podle vztahu $OY(x) = OTF(x y) \times OY(y) \times g(x_1, \ldots, x_k)$, kde OTF(x y) je OTF ohodnocující snadnost propagace poruchy ze vstupu x na výstup y. Rovněž se zavádí zápis N(SP : x y) resp. N(IP : x y), vyjadřující počet citlivých cest pro šíření poruchy ze vstupu x na výstup y resp. počet způsobů, jimiž je možné šíření poruchy ze vstupu x na výstup y plokovat. Pro daný vstup x a výstup y je možné vyjádřit OTF(x y) vztahem $OTF(x y) = \frac{N(SP:x-y)}{N(SP:x-y)+N(IP:x-y)}$.
- 3. Testovatelnost TY(x) vnitřního bodu x obvodu je určena z hodnot CY(x) a OY(x) vztahem $TY(x) = CY(x) \times OY(x)$, celková testovatelnost obvodu *cir* je rovna aritmetickému průměru hodnot OY vnitřních bodů obvodu.

Princip metody CAMELOT je možné shrnout do následujících kroků:

- 1. Načtení dat obvodu a inicializace hodnot
- 2. Pro každý uzel je vypočtena:
 - (a) hodnota CY (postup směrem od primárních vstupů na primární výstupy)
 - (b) hodnota OY (postup směrem od primárních výstupů na primární vstupy)
 - (c) hodnota TY
- 3. Výpočet hodnoty TY pro obvod a vyhodnocení výsledků

Metoda CoPS

Základem metody CoPS (Cost-based Partial Scan) [AP93, AP95] je výpočet nákladů spojených s aplikací testu pro obvod popsaný na úrovni hradel s využitím DFT techniky částečný scan. Pro každý vodič v obvodě je metodou spočítána tzv. cena detekovatelnosti poruchy, zohledňující cenu řiditelnosti, sekvenční hloubku a cenu pozorovatelnosti.

Cena řiditelnosti vodiče v pro hodnotu h je definována jako minimální počet synchronizačních pulzů potřebných pro nastavení logické hodnoty h na vodič v, cena pozorovatelnosti vodiče vje dána cenou nastavitelnosti cesty z vodiče v na některý z primárních výstupů a sekvenční hloubka vodiče v pro hodnotu h je rovna počtu klopných obvodů, které jsou součástí cesty c, kde c je nejkratší cesta pro nastavení hodnoty h (tj. přenos hodnoty h z primárních vstupů) na vresp. nejkratší cesta pro pozorování hodnoty vyskytující se na v (tj. přenos této hodnoty na primární výstupy).

Na základě výše uvedených dílčích cen je pro každý vodič a poruchu určena cena detekovatelnosti, reflektující obtížnost aplikace testu jednotlivých uzlů v obvodu. Celková nákladová funkce je pak definována jako součet cen detekovatelnosti uzlů obvodu. Je možné ji využít jako míru obtížnosti aplikace testu obvodu pro danou množinu poruch a pro stanovení tzv. citlivosti, tj. velikosti změny celkové nákladové funkce zařazením klopného obvodu do scanu. Pomocí citlivosti je pak doporučeno, které klopné obvody je výhodné zařadit do scanu.

Podobná metoda je publikována v [KKS95]. Pracuje se vztahy pro výpočet hodnot řiditelnosti a pozorovatelnosti uzlů obvodu. Tyto hodnoty jsou pro každý uzel obvodu určeny pomocí generátoru testovacích vektorů, který metoda používá ke zjištění doby nutné pro generování testu. Hodnota řiditelnosti uzlu je pak určena tak, že je tento uzel modelován jako dostupný na primárních výstupech (tj. uzel je chápán pozorovatelným) a vyhodnotí se doba potřebná pro generování testu pro konkrétní poruchu v tomto uzlu. Obdobně se postupuje při výpočtu hodnoty pozorovatelnosti uzlu - v tomto případě je uzel modelován jako dostupný na primárních vstupech obvodu (tj. uzel je chápán řiditelným). Metoda [KKS95] vychází

Velkou nevýhodou metod založených na analýze citlivosti je jejich velká časová složitost. Algoritmus pro analýzu citlivosti musí být opakovaně spouštěn. Nejprve pro obvod, v němž není aplikována žádná z technik návrhu pro snadnou testovatelnost, poté při každé aplikaci těchto technik. Vzhledem k velké časové složitosti nejsou metody založené na tomto principu prakticky používány [ABF90].

Metoda symbolické analýzy testovatelnosti

Metoda symbolické analýzy testovatelnosti (STA) byla původně konstruována pro obvody na úrovni meziregistrových přenosů [JGB98, LRJ98], později však byla její použitelnost rozšířena i na obvody popsané na systémové úrovni [LRJ99]. V obou případech je však metodika zaměřena na analýzu testovatelnosti, jejíž výsledky napomohou zejména k co nejvhodnějšímu zabudování techniky samočinného testování²¹.

[JGB98] předpokládá, že jejím vstupem budou datové cesty obvodu a řadič obvodu. Na základě těchto informací je zkonstruován graf (TCDF²², graf řídicího a datového toku testu), jehož uzly reprezentují operace dílčích modulů obvodu a hrany jsou ohodnoceny proměnnými reprezentujícími registry v obvodu. Z TCDF a informace o funkci, která je uchována spolu s každým typem modulu obvodu, je pro každý modul obvodu odvozena množina symbolických cest (označovaná pojmem prostředí testu²³), nezbytných k otestování vybraných operací a proměnných z TCDF. Pro účely vytvoření prostředí testu jsou pro každou proměnnou z TCDF zavedeny následující vlastnosti:

- obecná řiditelnost C_g proměnné ohodnocení schopnosti nastavit proměnnou na libovolnou hodnotu (pomocí dat z primárních vstupů obvodu)
- obecná pozorovatelnost C_v proměnné ohodnocení schopnosti sledovat libovolnou hodnotu proměnné na některém z primárních výstupů obvodu
- konstantní řiditelnost C_q proměnné ohodnocení schopnosti nastavit proměnnou na konstantní hodnotu q (pro speciální konstanty existují speciální případy C_q , např. C_1 pro schopnost nastavení proměnné na hodnotu 1, C_0 pro schopnost nastavení proměnné na

 $^{^{21}\}mathrm{angl.}$ built-in self test (ing), BIST

²²angl. test control/data flow

²³angl. test environment

hodnotu 0, C_a1 pro schopnost nastavení proměnné na hodnotu odpovídající jedničkovému binárnímu vektoru, popř. C_a0 pro schopnost nastavení proměnné na hodnotu odpovídající nulovému binárnímu vektoru)

• ověřitelnost Vhodnoty proměnné - ohodnocení schopnosti nastavit nebo sledovat hodnotu proměnné

Jak řiditelnost, pozorovatelnost, tak ověřitelnost mohou nabývat pouze hodnoty 0 nebo 1, podle toho, zda proměnná nemá či má danou schopnost. Každé z vlastností proměnné je přiřazena informace o čase (zadaném počtem hodinových taktů), kdy je tato vlastnost po dané proměnné požadována. Např. zápis $C_g(2)$ pro danou proměnnou znamená, že během druhého taktu hodin potřebujeme nastavit hodnotu této proměnné na libovolnou²⁴ hodnotu.

Symboličnost metody spočívá v tom, že pomocí zavedených vlastností metoda nepracuje s konkrétními hodnotami testovacích vzorků, proměnných a odezev, ale tyto hodnoty nahrazuje symbolickým zápisem. Nad ním pak provádí předem definovaná transformační pravidla tak, aby bylo možné splnit pokud možno všechny podmínky nutné pro nastavení a pozorování požadovaných hodnot dané proměnné v daných časových okamžicích, tj. tak, aby bylo možné otestovat co největší počet proměnných z TCDF. Dojde-li při snahách o splnění podmínek pro testování proměnných ke kolizi (např. pokud pro testování proměnné x potřebujeme v čase t nastavit proměnnou y na konstantní hodnotu c0 a zároveň pro testování proměnné z potřebujeme v čase t nastavit proměnnou y na konstantní hodnotu c1), tj. při hledání daného prostředí testu, jsou pomocí zpětného vyhledávání vybrána a aplikována jiná transformační pravidla. V případě, že při stávajícím chování a struktuře obvodu není možné nalézt prostředí testu daného modulu, je pro řešení této situace do obvodové struktury vložen přídavný multiplexor. Místa pro vložení multiplexorů jsou vybrána na základě hodnoty počítadla špatnosti²⁵ proměnných z TCDF; snahou je, aby vložení těchto multiplexorů nezpůsobilo nežádoucí změnu kritické cesty obvodu.

Prostředí testu je pak využito k otestování modulu nebo registru pomocí pseudonáhodného generátoru testovacích vektorů, který bude pro tento účel připojen na primární vstupy obvodu a pomocí příznakového analyzátoru, který bude pro tento účel připojen na primární výstupy obvodu. Zárověň je nezbytné, aby byl každý modul v obvodu testovatelný pomocí pseudonáhodného generátoru testovacích vzorků - není-li tomu tak, musí být knihovna modulů modifikována tak, aby byl tento požadavek splněn. V posledním kroku je proveden návrh a syntéza takového řadiče vestavěného testu, který je schopen provést testy všech prostředí testu a architektura tohoto řadiče je zabudována do stávající obvodové struktury.

Navazující práce [LRJ98] se mj. zaměřuje na aplikačně specifické integrované obvody, aplikačně specifické programovatelné procesory, aplikačně specifické instrukční procesory popsané na úrovni meziregistrových přenosů a zavádí prostředky pro popis prostředí testu pomocí regulárních výrazů, popisuje symbolickou analýzu testovatelnosti jako proces pro řešení rovnic nad regulárními výrazy a ukazuje, že úplnost prostředí testu (tj. schopnost prostředí testu k uchování informace nutné pro nastavení resp. sledování hodnoty dané proměnné v daném čase) má podstatný vliv na generování symbolického testu. Prostředí testu daného modulu je zde chápáno jako množina řetězů mikroinstrukcí, které popisují všechny možné symbolické cesty pro testování daného modulu, tj. všechny cesty pro nastavování testovacích vzorků a všechny cesty pro sledování odezev.

Z poslední doby zmiňme např. práce [PME02, PME03], kde byla metoda symbolické analýzy testovatelnosti využita při syntéze pro snadnou testovatelnost s využitím samočinného testování - cílem bylo minimalizovat plochu, kterou zabírají obvody pro podporu samočinného testování

²⁴tj. v okamžiku analýzy blíže neurčenou

²⁵angl. badness count

a dosáhnout testovatelnosti co největšího počtu modulů v obvodu. Pro optimalizaci tohoto problému bylo použito simulovaného žíhání.

Přístup založený na třídách registrů a analýze I-cest

Další metoda pro analýzu testovatelnosti, spolu s metodikou pro výběr registrů do řetězce scan, modelem aplikace testu pomocí Petriho sítě a analýzou kolizí při přenosu diagnostických dat, je popsána v [Růž02].

Metoda analýzy testovatelnosti [Růž02] je analýzou datových cest obvodu a je konstruována pro obvody na úrovni meziregistrových přenosů. Předpokládá, že struktura obvodu je tvořena propojením tří typů prvků - multiplexorů, registrů a funkčních jednotek. Pro otestování daného obvodového prvku, tj. pro přenos diagnostických dat tohoto prvku je důležité, aby ve struktuře obvodu existovaly dvě cesty (tzv. I-cesty) - cesta pro přenos testovacích vzorků z primárních vstupů obvodu a cesta pro přenos odezev na primární výstupy obvodu. Proto je výhodné, aby obvodové prvky (zejména funkční jednotky) dokázaly pracovat v tzv. I-režimu, tj. režimu činnosti, kdy jsou schopny přenést data z některého ze svých vstupů na své vybrané výstupy. V [Růž02] jsou výše uvedené skutečnosti, tj. zejména struktura číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů, transparentní vlastnosti obvodových prvků a navržených algoritmů popsány formálně pomocí pojmů diskrétní matematiky. Veškeré objekty, které jsou předmětem analýzy (obvodové prvky, spoje atd.), jsou podle svých vlastností sdruženy do množin; další vlastnosti a vztahy mezi těmito objekty jsou vyjádřeny relacemi, pro popis je volen jazyk predikátové logiky. Výhodami formálního přístupu jsou zejména jednoznačnost zápisu a možnost transformovat problémy analýzy testovatelnosti na známé a řešené problémy diskrétní matematiky a teoretické informatiky a využít známých, efektivních a ověřených postupů a algoritmů.

Práce [Růž02] rovněž pracuje s pojmy řiditelnost a pozorovatelnost, nikoliv však v pojetí většiny přístupů k analýze testovatelnosti coby k mírám přístupnosti, ale jako k vyjádření pouhé vlastnosti obvodového uzlu - uzel je v pojetí [Růž02] buď řiditelný/pozorovatelný nebo není. Zvláštní role náleží při analýze testovatelnosti popsané v [Růž02] obvodovým registrům. Je to dáno tím, že [Růž02] vychází z principů tzv. strukturovaného návrhu, kdy je oddělena kombinační a sekvenční logika. Právě v registrech se při aplikaci testu ukládají diagnostická data - obdobně je tomu i v režimu normální funkce obvodu. Registry se tak stávají významnými body na icestách, přes které diagnostická data obvodem procházejí. Pokud není analýzou nalezena vhodná i-cesta mezi primárními vývody obvodu a bodem, kam resp. z kterého je třeba diagnostická data dopravit, hledá se vhodný registr, který může být využit při testování takového bodu tím, že zajistí řiditelnost resp. pozorovatelnost i-cesty vedoucí z registru do tohoto bodu resp. vedoucí z tohoto bodu do registru. Tento registr je pak třeba v duchu strukturovaného návrhu upravit tak, aby byl přístupný na primárních vývodech obvodu - mechanismus zlepšení testovatelnosti v [Růž02] pak směřuje k tomu, aby právě takové registry byly začleňovány do sériového scan řetězce a aby množina takto vybraných registrů měla minimální kardinalitu.

3.3.3 Vyšší úrovně popisu

Rozsáhlost a složitost moderních obvodových návrhů vede k tomu, že jsou tyto návrhy často popisovány na vyšších úrovních abstrakce - např. popisem chování. Přestože velká většina metod pro analýzu testovatelnosti je konstruována pro nižší úrovně popisu, existují i metody schopné pracovat na úrovni popisu chování.

Výhody metod pracujících na nižších úrovních abstrakce (např. úrovni hradel či úrovni meziregistrových přenosů) jsou zřejmé - vycházejí ze strukturálního popisu, který je velmi blízký konečné implementaci na cílové platformě. Tyto metody tedy mohou poskytnout poměrně přesnou informaci o testovatelnosti daného návrhu. Jejich nevýhodou může být výpočetní náročnost v případě jejich aplikace na rozsáhlé návrhové celky. S cílem snížení výpočetní náročnosti analýzy testovatelnosti rozsáhlých návrhů proto vznikají metody analýzy testovatelnosti pracující na úrovni popisu chování. Velkou nevýhodou těchto vysokoúrovňových metod je, že analýza je prováděna ještě před dokončením vysokoúrovňové syntézy, čímž těmto metodám chybí strukturální informace o daném návrhu a jejich výsledky tedy mohou poskytovat nepřesné informace o testovatelnosti návrhu.

Práce [CA90, CS02] prezentují analýzu testovatelnosti číslicového systému popsaného na úrovni chování. Metoda provádí rozklad množiny proměnných na *třídu úplně řiditelných proměnných* (CC) a na *třídu neúplně řiditelných proměnných* (NCC). Proměnné jsou rozděleny do tříd na základě toho, do jaké míry je možno ovládat hodnoty těchto proměnných. Jeli možno libovolně ovládat hodnoty bitů dané proměnné, je tato proměnná prvkem CC, jinak je prvkem NCC. Pro každou proměnnou N náležící NCC je definována míra účinnosti $EFF(N) = \frac{\left[\sum_{n_t \in NCC_t} B(n_t) - \sum_{n_m \in NCC_m(N)} B(n_m)\right]}{B(N)}$, kde NCC_t je původní množina NCC proměnných, $NCC_m(N)$ množina NCC proměnných poté, co byla testovatelnost proměnné N zlepšena vložením testovacího bodu a B(N) je počet řiditelných bitů proměnné N. Její hodnota je ukazatelem zlepšení testovatelnosti obvodu vložením testovacího bodu pro proměnnou N. Obdobným způsobem je definována i míra pro ohodnocení pozorovatelnosti, avšak ta není při volbě testovacích bodů zohledněna. To, že proměnné je možno zařadit pouze do jedné ze dvou tříd a že CC-proměnná musí splňovat přísná kritéria, vede k tomu, že většina proměnných je klasifikována jako NCC proměnné. Další nevýhodou je, že metoda nepřipouští existenci cyklů v grafu obvodu, jelikož by to mohlo vést k jejímu zacyklení.

V [SH00, SH02] je prezentována analýza testovatelnosti založená na šíření rozsahů hodnot proměnných. Výpočet řiditelnosti a pozorovatelnosti (proměnných z VHDL popisu chování daného číslicového systému) je prováděn na tzv. SSA reprezentaci [SH00]. Pro popis m vážené hodnoty je zavedena notace $\{W_i[L_i; U_i; S_i], \ldots\}$, kde L_i resp. U_i je dolní resp. horní hranice daného rozsahu hodnot a S_i je počet kroků, které je třeba vykonat k přechodu z hodnoty L_i na hodnotu U_i , $i = 1, 2, \ldots, m$. Testovatelnost systému je dána řiditelností a pozorovatelností proměnných definovaných v popisu chování tohoto systému. Řiditelnost proměnné V o rozsahu hodnot W[L:U:S] je pro hodnotu a z tohoto rozsahu dána vztahem $C_a = \frac{1}{P_a}$, kde P_a je pravděpodobnost nastavení proměnné Vna hodnotu
 a. Pozorovatelnost ${\cal O}_V$ proměnné
 Vvyjadřuje snadnost pozorování hodnoty proměnné V na primárním výstupu obvodu. Dále existují zvláštní vztahy pro výpočet řiditelnosti resp. pozorovatelnosti proměnné vyskytující se v programovém cyklu, proměnné, za níž následuje větvení atd. Proměnné jsou seřazeny sestupně od proměnných s nejvyšší hodnotou řiditelnosti po proměnné s nejnižší hodnotou řiditelnosti. Je-li proměnná obtížně řiditelná, ale snadno pozorovatelná, stává se kandidátem pro vložení testovacího bodu. Jinak je její testovatelnost zlepšena pomocí techniky částečný scan. Hlavní nevýhodou této metody je, že počet průběhů každého cyklu musí být předem znám, aby bylo možné provést rozbalení smyček. Další nevýhodou je, že stavovému registru v popisu chování obvykle neodpovídá žádná proměnná, což znamená, že není možno ohodnotit jeho řiditelnost a pozorovatelnost a zjistit tak jeho testovatelnost. Obdobnou metodu je možno nalézt v [JSE03].

Systém SATAN

Systém SATAN (Systems Automatic Testability Analysis) [NKRB01] byl vytvořen pro analýzu testovatelnosti a generování funkčních testů a je založen na grafovém modelu přenosu informací obvodem.Uzly grafu reprezentují vývody a moduly obvodu, hrany grafu reprezentují různé režimy přenosu informací mezi uzly. Tok informací modelem spočívá v informačních cestách ze vstupů obvodu na jeho výstupy, přičemž během toku jsou informace transformovány moduly vyskytujícími se na těchto cestách. Graf přenosu informací vzniká v systému z popisu chování

obvodu vyjádřeného soustavou rovnic sestavených z elementárních operací.

V systému je zaveden pojem tok, vyjadřující informační cestu ze vstupů obvodu na jeho výstupy a pojem matice pokrytí, v níž je pro každý modul zaznamenáno, zda je daným tokem využíván. Moduly se stejnými množinami toků jsou nazvány nerozlišitelné a tvoří tzv. množinu nerozlišitelnosti.

Analýza testovatelnosti v systému SATAN pak sestává z těchto kroků:

- definování toků,
- ohodnocení testovatelnosti komponent,
- strukturování testu do sekvence toků podle zvolené strategie testování a
- ohodnocení kvality zvolené sekvence z pohledu diagnostiky.

Cílem systému je nalézt všechny funkční aktivace²⁶ na úrovni obvodu z pohledu jednotlivých komponent. Konkrétní funkcionální aktivace obvodu je charakterizována jistým tokem ten určuje: vstupy obvodu, které je třeba nastavovat pro ovládání cest potřebných pro požadovanou funkci, výstupy obvodu, na nichž je možné pozorovat výsledky provedení dané funkce a komponenty aktivované během provádění funkce.

Celková testovatelnost obvodu je pak vypočtena na základě odhadu hodnot řiditelnosti a pozorovatelnosti komponent v různých tocích. Odhady řiditelnosti resp. pozorovatelnosti jsou provedeny podle množství informací přístupných na vstupech komponenty z primárních vstupů toků resp. podle množství informací z výstupů komponenty pozorovatelných na primárních výstupech toků.

Nástroj FACTOR

V článku [VA02] je prezentován princip generování funkčního hierarchického testu pomocí nástroje FACTOR (FUnctional Constraint extracTOR). Metoda implementovaná v nástroji FACTOR je založena na rozčlěnění obvodu na moduly (komponenty), přičemž pro každý modul, který má být testován, je analyzováno jeho okolí, jsou nalezeny zdroje a cíle signálů pro jeho testování a cesty pro šíření hodnot těchto signálů. Zejména se jedná o získání tzv. def - use nebo use - def řetězců, které obsahují příkazy, umožňující snadný průchod hodnot signálů obvodovou strukturou. Dále jsou získány údaje informující o funkčních omezeních tohoto modulu a popisují zjednodušený pohled na modul z hlediska generátoru testu. Po této etapě obvykle následuje analýza funkčních omezení dílčích modulů a zahájení generování testu.

Před vlastním generováním testu je možno získaných informací - zejména informací o signálech, kterým přísluší prázdný def - use nebo use - def řetězec - využít k odhadu obtížně teslovatelných signálů a následně i odhadu testovatelnosti příslušných částí obvodu. Návrhář tak může být informován o případných nedostatcích v testovatelnosti, tyto nedostatky napravit a zvýšit tímto krokem efektivitu generovaného testu.

Jelikož za vyšší úroveň popisu je často označován algoritmický popis činnosti obvodu, mají metody pracující na těchto vysokých úrovních popisu velmi blízko k metodám analýzy testovatelnosti "softwarových algoritmů" publikovaným např. v pracích [RND02, RND03, Qua04, Gao04]. Přístupy řešící problematiku analýzy testovatelnosti softwaru často vycházejí z principů metod zabývajících se analýzou testovatelnosti obvodů - jako příklad uveďme metodu [RND02] inspirovanou metodou tvořící jádro výše zmíněného systému SATAN.

 $^{^{26}}$ funkční aktivací je myšleno provádění konkrétní dílčí funkce, kterou obvod vykonává

3.3.4 Shrnutí

Přes rozdílnost jednotlivých konkrétních přístupů k analýze testovatelnosti lze existující přístupy souhrnně charakterizovat následujícími společnými znaky:

- v přístupu je použit nějaký popis, v ideálním případě formální model, daného systému. Model umožňuje popsat jak strukturu daného systému, tak i vlastnosti dílčích prvků tohoto systému včetně jejich rozhraní, modelu vybraných vlastností a chování. Obvykle se jedná o jistý model datových popř. také řídicích cest systému a o model přenosu diagnostických dat po těchto cestách. Algoritmus analýzy testovatelnosti je pak popsán s využitím prostředků tohoto modelu,
- algoritmus analýzy testovatelnosti obvykle provádí ohodnocení zvolených diagnostických vlastností. Na základě tohoto ohodnocení lze rozpoznat obtížně testovatelné části v návrhu a zdroje této obtížné testovatelnosti. Nevýhodou je, že pojmy z této oblasti nejsou standardizovány. Vede to k rozdílným definicím testovatelnosti a jejích složek a tím i k ohodnocování testovatelnosti s přihlédnutím k různým ovlivňujícím faktorům a pomocí odlišných měr,
- obecnou snahou přístupů je, aby výpočetní složitost algoritmu analýzy testovatelnosti byla mnohem menší než výpočetní složitost nejefektivnější metody generování testu pro tutéž třídu obvodů a tutéž úroveň popisu [ABF90]. Jelikož algoritmus analýzy testovatelnosti je vždy úzce spjat s předpokládaným způsobem generování testu [Uba04], pak by návrh algoritmu nesplňujícího tuto podmínku nedával smysl. V takovém případě by k témuž účelu bylo možno využít generátor testu. Ten poskytuje přesnou informaci o testovatelnosti návrhu pro daný typ testu. Lze tedy konstatovat, že úkolem analýzy testovatelnosti je poskytnout rychlý, avšak co nejméně zkreslený odhad testovatelnosti daného návrhu vzhledem k předpokládanému typu generování testu.

3.4 Hierarchický test

Dříve než se budeme blíže věnovat kapitolám zahajujícím prezentaci vlastního přínosu této práce v dané oblasti výzkumu, vrátíme se na chvíli k problematice generování testu číslicových obvodů, přičemž se zaměříme zejména na pojmy a myšlenky související s tzv. *hierarchickým testem* - prostor jim není věnován zbytečně a z dalšího textu vyplyne, jakým způsobem souvisejí s vlastním jádrem této disertační práce.

Bylo dokázáno [Fuj85], že generování testu pro obecný obvod je NP-úplný problém, proto stále existují snahy o vylepšení stávajících metod resp. snahy o návrh nových efektivnějších metod. Poměrně velké úsilí bylo věnováno zejména nízkoúrovňovým metodám generování testu pro číslicové obvody. Tyto metody jsou však prakticky limitovány na "menší" kombinační, popř. "jednoduché" sekvenční obvody. Na druhou stranu však tyto metody (díky detailní znalosti nízkoúrovňové struktury obvodu) umožňují generovat velmi kvalitní testy, obecně se vyznačující vysokým pokrytím poruch dosažitelným relativně malým počtem testovacích vektorů. Omezení praktické použitelnosti těchto metod je pak dáno jednak NP-úplností problému generování testu pro obecný obvod a jednak poměrně nízkou úrovní popisu, na které tyto metody pracují.

Uvědomíme-li si, že obecně jsou číslicové systémy v dnešní době mnohem složitější než např. v době vzniku D-algoritmu a že jsou v návrhových nástrojích obvykle navrhovány na vyšších úrovních popisu, než je úroveň hradel (viz např. podkapitoly 2.1 a 2.2), pak tušíme, že generování testu pro obvodový celek popsaný na úrovni hradel (s popisem odpovídajícím danému



Obrázek 17: Ilustrace rozdílu mezi hierarchickým a nehierarchickým generováním testu

vysokoúrovňovému popisu - viz obrázek 17a) bude obecně složitější, než generování testu pro jednotlivé podčásti (např. funkční jednotky, registry, multiplexory atd. nebo větší obvodové celky - aritmeticko-logické jednotky, bloky pamětí RAM, (mikro)řadiče, (mikro)procesory atp. - viz obrázek 17b), na které je možné obvod rozčlenit.

Právě na základě této myšlenky vznikla koncem 80. let oblast zabývající se tzv. *hierarchickým* generováním testu - např. [CB89, MH90, AVS93, LP97, OMCV99, MO02, VA02, BMVAT03], od níž se očekával zejména návrh metod vedoucích k výpočetně méně náročnému generování testu pro rozsáhlé (kombinační i sekvenční) obvody při současném dosažení obdobných kvalit testu (pokrytí poruch, počet testovacích vzorků atd.) jako u metod generování testu pracujících na nízkých úrovních popisu. Princip hierarchického generování testu je možné vyjádřit jako posloupnost následujících činností:

- rozčlenění obvodu na podčásti (moduly),
- generování/získání (tzv. lokálního) testu pro jednotlivé moduly,
- hledání diagnostických cest pro jednotlivé moduly,
- generování (tzv. *globálního*) testu pro obvod jako celek.

Rozčlenění obvodu na moduly

Rozčlenění obvodu na moduly (viz obrázek 18) bývá, zejména v případě strukturovaného návrhu obvodu, z velké části určeno již samotným stylem návrhu obvodu a/nebo, zejména v případě návrhu obvodu popisem jeho chování, bývá provedeno (či usnadněno) nějakým nástrojem vhodným pro tento účel, např. s využitím nástroje pro vysokoúrovňovou syntézu (viz odstavec 2.2.2, strana 9). Cílem je dosáhnout rozčlenění jeho struktury na vhodně složité vzájemně propojené moduly, což v podstatě znamená získat jistý strukturální popis daného obvodu (viz odstavec viz odstavec 2.1.2, strana 7).

Získání lokálních testů

Při hierarchickém generování testu se předpokládá, že každý modul, u kterého se požaduje testování, je vybaven diagnostickými daty, tj. testovacími vektory a odpovídajícími správnými odezvami. Tato data (tvořící tzv. *lokální test* modulu) mohou být získána (viz obrázek 18) např. spolu popisem daného modulu od dodavatele nebo je lze individuálně pro každý modul získat např. některou z metod pro generování testu. Podstatné je, že lokální test je testem pro samostatný (tj. do nadřazeného systému nezapojený) modul.



Obrázek 18: Ilustrace k principu hierarchického testu

Hledání diagnostických cest

Je-li daný modul zapojen do systému, pak je nutné vyřešit, jakým způsobem (bude-li to pro každý vzorek lokálního testu modulu, vzhledem k zapojení modulu do systému a ke struktuře systému, vůbec možné) bude prováděn přenos diagnostických dat mezi vývody systému a vývody modulu. Poté, co jsou známy lokální testy jednotlivých modulů, je třeba pro každý modul analyzovat strukturu obvodu jednak za účelem nalezení cest pro přivedení testovacích vzorků²⁷ na vstupy modulu a jednak za účelem nalezení cest pro odvedení odezev z výstupů modulu na primární výstupy obvodu²⁸. Zkráceně pak hovoříme o hledání *diagnostických cest*²⁹ daného modulu (viz obrázek 18). Umožňuje-li to struktura daného obvodu, pak je pro každý modul po skončení této analýzy známo, jakou posloupností hodnot generovanou na primárních vstupech obvodu lze zajistit výskyt požadovaných dat (testovacích vzorků) na vstupech modulu resp. jakou posloupností lze zajistit pozorování dat (odezev) z výstupů modulu. Současně jsou známy diagnostické cesty, které mohou být pro přenos těchto hodnot využívány.

Generování globálního testu

Poznamenejme, že obecně jsou testy jednotlivých (vzájemně různých) modulů disjunktní; to však již obecně neplatí o diagnostických cestách modulů, kdy dílčí úseky diagnostických cest bývají často společné několika modulům. Proto mohou existovat data, jejichž výskyt na diagnostické cestě po nějakou dobu znemožní výskyt jiných dat a naopak usnadní výskyt dat dalších. Pro účely generování efektivního testu je tedy třeba důsledně zvážit posloupnost aplikace testovacích vzorků na jednotlivé moduly (resp. posloupnost hodnot na primárních vstupech obvodu). Poslední etapa hierarchického generování testu, jejímž výsledkem je tzv. *globální test* obvodu (viz obrázek 18) tedy spočívá v nalezení takové posloupnosti testovacích vzorků, která (bude-li

 $^{^{27}}$ tj. je třeba nalézt způsob, jakým bude umožněno nastavení testovacích vzorků z primárních vstupů obvodu na vstupy modulu

 $^{^{28}}$ tj. je třeba nalézt způsob, jakým bude umožněno sledování odezev na výstupech modulu na primárních výstupech obvodu

²⁹v obrázku 17 resp. 19 jsou všechny diagnostické cesty pro daný testovaný modul souhrnně reprezentovány dvojicí přerušovaných křivek, z nichž každá je zakončena šipkou ve tvaru vyplněného trojúhelníku; směr šipky zobrazuje směr toku diagnostických dat - ta procházejí diagnostickými cestami ve směru z primárních vstupů obvodu na primární výstupy obvodu. Křivka vlevo resp. vpravo od testovaného modulu symbolizuje diagnostické cesty pro pozorování odezev z výstupů testovaného modulu

v daném pořadí aplikována na primární vstupy obvodu) v ideálním případě umožní v co nejkratším čase přivést testovací vzorky na vstupy všech modulů a zachová rozlišitelnost správnosti odezev modulů na primárních výstupech obvodu.

Realizace hierarchického generování testu je však prakticky vždy spojena s jistou (oproti nižší úrovni popisu ještě větší) abstrakcí od cílové obvodové struktury; proto současné metody pro hierarchické generování testů kvalitativně nedosahují výsledků nízkoúrovňových metod, čímž je omezena zejména jejich praktická použitelnost při řešení problematiky efektivního generování testu a tím i jejich konkurenceschopnost ve vztahu k ostatním metodám generování testu. Příčinou těchto nedostatků a omezení je zejména tzv. *koncepce transparentnosti*, z níž tyto metody obvykle vycházejí a která znamená vnesení dalších abstrakcí. Přestože byla tato koncepce podrobně studována a postupně rozpracována pro účely generování testu, v praxi je z důvodů výpočetní náročnosti použitelná pouze její malá část. Na příčiny nevýhod spojených s její použitelností upozorňují např. práce [AVTA93, RGJ96b, OMCV99, MO02] a zároveň navrhují řešení, jak tyto nevýhody odstranit.

3.4.1 Přehled základních pojmů koncepce transparentnosti

Jelikož pro jádro této disertační práce je z oblasti hierarchického generování testu nejvíce podstatná výše zmíněná koncepce transparentnosti, nebudeme se v dalším textu více zabývat přehledem ani principy vybraných metod hierarchického generování testu (bližší informace je možno nalézt např. v [CB89, MH90, AVS93, LP97, OMCV99, MO02, VA02, BMVAT03]), ale zaměříme se především na přiblížení základních principů, z nichž koncepce transparentnosti vychází.

Nastavování diagnostických cest

Nyní předpokládejme, že rozčlenění číslicového obvodu na moduly již je nějakým způsobem vyřešeno a že pro každý modul (který má být testován) je k dispozici jeho lokální test. Pro úspěšné dokončení hierarchického generování testu pak zbývá pro každý modul nalézt jemu příslušející diagnostické cesty a na jejich základě vygenerovat globální test obvodového celku. Již v obrázku 17b, bylo naznačeno, že diagnostické cesty daného modulu jsou tvořeny jednak moduly, vyskytujícími se na datových cestách mezi vývody testovaného modulu a vývody obvodu a jednak spoji, určujícími, které vývody těchto modulů a jakým způsobem jsou vzájemně propojeny.



Obrázek 19: Bližší pohled na hirarchické testování

Tedy, chceme-li za výše uvedeného předpokladu dosáhnout toho, aby na vstupy konkrétního testovaného modulu (viz obrázek 19) byl přiveden daný testovací vzorek resp. aby bylo možné vyhodnotit správnost odezvy testovaného modulu, obecně musíme nejdříve vyřešit, jak bude tento vzorek přenesen přes moduly a spoje, vyskytující se na diagnostických cestách testovaného modulu. To znamená nalézt alespoň jednu posloupnost hodnot³⁰ (existuje-li taková), jejichž postupným generováním na primárních vstupech obvodu bude zajištěno postupné nastavování částí diagnostických cest, umožňujících přenos diagnostických dat a po generování poslední hodnoty bude zaručen výskyt daného vzorku na vstupech testovaného modulu resp. výskyt nezkreslené informace o správnosti odezvy na primárních výstupech obvodu.

Jsou-li spoje propojující rozhraní modulů neměnně ustaveny, pak smyslem této posloupnosti hodnot je ovliňovat pouze činnost konkrétních modulů vyskytujících se v diagnostických cestách testovaného modulu a zajistit tak (vhodným směrováním toku dat, a/nebo vhodnou transformací dat) nastavení konkrétní části dané diagnostické cesty testovaného modulu za účelem přenosu dílčích dat a výsledného přenosu diagnostických dat mezi vývody testovaného modulu a vývody obvodu.

Pokud předpokládáme, že existence neporušeného fyzického spoje mezi dvěma uzly zaručuje, že hodnota vyskytující se na zdrojovém uzlu se bude (s jistým zanedbatelným zpožděním) vyskytovat i na cílovém uzlu, pak lze z hlediska přenosu diagnostických dat očekávat výskyt možných problémů pouze při přenosu dat přes moduly, které se vyskytují na diagnostických cestách testovaného modulu.

Transparentnost modulů

Odhlédneme-li od konkrétní funkce, kterou každý modul plní, pak lze moduly z hlediska přenosu diagnostických dat obvodovou a jejich vnitřní strukturou rozčlenit na moduly

- neumožňující přenos diagnostických dat,
- umožňující částečný/úplný přenos diagnostických dat,
- umožňující generování diagnostických dat.

Moduly mohou pracovat obecně v několika *režimech činnosti*³¹, a proto nebude nijak výjimečným, nalezneme-li modul, který současně patří do více než do jedné z výše uvedených skupin. Ze všech skupin se však zaměříme zejména na skupinu modulů umožňujících částečný/úplný přenos diagnostických dat. Pro tyto moduly lze nalézt podmínky, za kterých jsou tyto moduly částečně či zcela "průhledné"³² (transparentními) pro datový tok a umožňují tak přenos požadovaných dat přes svou strukturu.

Jedna z prvních prací [Aba85] zabývajících se myšlenkou přenosu diagnostických dat přes moduly se snažila pro každý modul M nalézt takový režim činnosti (M_W) , ve kterém by daný modul byl schopen přenést data $a \in \{0,1\}^m$ z některého svého (*m*-bitového) vstupu x_{iM} na některý (*m*-bitový) výstup y_{jM} . Znamená to, ze všech režimů činnosti modulu M, nalézt alespoň jeden režim M_{W_k} , kdy existuje bijekce $f: \{0,1\}^m \to \{0,1\}^m$ taková, že $g(y_{jM}) = f((g(x_{iM})))$, kde g je zobrazení přiřazující *m*-bitovému vývodu modulu M *m*-bitovou hodnotu, která se na něm vyskytuje.

³⁰hodnoty pro nastavení diagnostických cest jsou závislé na hodnotách, které se vyskutují v datových cestách obvodu - proto obecně platí, že diagnostické cesty pro daný testovaný modul a obecný obvod nemohou zůstat nastaveny po celou dobu přenosu všech diagnostických dat mezi vývody testovaného modulu a obvodu. Pro přenos diagnostických dat je však postačující, aby bylo možné nastavovat diagnostické cesty "po částech"

³¹tento pojem bude upřesněn až v dalším textu (viz definice 13, strana 69). Nyní jej budeme chápat jako stav, ve kterém modul aktuálně pracuje a který je závislý na datech vyskutujících se na jistých vstupech modulu

³²z angl. transparent

Existuje-li taková bijekce f, pak režim M_{W_k} bývá označován pojmem T-režim³³ [Aba85], jelikož umožňuje aby ze vstupu x_{iM} byla na výstup y_{jM} (po jisté transformaci) přenesena konkrétní data.

Je-li f navíc identickým zobrazením na množině $\{0,1\}^m$ (tj. platí-li navíc $\forall a \in \{0,1\}^m$: f(a) = a), pak režim M_{W_k} bývá označován [Aba85] pojmem *I-režim*³⁴, jelikož umožňuje aby data ze vstupu x_{iM} byla přenesena (tj. beze změn, kdy platí $g(y_{jM}) = g(x_{iM})$) na výstup y_{jM} . Je zřejmé, že I-režim je speciálním případem T-režimu (viz např. obrázek 20c).

Jelikož f je bijekce, pak lze pomocí libovolného z těchto režimů zajistit, aby se na daném výstupu vyskytla konkrétní data. Proto, existuje-li pro modul M režim M_{W_k} , který je T-režimem, pak pro přenos diagnostických dat modulem není nutné vyžadovat, aby režim M_{W_k} byl také I-režimem. Nicméně lze nalézt skupiny modulů, u nichž je existence I-režimu a/nebo T-režimu dána již samotným principem činnosti těchto modulů. Jako zástupce modulů s Trežimem uveďme sčítačky, odčítačky, některé násobičky, bloky pro negaci, moduly pro rotace a další. Z modulů vybavených I-režimem zmiňme např. multiplexery/multiplexory, registry, sčítačky a odčítačky.

Příklad 3: Na obrázku 20 jsou uvedeny příklady několika modulů a jejich vybraných T-režimů resp. I-režimů. Vstupy resp. výstupy modulů jsou umístěny vlevo resp. vpravo od schematické značky modulu, příslušný režim M_{W_k} je na obrázku zapsán jako množina $\{(x, y) | x \text{ je vstup mo-}$ dulu M nutný pro nastavení režimu $M_{W_k}, y \in \{0, 1\}^+$ je hodnota, která musí být pro nastavení a držení režimu M_{W_k} po jistou dobu přítomna na vstupu x}. □



Přenos diagnostických dat z x1 na y: I-režim: {(sel0, 1), (sel1, 0)}

a) 2-bitový multiplexer





c) 2-bitová sčítačka



Přenos diagnostických dat z x na y: T-režim: { }

b) 8-bitový modul pro negaci



Přenos diagnostických dat z x na y: I-režim: {(clk, 1)}

d) 4-bitový registr



 $^{33}\mathbf{z}$ angl. transfer

³⁴z angl. identity

Na koncepci [Aba85] navazují další práce - zmiňme zde pouze

- nejednoznačné množiny, [MH91] vzhledem k velké složitosti je tento přístup použitelný pouze na malé obvody,
- transparentní režimy, [AVA92] automatická extrakce informací o transparentnosti z behaviorálního popisu činnosti obvodových prvků kombinovaného se strukturálním popisem jejich propojení,
- *transparentní vlastnosti*, [OM99, MO02] popis transparentnosti prvků pomocí jednoduchých symbolických operací.

Přestože z teoretického hlediska je možné všechny výše uvedené a také další - např. [MO02, OMCV99, MH90, AVS93, LP97, RGJ98, KTA99] - přístupy využít pro generování hierarchického testu, prakticky jsou, díky jejich velké výpočetní náročnosti, použitelné jen jisté podmnožiny těchto koncepcí. I ty jsou však v praxi často degradovány pouze na úroveň koncepce I-cest resp. T-cest.

Výše uvedené přřístupy rozšiřují myšlenky koncepce I-režimů a T-režimů o další prvky a v podstatě se snaží o její zobecnění, aby bylo možné při hierarchickém generování testu využít pro přenos diagnostických dat i těch prvků (příklad viz obrázek 21), které sice nejsou z principu své činnosti schopny pracovat v I-režimu resp. T-režimu, avšak které jsou alespoň částečně využitelné pro přenos diagnostických dat. Pro takové moduly obvykle bývá typickým, že sice mnohdy jsou schopny zajistit přenos jistých konkrétních *n*-bitových dat z některého svého vstupu na některý ze svých *m*-bitových výstupů, $n \leq m$, avšak již nejsou schopny poskytnout na svých výstupech libovolnou kombinaci hodnot, ale pouze jistou podmnožinu. Příčinou jsou zejména datové závislosti mezi výstupními hodnotami resp. jejich podčástmi - viz příklad modulů na obrázku 21 (kodér není schopen na svém výstupu zajistit např. hodnotu 00001111, násobička není na svém výstupu např. schopna zajistit každé prvočíslo zapsatelné na 4 bitech). Důsledkem toho je, že není-li to zajištěno jinak (např. modifikací modulu či aplikací některé z DFT technik), nelze zaručit úplnou řiditelnost datového toku z takových výstupů, čímž je jistě obecně zhoršena transparentnost takových modulů a řiditelnost uzlů následujících za výstupy těchto modulů.



Obrázek 21: Příklad prvků nemajících I-režim resp. T-režim

Není-li modul M schopen pracovat v I-režimu resp. T-režimu, je obecnou snahou metod, navazujících na [Aba85], nalézt režim činnosti M_{W_k} , množiny M_X resp. M_Y podčástí vstupů resp. výstupů modulu M tak, aby g''(y') = f'(g'(x')), kde

- x' je virtuální vstup³⁵ vytvořený z prvků množiny M_X ,
- y' je virtuální výstup vytvořený z prvků množiny M_Y ,
- g'resp. g'' je zobrazení, přiřazující virtuálnímu vývodu modulu hodnotu, která se na něm vyskytuje,
- f' je zobrazení $f': \{0,1\}^{W_{X'}} \to \{0,1\}^{W_{Y'}}$, kde $W_{X'}$ resp. $W_{Y'}$ je bitová šířka virtuálního vstupu x' resp. výstupu y'.

Příklad 4: Pro kodér na obrázku 21a, je režim činnosti $M_{W_k} = \{\}$, množiny $M_X = \{x0, x1, x2, x3\}$, $M_Y = \{y3, y5, y6, y7\}$, virtuální vstup x' resp. výstup y' je uspořádaná čtveřice, v níž se každý prvek z M_X resp. z M_Y vyskytuje právě jednou a zobrazení f' je bijekce definovaná předpisem g''(y') = f'(g'(x')).



V podstatě se jedná o nalezení dílčích³⁶ I-režimů resp. T-režimů daného modulu (na obrázku 21 je dílčí I-režim resp. T-režim označen jako I'-režim resp. T'-režim), přičemž je důležité, že tyto obecně nemusí být omezeny (jako v [Aba85]) pouze na jeden vstup (tj. zdroj dat) a jeden výstup (tj. cíl dat), ani nemusí být omezeny na vývody stejné bitové šířky či na plné pokrytí šířky daných vývodů.

Lze snadno nahlédnout, že pro účely přenosu diagnostických dat nemůže být zobrazení f'libovolné a také, že není nutné, aby f' bylo bijektivním zobrazením. Budeme-li zkoumat požadavky kladené na přenos částí diagnostických dat, tj. na přenos testovacích vzorků a odezev, pak snadno zjistíme, že pro přenos testovacího vzorku postačuje, aby f' bylo surjektivní zobrazení a obdobně, že pro přenos odezvy postačuje, aby f' bylo injektivní zobrazení. Z tohoto pohledu lze režimy činnosti daného prvku rozdělit na:

- režimy nevhodné pro přenos diagnostických dat,
- režimy vhodné pro přenos testovacích vzorků,
- režimy vhodné pro přenos odezev.

U některých modulů mohou také existovat režimy (pro které je f' zároveň injekce i surjekce, tzn. f' je bijekce), které jsou vhodné jak pro přenos testovacích vzorků, tak odezev.

Transparentní diagnostické cesty

Již bylo uvedeno, že spoje nepředstavují pro šíření diagnostických dat problém, jelikož každý spoj je pro data transparentním. Dále bylo ilustrováno, že od jednotlivých modulů nelze tuto vlastnost spojů obecně očekávat. Zřejmě, čím detailnější informaci o transparentnosti modulů je možno získat, tím je možno očekávat kvalitnější informaci o diagnostických cestách daného obvodu a efektivnější globální test.

Z pohledu hierarchického generování testu je tedy třeba pro každý modul, který má být testován, analyzovat transparentnost modulů, vyskytujících se v datových cestách mezi vývody

³⁵je běžné, že z důvodu přehlednosti schématu i návrhu jsou jisté spolu související jednobitové vývody modulu seskupeny (obvykle návrhářem) do jednoho vícebitového vývodu, který je "zapouzdřuje". Na vícebitový vývod se pak dále pohlíží jako na jeden (logický) vývod. Rozhraní modulu se pak často nevyobrazuje detailně pomocí jednobitových vývodů, ale obvykle postačuje stručnější a přehlednější vyobrazení pomocí logických vývodů. Virtuálním vývodem budeme rozumět logický vývod, který je tvořen vybranými jednobitovými vývody modulu, a to bez ohledu na již utvořené logické vývodů tvořící rozhraní modulu. Virtuální vývod tedy obecně sestává z vybraných podčástí jistých logických vývodů. Konkrétně pak hovoříme o virtuálním vstupu resp. výstupu

 $^{^{36} \}mathrm{ve}$ smyslu podmnožin příslušných zobrazení

testovaného modulu a vývody obvodu. Cílem této analýzy je nalézt diagnostické cesty jednak pro přenos testovacích vzorků ze vstupů obvodu na vstupy testovaného modulu a jednak pro přenos odezev z výstupů testovaného modulu na výstupy obvodu (viz např. obrázek 19, strana 50).

Příklad 5: Na obrázku 22 je výsek obvodu, umožňující provádění několika základních operací (násobení, součet, rozdíl, od/čítání s voliteným krokem a inicializací či porovnání mezivýsledků). Může se např. jednat o část aritmeticko-logické jednotky. Testovaným modulem byl v tomto příkladu zvolen modul označený *MODX*; funkce tohoto modulu není pro tento příklad podstatná.

Byly vybrány a vlevo od odčítačky jsou vyobrazeny tři různé diagnostické cesty (značeny písmeny A, B, C) pro přenos testovacích vzorků ze vstupů obvodu na vstup a modulu MODX a jediná diagnostická cesta (značena písmenem D) pro přenos testovacích vzorků ze vstupu c obvodu na vstup b modulu MODX, vpravo je vyobrazena jediná diagnostická cesta (značena písmenem E) pro přenos odezev z výstupu y modulu MODX na výstup out1 obvodu. Následuje komentář k jednotlivým diagnostickýmm cestám.

- cesta A: na výstupu y násobičky MUL4 je možno generovat pouze podmnožinu 4-bitových dat. Pouze pomocí MUL4 tedy nelze zajistit libovolný 4-bitový vzorek pro vstup a modulu MODX. Výstup MUL4 však může zajistit podstatnou část testovacích vzorků ty pak mohou být dále modifikovány sčítačkou ADD1, popř. inkrementovány či dekrementovány s daným krokem (v takovém případě by se však již nejednalo pouze o cestu A). Výstup MUL4 tak může např. postačovat k nastavení transparentního režimu činnosti modulu MODX pro přenos diagnostických dat cestou D
- cesta B: nastavení cesty musí předcházet inicializace hodnoty v REG3 (např. na hodnotu 0000); poté je možno testovací vzorek z obvodového vstupu *incr* přenést (přes vstup c multiplexeru MUX2 a registr REG3) na vstup a modulu MODX
- cesta C: tato cesta slouží k inicializaci registru REG3 na hodnotu přímo představující daný testovací vzorek pro vstup a modulu MODX
- cesta D: vstup b modulu MODX je bezprostředně řiditelný z obvodového vstupu c, cesta D je plně transparentní (stejně jako cesty B a C) a existence cesty D ani jejích vlastností nezávisí (oproti cestám B a C) na hodnotách vyskytujících se na vstupech obvodu
- cesta E: odezvu modulu MODX je možné sledovat na výstupu out1 obvodu za předpokladu, že byl generován hodinový pulz na vstupu clk registru REG2 a následně aktivován vhodný režim činnosti modulu COMP1 přiložením daného vzorku na jeho vstup a.

I pomocí tohoto konkrétního a jednoduchého příkladu lze ilustrovat a shrnout následující obecné závěry:

 každá diagnostická cesta je podmnožinou datových cest daného obvodu a sestává jednak ze spojů a jednak z modulů, vyskytujících se na této cestě. Přitom se předpokládá, že tato cesta je nepřerušená, tj. že spoje a moduly na sebe vzájemně navazují. Diagnostická cesta obsahuje alespoň jeden spoj a nemusí obsahovat žádný modul,



Obrázek 22: Ilustrace k transparentním diagnostickým cestám

- obsahuje-li diagnostická cesta alespoň jeden modul, pak je nutné (v konkrétním časovém okamžiku) zajistit, aby tento modul pracoval v transparentním režimu, umožňujícím existenci dílčího transparentního úseku této cesty režim modulu obecně závisí na hodnotách, které se vyskutují na jeho virtuálních vstupech. Jelikož spoje (a také některé moduly viz např. modul NOT na obrázku 20, strana 52) jsou transparentní vždy, pak množina vstupů nutných pro řízení jejich režimu je prázdná³⁷. Takové moduly jsou zřejmě podmnožinou kombinačních obvodů,
- každou diagnostickou cestu tedy charakterizuje jednak část určená pro přenos diagnostických dat a jednak část určená pro řízení tohoto přenosu. Zatímco datová část diagnostické cesty je tvořena posloupností spojů a modulů, tak řídicí část diagnostické cesty je tvořena posloupností jim příslušejících režimů činnosti. Přenos diagnostických dat danou diagnostickou cestou je pak zajištěn postupnou aktivací režimů tvořících řídicí část této cesty. Za předpokladu, že v době aktivace prvního režimu jsou diagnostická data na začátku této cesty, pak aktivace posledního režimu zajistí, že diagnostická data budou k dispozici na konci této cesty.

Příklad 6: Příklad datových a řídicích částí vybraných diagnostických cest obvodu z obrázku 22 (na vývod x modulu M se budeme odkazovat zápisem M.x, obvod nechť je pojmenován ALU a úsek cesty z vývodu x na vývod y zápisem x - y):

Datová část cesty A je posloupnost: ALU.a - MUL4.a, MUL4.a - MUL4.y, MUL4.y - MUX2.a, MUX2.a - MUX2.y, MUX2.y - REG3.d, REG3.d - REG3.y, REG3.y - MODX.a, řídicí část cesty A je posloupnost: \emptyset , {(MUL4.b, 01)}, \emptyset , {(MUX2.sel0, 0), (MUX2.sel1, 0)}, \emptyset , {(REG.clk, 1)}, \emptyset ,

datová část cesty C je posloupnost: ALU.init - MUX2.d, MUX2.d - MUX2.y, MUX2.y - REG3.d, REG3.d - REG3.y, REG3.y - MODX.a, řídicí část cesty C je posloupnost: \emptyset , {(MUX2.sel0, 1), (MUX2.sel1, 1)}, \emptyset , {(REG.clk, 1)}, \emptyset ,

datová část cesty D je jednočlenná posloupnost: ALU.c - MODX.b, řídicí část cesty D je jednočlenná posloupnost: \emptyset .

³⁷přesněji daný režim je prázdná množina; v tomto případě modul provádí z hlediska jeho vstupně-výstupního chování pouze jedinou činnost, která je neměnná a nezávisí na okolních podnětech

Je možné konstatovat, že obecně je pro daný modul několik diagnostických cest a jejich dílčí části lze za účelem efektivnějšího přenosu diagnostických dat vzájemně kombinovat. Proto je nutno vybrat takovou kombinaci, která povede k co nejefektivnějšímu přenosu co největšího objemu diagnostických dat daného modulu. Není-li možno přenést všechna diagnostická data daného modulu, pak je nezbytné zvážit možná řešení tohoto problému, jejich dopad a cenu. Kromě toho je při volbě konkrétní kombinace (dílčích částí) diagnostických cest pro daný modul nutné analyzovat, jak tyto cesty ovlivní existenci či vlastnosti diagnostických cest jiných modulů a zda a jak lze tyto cesty využít pro testování dalších modulů. Cílem je nalézt takový plán aktivací transparentních režimů činnosti obvodových modulů, aby jím bylo dosaženo co nejefektivnějšího přenosu diagnostických dat pro všechny testované moduly. Tato analýza je jednou z nejnároč-nějších částí hierarchického generování testu, je obvykle součástí poslední etapy hierarchického generování testu (tj. generování globálního testu) a její výsledky mají podstatný vliv na kvalitu výsledného testu.

3.5 Shrnutí

Hlavním cílem této kapitoly bylo představit témata úzce související s problematikou řešenou v rámci této práce za účelem usnadnění jejího zařazení do kontextu témat z oblastí diagnostiky číslicových obvodů. První podkapitola se blíže věnovala návrhu pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan; byly v ní představeny vybrané varianty tzv. scan buněk a základní typy scan technik - zejména technika částečný sériový scan. Technice scan byl věnován dodatečný prostor ne proto, že se jedná o techniku poměrně populární, ale zejména proto, že pro zlepšení testovatelnosti daného návrhu bylo na základě výsledků navržené metody pro analýzu testovatelnosti využito právě této techniky. Proto bylo důležité neodbýt tuto techniku povrchní zmínkou, ale věnovat se jí o něco blíže, protože při její aplikaci v souvislosti s touto prací byl podstatný nejen výběr vhodné množiny scan registrů, ale také volba vhodného rozmístění těchto registrů do scan řetězů.

Demonstraci náročnosti výběru vhodné množiny scan registrů analýzou obvodové struktury se věnovala druhá podkapitola, která představila tento problém z matematického pohledu. Metody zabývající se řešením tohoto problému využívají skutečnosti [SH01], že složitost generování testu pro sekvenční obvod závisí exponenciálně na délkách cyklů v obvodu a lineárně na sekvenční hloubce obvodu; metody pak hledají co nejlepší způsob, jak rozbít zpětné vazby tak, aby cena za toto rozbití byla co nejmenší a současně, aby jím bylo dosaženo co nejlepších diagnostických vlastností obvodu při splnění dalších návrhových omezení. Nevýhodou těchto metod však je, že pro obvody popsané na vyšších úrovních popisu bývá (s ohledem na jednoduchost modelu) tento problém řešen na zjednodušeném grafovém modelu datových cest daného obvodu a nebývá přitom brána v úvahu funkce, kterou obvod resp. jeho prvky plní, i když to je důležitým faktorem pro co nejpřesnější zjištění testovatelnosti obvodu. Abstrakce od některých vlastností obvodových prvků pak může vést např. k redundantnímu výběru scan registrů. Tento fakt vede např. k tomu, že vznikají metody obohacující klasické MFSP přístupy o informace získané pomocí generátoru testu či o vhodné modely chování obvodových prvků tvořících strukturu obvodu u takových metod je pak přístup typu "všechny cykly jsou si rovné" je nahrazen přístupem typu "pokryj jen ty cykly, u nichž je to nutné".

V další podkapitole byl představen přehled existujících metod pro analýzu testovatelnosti, počínaje metodami pracujícími na úrovni hradel, přes metody pracující na úrovni meziregistrových přenosů a konče u metod pracujících na vyšších úrovních popisu. Hlavní snahou bylo ukázat, že v současné době neexistuje přesná definice testovatelnosti a že obecně bývá testovatelnost chápána jako charakteristika zohledňující různé náklady spojené s testováním číslicového obvodu, a to zejména jako ukazatel efektivnosti tvorby a aplikace testu. Jelikož jednotná definice testovatelnosti v současnosti neexistuje, liší se dosavadní přístupy k její analýze jak svými cíly, tak úrovněmi abstrakce popisu obvodu, na nichž jsou použitelné. Nicméně i přes odlišnost existujících metod lze použité přístupy charakterizovat několika společnými znaky jako např. použití jistého modelu číslicového systému, snaha o nalezení obtížně testovatelných částí v rámci daného systému na základě měr řiditelnosti a pozorovatelnosti či snaha poskytnout rychlý, avšak co nejméně zkreslený odhad testovatelnosti daného číslicového systému. Jak je z této podkapitoly patrné, metody analýzy testovatelnosti na úrovni meziregistrových přenosů lze rozdělit do dvou skupin. Metody z první skupiny jsou založeny na jistém pravděpodobnostním modelu chování obvodových prvků a obvykle slouží jako pomůcka při efektivní implementaci BIST technik. Druhá, podstatně menší skupina, vychází z jistého (nepravděpodobnostního) modelu chování a vybraných vlastností obvodových prvků a struktury obvodu a jejím cílem je analýza struktury obvodových datových cest. Nevýhodou metod patřících do první skupiny je otázka využití jejich výsledků pro účely generování deterministického testu, nevýhodou metod patřících do druhé skupiny je buď jejich spjatost s konkrétní DFT technikou (obvykle scan technikou) či jejich velká výpočetní složitost. Jednou z výchozích motivací této práce bylo přispět k odstranění nevýhod metod druhé skupiny, a to tím, že v rámci této práce bude navržena metoda založená na obecnějším modelu datových cest, předpokládající hierarchické generování testu³⁸, jejíž princip ani výsledky nebudou spjaty s konkrétní DFT technikou a která bude pracovat s časovou složitostí blízkou lineární.

Poslední podkapitola je kromě základního přehledu motivací, základních pojmů a principů z oblasti tzv. hierarchického testu věnována zejména pohledu na tzv. transparentní režimy a cesty tak, jak jsou chápány v následujících kapitolách. Za nejvýznamnější část této podkapitoly lze, v souvislosti s tématem řešeným v této práci, považovat část týkající se transparentnosti modulů. V ní je ukázáno, že pro přenos diagnostických dat obvodovým prvkem není třeba u tohoto prvku vyžadovat existenci režimu zajišťujícího bijekci pouze mezi daty portů téže šířky, ale že je vhodné hledat i jiné způsoby přenosu diagnostických dat strukturou obvodového prvku. Bylo ukázáno, že je výhodné rozlišovat režimy pro přenos testovacích vzorků od režimů pro přenos odezev a neomezovat přenos diagnostických dat pouze na přenos mezi porty stejných šířek, ale naopak umožnit přenosy mezi porty různých šířek a mezi několika porty současně. Popisu těchto skutečností však muselo nutně předcházet rozšíření výchozího modelu [Růž02], o němž pojednává následující kapitola.

³⁸např. [Uba04] ukazuje, že řiditelnost a pozorovatelnost nemohou být chápány jako absolutní míry pro ohodnocení testovatelnosti obvodu použitelné bez ohledu na plánovanou metodu generování testu, jelikož jsou vždy velmi úzce spjaty s jistými principy generování testu

Kapitola 4

Model obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů

Aby bylo možné přesně, přehledně a nesporně popsat skutečnosti, jimiž jsem se během svého výzkumu zabýval, rozhodl jsem se pro tento účel vycházet z jednoho z již existujících modelů struktur číslicového obvodu. Tento model byl postupně budován a publikován s cílem jeho použití v oblasti diagnostiky číslicových obvodů na úrovni meziregistrových přenosů; jeho konečnou verzi, včetně příkladů jeho využitelnosti lze nalézt v [Růž02]. Přestože lze tento model použít i pro modelování rozsáhlejších obvodových celků, popř. celých systémů, budeme v následujícím textu v souvislosti s tímto modelem pro zjednodušení hovořit pouze o číslicovém obvodu.

Protože v modelu [Růž02] nejsou zabudovány prostředky pro modelování některých skutečností souvisejících s touto prací (např. bitových složek portů a spojů, obecnějších režimů a cest pro přenos diagnostických dat apod.), bylo třeba do mnoha původních definic zasáhnout a modifikovat je, další definice bylo nutno doplnit [Str02b, KS02a, Str03b]. Vzhledem k rozsahu modifikací proto spíše než o převzetí modelu [Růž02] můžeme hovořit o jeho rozšíření či chcemeli přizpůsobení za účelem schopnosti modelovat další diagnostické vlastnosti číslicového obvodu. Poznamenejme, že jak výchozí model [Růž02] tak model prezentovaný v této práci předpokládá, že pro směrování datového toku je zvolena propojovací strategie multiplexovaných datových cest [Mär92]. Rozšířením modelu o další provojovací strategie - např. o strategii obousměrných sběrnic - se tato práce nezabývá. Mohlo by však být předmětem výzkumu navazujícího na tuto práci.

Rozšíření modelu [Růž02] bude zaveden v následující podkapitole. Aby bylo odlišeno, které definice jsou původní, které modifikované a které jsou zcela nově zavedeny, jsou čísla definic doplněna symbolem *, jde-li o definici původní (např. **Definice 1***), symbolem **, jde-li o definici modifikovanou (např. **Definice 1****) a žádným symbolem, jde-li o definici novou (např. **Definice 1****) a žádným symbolem, jde-li o definici novou (např. **Definice 1****) vzhledem k modelu [Růž02].

4.1 Model struktury číslicového obvodu

Tato podkapitola je tvořena dvěma oddíly - první se zabývá modelováním rozhraní obvodových prvků a rozhraní obvodu, druhý modelováním spojů, tj. vzájemného propojení rozhraní prvků. Úroveň, na které se při popisu modelu struktury obvodu budeme pohybovat, lze - zejména vzhledem k příkladům uváděným v této práci - považovat za úroveň meziregistrových přenosů. Poznamenejme však, že pomocí níže uvedených definic lze popsat strukturu obvodu i na jiné úrovni abstrakce - např. na obecnější úrovni funkčních bloků či systémové úrovni. Nebude-li uvedeno jinak, budeme v následujícím textu předpokládat pouze datové cesty obvodu popsa-

ného na úrovni meziregistrových přenosů a používajícího pro směrování datového toku strategii multiplexovaných datových cest. Nebude-li uvedeno jinak, pak se v následujícím textu bude předpokládat, že každá množina je konečná.

4.1.1 Model rozhraní prvků

Číslicový obvod popsaný na úrovni meziregistrových přenosů (tak jak je chápán v práci [Růž02]) je číslicový obvod, jehož struktura je tvořena propojením rozhraní tří typů prvků:

- multiplexorů směrujících tok dat obvodem,
- funkčních jednotek provádějících transformaci dat,
- **registrů** sloužících k uchování mezivýsledků operací (vnitřního stavu obvodu) a synchronizaci datového toku.

Jelikož konkrétní obvod je modelován především za účelem jeho následné analýzy, budeme se na obvod často odkazovat jako na *analyzovaný obvod*; pro tentýž účel může být také použito zkratky CUA^1 . Budeme-li hovořit o konkrétním obvodu pojmenovaným X, pak namísto zkratky CUA obvykle použijeme označení X.

Definice 1*: Bud' $E_{CUA} = MUX_{CUA} \cup FU_{CUA} \cup REG_{CUA}$, kde

- MUX_{CUA} je množina multiplexorů v CUA
- FU_{CUA} je množina funkčních jednotek v CUA a
- *REG_{CUA}* je *množina registrů* v CUA,

množina obvodových prvků CUA. Prvek $x \in E_{CUA}$ budeme nazývat obvodovým prvkem. \Box

Z důvodu snažšího popisu některých skutečností souvisejících zejména s konstrukcí diagnostických cest a analýzou testovatelnosti byla množina obvodových prvků definovaná v modelu [Růž02] rozšířena o speciální prvek cir_{CUA} označující CUA. Existence tohoto prvku bude nezbytná k modelování vybraných skutečností² pro CUA. Pomocí tohoto prvku bude možno obvodu CUA přiřadit množiny jeho vstupů a výstupů, množinu jeho vnitřních obvodových prvků, hodnotu jeho řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti apod.

Definice 2: Buď $E'_{CUA} = E_{CUA} \cup \{cir_{CUA}\}$, kde cir_{CUA} je speciální prvek označující CUA, rozšířená množina obvodových prvků CUA.

Příklad 7: Nechť je dán číslicový obvod Diffeq se strukturou na obrázku 23. Pak $MUX_{Diffeq} = \{MUX1_{Diffeq}, MUX2_{Diffeq}, MUX3_{Diffeq}, MUX4_{Diffeq}, MUX5_{Diffeq}, MUX6_{Diffeq}\}, FU_{Diffeq} = \{SUB_{Diffeq}, ADD_{Diffeq}, MUL1_{Diffeq}, MUL2_{Diffeq}, COMP_{Diffeq}\}, BEC$

 $REG_{Diffeq} = \{REG1_{Diffeq}, REG2_{Diffeq}, REG3_{Diffeq}, REG4_{Diffeq}, REG5_{Diffeq}, REG5_{Diffeq}, REG5_{Diffeq}, REG6_{Diffeq}\},\$

 $^{^{1}\}mathbf{z}$ angl. circuit under analysis

 $^{^2 \}mathrm{dle} \ [\mathrm{R}$ ůž
02] příslušejících pouze obvodovým prvkům. Patří sem např. rozhraní a diagnostické vlastnosti



Obrázek 23: Příklad jednoduchého RTL obvodu (Diffeq) - schéma bylo vygenerováno nástrojem Synopsys Design Analyzer na základě popisu chování tohoto obvodu v jazyce VHDL

$$E'_{Diffeq} = MUX_{Diffeq} \cup FU_{Diffeq} \cup REG_{Diffeq} \cup \{cir_{Diffeq}\}$$

C

Pokud nedojde k nejednoznačnostem, nebudeme z důvodu přehlednosti a snadnosti zápisu u obvodových prvků (či u jiných symbolů - např. množin) uvádět informaci o obvodu, do jehož struktury tyto prvky patří - namísto zápisu SUB_{Diffeq} pak budeme psát pouze SUB atp.

Kromě schopnosti rozlišit od sebe jednotlivé obvodové prvky je třeba, aby měl model prostředky pro modelování rozhraní (tj. vstupů a výstupů) těchto prvků a obvodu. Rozhraní je tvořeno několika tzv. porty, z nichž každý je obecně vícebitové šířky a plní funkci vstupu resp. výstupu daného obvodového prvku nebo obvodu. Právě modelováním těchto skutečností se zabývají následující definice.

Definice 3: Buď $BIT_{CUA} = \{x \mid x \text{ je metalický vývod}^3 \text{ některého z vnitřních nízkoúrovňových}$ prvků⁴ v obvodu nebo metalický vývod z rozhraní obvodu} množina bran v CUA.

Množinu BIT_{CUA} lze v prvé řadě chápat jako množinu všech vývodů nízkoúrovňových prvků v CUA, z nichž však pouze některé jsou vybrány (viz např. příklad 8 a obrázek 24), aby plnily funkci rozhraní jednotlivých prvků; kromě toho, tato množina obsahuje jednobitové vývody tvořící rozhraní obvodu. Způsobem, jakým jsou jednotlivé prvky BIT_{CUA} v rámci konkrétního obvodového prvku vzájemně propojeny (a tvoří tak strukturu a funkci daného obvodového prvku) se navržený model nezabývá, jelikož to z hlediska zvoleného přístupu k řešení tématu této práce není podstatné.

Dále nepředpokládejme, že náme některou z nízkoúrovňových variant daného obvodu k dispozici a chápejme množinu BIT_{CUA} jako jedinou (nízkoúrovňovou) informaci o jednobitových nosičích, z nichž bude později tvořeno rozhraní konkrétních obvodových prvků a obvodu.

 $^{^3}$ předpokládáme, že na daném vývodu se může vyskytnout buď jedna z hodnot 0, 1 nebo jedna z hodnot \uparrow, \downarrow ; proto označujeme vývod resp. bránu jako jednobitovou, přestože jsou modelovány čtyři hodnoty (viz. definice 4)

⁴např. hradla - avšak nízkúrovňový prvek nijak blíže nespecifikujeme a mlčky se tak odkazujeme např. na existenci nějaké knihovny takových prvků



Obrázek 24: Obvodový prvek MUX1 - vlevo schematická značka, vpravo struktura prvku

Příklad 8: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24 a nechť MUX1 $\in E'_{CUA}$. Pak $\{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3, q_0, \ldots, q_3, sel_0, c_0, \ldots, c_{24}\} \subset BIT_{CUA}$.

Aby bylo možné modelovat výskyt dat (hodnoty) na bráně $x \in BIT_{CUA}$, je nutno definovat, jaké hodnoty je možné na bráně x očekávat.

Definice 4: Bud' $VAL = \{0, 1, \uparrow, \downarrow\}$, kde

- 0 reprezentuje hodnotu "logická nula",
- 1 reprezentuje hodnotu "logická jednička",
- \bullet \uparrow reprezentuje nástupnou hranu,
- $\bullet \downarrow$ reprezentuje sestupnou hranu

množina hodnot, které se mohou vyskytnout na bráně $x \in BIT_{CUA}$, přičemž budeme předpokládat, že na bráně x se může vyskytnout buď jedna z hodnot 0, 1 nebo jedna z hodnot \uparrow , \downarrow . Každou modelovanou bránu tedy chápeme jako bránu řízenou úrovní (hladinou) nebo jako bránu řízenou hranou.

Každou úrovní řízenou bránu vyjma bran tvořících adresové (výběrové) vstupy multiplexorů, a bran jakými jsou např. povolovací vstupy paměťových prvků, hradlovací vstupy či vstupy pro nulování stavu čítačů plnících obdobnou řídicí funkci budeme nazývat *datovou branou*.

Všechny ostatní brány - tj. každou bránu, která není datová a každou bránu řízenou hranou - budeme nazývat *řídicími branami*

Zobrazení definovaná v následující definici umožní přiřadit bráně $x \in BIT_{CUA}$ jednak prvek $y \in E'_{CUA}$, jehož součástí tato brána je a jednak jednobitovou hodnotu, která se na bráně x vyskytuje. Jisté brány příslušející témuž prvku y budou později využity ke konstrukci a modelování rozhraní prvku y.

Definice 5: Nechť $\beta_E : BIT_{CUA} \to E'_{CUA}$ je zobrazení přiřazující bráně $x \in BIT_{CUA}$ prvek $y \in E'_{CUA}$, jemuž tato brána náleží a nechť existuje zobrazení $\beta_V : BIT_{CUA} \to VAL$, kdy $\beta_V(x)=w$ znamená, že na bráně $x \in BIT_{CUA}$ se vyskytuje hodnota $w \in VAL$.

Příklad 9: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24, nechť MUX1 $\in E'_{CUA}$ a nechť $X = \{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3, q_0, \ldots, q_3, sel_0, c_0, \ldots, c_{24}\} \subset BIT_{CUA}.$ Pak $\forall x \in X: \beta_E(x) = MUX1.$
Podle toho, jakého typu jsou brány a jaký účel plní jednotlivé brány v rozhraní konkrétního prvku, můžeme prvky z množiny BIT_{CUA} začlenit do množin uvedených v následující definici. Příslušnost brány do dané množiny je pak určující pro její typ.

Definice 6: Budte

- $BI_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je vstupní datová brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y \in E_{CUA}\}$ množina vstupních datových bran obvodových prvků CUA,
- $BCI_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je vstupní řídicí brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y \in E_{CUA}\}$ množina vstupních řídicích bran obvodových prvků CUA,
- $BO_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je výstupní brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y \in E_{CUA}\}$ množina výstupních bran obvodových prvků CUA,
- $BPI_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je vstupní datová brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y = cir_{CUA}\}$ množina vstupních datových bran obvodu CUA,
- $BPCI_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je vstupní řídicí brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y = cir_{CUA}\}$ množina vstupních řídicích bran obvodu CUA,
- $BPO_{CUA} = \{x \mid x \in BIT_{CUA} \land x \text{ je výstupní brána příslušející prvku } y = \beta_E(x), y = cir_{CUA}\}$ množina výstupních bran obvodu CUA,
- $B_{CUA} = BI_{CUA} \cup BCI_{CUA} \cup BO_{CUA}$,
- $BP_{CUA} = BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA} \cup BPO_{CUA}$

množiny bran CUA.

Pro bránu obvodu CUA bude také často použito označení *primární brána* obvodu CUA, přesněji pak *primární vstupní brána* resp. *primární výstupní brána*. Obdobně brána, která není primární, bude označována za *vnitřní bránu* obvodu CUA.

Množina BI_{CUA} , BCI_{CUA} , BPI_{CUA} , $BPCI_{CUA}$, BO_{CUA} resp. BPO_{CUA} , do níž brána p náleží, určuje typ brány. Nepředpokládáme-li v modelu výskyt vstupně-výstupních bran, pak každá brána z množiny $B_{CUA} \cup BP_{CUA}$ náleží právě do jedné z množin BI_{CUA} , BCI_{CUA} , BPI_{CUA} , $BPCI_{CUA}$, BPO_{CUA} .

Úmluva 1: Nebude-li uvedeno jinak, budeme v dalším textu uvažovat pouze takové CUA, pro které platí:

- $|E_{CUA}| \ge 1$
- $|E'_{CUA}| \ge 2$
- $|BI_{CUA}| \ge 1$
- $|BO_{CUA}| \ge 1$
- $|BPI_{CUA}| \ge 1$
- $|BPO_{CUA}| \ge 1$

Takové CUA provádějí přenos resp. transformaci dat ve směru ze svých primárních vstupů na své primární výstupy, a proto je v jejich struktuře přítomen alespoň jeden obvodový prvek provádějící tuto činnost. Pro tyto účely musí mít CUA k dispozici alespoň jednu primární vstupní datovou bránu, alespoň jednu primární výstupní datovou bránu a alespoň jeden obvodový prvek ve struktuře CUA musí být vybaven alespoň jednou vstupní a alespoň jednou výstupní datovou branou.

Příklad 10: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24 (strana 62), nechť MUX1 $\in E'_{CUA}$ a nechť $\forall x \in \{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3, q_0, \ldots, q_3, sel_0, c_0, \ldots, c_{24}\} \subset BIT_{CUA}$: $\beta_E(x) = MUX1$.

Pak $\{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3\} \subseteq BI_{CUA},$ $\{sel_0\} \subseteq BCI_{CUA},$ $\{q_0, \ldots, q_3\} \subseteq BO_{CUA}.$

Nyní máme k dispozici prostředky pro modelování bran. V následujících definicích budou zavedeny prostředky, které budou v dalším textu použity pro modelování rozhraní obvodu a obvodových prvků, tzv. portů (viz níže, definice 8). V této chvíli postačí, bude-li port prvku $x \in E'_{CUA}$ chápán jako vývod tohoto prvku, tj. jako vstup resp. výstup patřící do rozhraní prvku x. Nejprve definujme množinu $ORBIT_{CUA}$, která obsahuje m-tice bran. Některé m-tic z této množiny budou později vybrány, aby tvořily vícebitové rozhraní - tzv. porty - obvodových prvků a obvodu.

Definice 7: Buď $ORBIT_{CUA} = \{p | p = (p_{m-1}, \ldots, p_0) \in BI^+_{CUA} \cup BCI^+_{CUA} \cup BO^+_{CUA} \cup BPI^+_{CUA} \cup BPO^+_{CUA} \cup BPO^+_{CUA} a \forall p_i, p_j, i \neq j: p_i \neq p_j \land \beta_E(p_i) = \beta_E(p_j), \text{ kde } i, j, m \in \mathbb{N}, m \geq 1; 0 \leq i, j \leq (m-1)\}.$

Buď $\pi_{BIT} : ORBIT_{CUA} \times \mathbb{N} \to BIT_{CUA}$ zobrazení definované předpisem $\pi_{BIT}((p_{m-1}, \ldots, p_0), i) = p_i; i, m \in \mathbb{N}, m \ge 1, 0 \le i \le (m-1).$

Buď π_{LEX} : $ORBIT_{CUA} \rightarrow ORBIT_{CUA}$ zobrazení, přiřazující prvku $x \in ORBIT_{CUA}$ prvek $x' \in ORBIT_{CUA}$ takový, že $\pi_{BITS}(x') = \pi_{BITS}(x)$ a brány v prvku x' jsou lexikograficky uspořádány ve směru zleva doprava.

Každý prvek $p \in ORBIT_{CUA}$ tedy v daném pořadí sdružuje *m* bran do jednoho celku, přičemž *m* je u dvou různých celků obecně různé. Jelikož situace, kdy port prvku $p \in E'_{CUA}$ obsahuje danou bránu vícekrát je nereálná, protože vede pouze ke složitějšímu rozhraní prvku $x = \beta_E(\pi_{BIT}(p,0)) \in E'_{CUA}$, jsou z množiny $ORBIT_{CUA}$ vyloučeny jednak ty celky, které obsahují duplicitní brány (jejich vyloučení je zajištěno podmínkou $p_i \neq p_j$ v definici 7) a jednak ty celky, které obsahují brány příslušející více než jednomu prvku (jejich vyloučení je zajištěno podmínkou $\beta_E(p_i) = \beta_E(p_j)$ v definici 7). Jisté celky z množiny $ORBIT_{CUA}$ pak mohou být vybrány, aby reprezentovaly port prvku x (viz níže, definice 8).

Podstatné také je, že v celku sdružené brány jsou téhož typu z hlediska plnění funkce datového resp. řídicího vstupu či výstupu prvku x.

K dílčím branám p_{m-1}, \ldots, p_0 (prvku p množiny $ORBIT_{CUA}$) lze přistupovat pomocí zobrazení π_{BIT} tak, že zápisem $\pi_{BIT}(p, i)$ bude zpřístupněna brána p_i prvku p.

Příklad 11: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24 (strana 62), nechť MUX1 $\in E'_{CUA}$, nechť $\forall x \in \{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3, q_0, \ldots, q_3, sel_0, c_0, \ldots, c_{24}\} \subset BIT_{CUA}$: $\beta_E(x) = MUX1$ a nechť $A = \{a_0, \ldots, a_3, b_0, \ldots, b_3\} \subseteq BI_{CUA}$, $B = \{sel_0\} \subseteq BCI_{CUA}$, $C = \{q_0, \ldots, q_3\} \subseteq BO_{CUA}$. Pak $A^+ \cup B^+ \cup C^+ \subseteq ORBIT_{CUA}$.

Věta 1: Nechť platí úmluva 1 ze strany 63. Pro každý $p = (p_{m-1}, \ldots, p_0) \in ORBIT_{CUA}$ platí, že brány p_{m-1}, \ldots, p_0 , které sdružuje, jsou vzájemně odlišné, jsou téhož typu⁵ a příslušejí témuž prvku z E'_{CUA} .

Důkaz: Předpokládejme, že existuje $p \in ORBIT_{CUA}$ takový, že sdružuje brány odlišných typů. Pro takový p by platilo $p \in X = (BI_{CUA} \cup BCI_{CUA} \cup BO_{CUA} \cup BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA} \cup BPO_{CUA})^+$. Podle definice 7 platí $p \in Y = (BI_{CUA}^+ \cup BCI_{CUA}^+ \cup BO_{CUA}^+ \cup BPI_{CUA}^+ \cup BPI_{CUA}^+ \cup BPI_{CUA}^+ \cup BPI_{CUA}^+ \cup BPI_{CUA}^+ \cup BPO_{CUA}^+)$. Pro každý prvek $p \in X$ by tedy současně muselo platit i $p \in Y$, což vzhledem k $Y \subset X$ nelze a vzniká tím spor. Vstupní předpoklad je tedy chybný.

Vzájemná odlišnost bran sdružených v p
 resp. příslušnost bran sdružených v p k témuž prvku z
 E'_{CUA} plyne z podmínky $\forall p_i, p_j, i \neq j: p_i \neq p_j \land \beta_E(p_i) = \beta_E(p_j)$, důkaz je tedy zřejmý. \Box

Definice 8^{**}: Nechť $\psi': E'_{CUA} \to 2^{ORBIT_{CUA}}$ je zobrazení přiřazující každému prvku $x \in E'_{CUA}$ jeho rozhraní tak, že je splněna podmínka $\forall p \in \psi'(x): \beta_E(\pi_{BIT}(p, 0)) = x$. Uspořádanou *m*-tici $p = (p_{m-1}, \ldots, p_0) \in \psi'(x)$ budeme nazývat *m*-bitový port prvku x, číslo m budeme nazývat (bitová) šířka portu p a bránu $p_i = \pi_{BIT}(p,i)$ budeme nazývat *i. bit portu p.*

Port p nazýváme

- vstupní (datový resp. řídicí), platí-li $\pi_{BIT}(p,0) \in BI_{CUA} \cup BPI_{CUA} \cup BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA}$ $(\pi_{BIT}(p,0) \in BI_{CUA} \cup BPI_{CUA} \text{ resp. } \pi_{BIT}(p,0) \in BCI_{CUA} \cup BPCI_{CUA}),$
- výstupní, platí-li $\pi_{BIT}(p,0) \in BO_{CUA} \cup BPO_{CUA}$.

Platí-li navíc $p \in \psi'(cir_{CUA})$, nazýváme navíc port p primárním portem (obvodu CUA). Obdobně port, který není primární, budeme nazývat portem obvodového prvku $x = \beta_E(\pi_{BIT}(p, 0))$ (obvodu CUA), popř. obecně vnitřním portem obvodu CUA.

Nedoj
de-li tím k nedorozumění, budeme někdy pro zpřehlednění
 $m\mbox{-bitový}$ portp prvku xzkráceně značit

- $x.p \setminus m$ nebo
- x.p, je-li m vztahující se k portu p známo či je v daném kontextu nepodstatné nebo pouze
- p hovoříme-li o obecném portu p nebo je-li informace o jeho prvku a šířce známa

Bránu $\pi_{BIT}(p,0)$ m-bitového portu p budeme nazývat *nejnižším bitem portu* p nebo *nejméně významným bitem portu* p, bránu $\pi_{BIT}(p, m-1)$ budeme nazývat *nejvyšším bitem portu* p nebo *nejvíce významným bitem portu* p.

Příklad 12: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24 (strana 62) a nechť MUX1 $\in E'_{CUA}$. Definujme rozhraní prvku MUX1 tak, že $\psi'(MUX1) = \{(a_3, a_2, a_1, a_0), (b_3, b_2, b_1, b_0), (sel_0), (q_3, q_2, q_1, q_0)\}.$

Pak porty $a = (a_3, a_2, a_1, a_0), b = (b_3, b_2, b_1, b_0)$ jsou vstupní 4-bitové datové porty prvku MUX1, port $sel = (sel_0)$ je vstupní 1-bitový řídicí port prvku MUX1 a port $q = (q_3, q_2, q_1, q_0)$ je výstupní 4-bitový datový port prvku MUX1.

Použijeme-li zkráceného zápisu podle definice 8, budeme tyto porty prvku MUX1 značit

 $^{^{5}}$ podle definice 6, strana 63

 $MUX1.a \langle 4, MUX1.b \rangle \langle 4, MUX1.sel \rangle \langle 1, MUX1.q \rangle \langle 4, resp.$ MUX1.a, MUX1.b, MUX1.sel, MUX1.q, resp. $a \langle 4, b \rangle \langle 4, sel \rangle \langle 1, q \rangle \langle 4, resp.$ a, b, sel, q.

Úmluva 2: Pokud nebude uvedeno jinak, pak budeme-li v této práci reprezentovat obvod graficky, pak jej budeme vždy zakreslovat tak, že na levé straně schématu každého prvku $x \in E'_{CUA}$ budou umístěny jeho vstupní porty a na pravé straně schématu prvku budou umístěny jeho výstupní porty.

Nebude-li uvedeno jinak, tak brány jednotlivých portů budou zakreslovány tak, že brána s větším indexem bude umístěna nad branou s menším indexem. \Box

Definice 9:** Budte

- $IN_{CUA} = \{x \mid x \text{ je vnitřní vstupní datový port obvodu CUA}\},$
- $CIN_{CUA} = \{x \mid x \text{ je vnitřní vstupní řídicí port obvodu CUA}\},$
- $OUT_{CUA} = \{x \mid x \text{ je vnitřní výstupní port obvodu CUA}\},$
- $PIN_{CUA} = \{x \mid x \text{ je primární vstupní datový port obvodu CUA}\},$
- $PCIN_{CUA} = \{x \mid x \text{ je primární vstupní řídicí port obvodu CUA}\},$
- $POUT_{CUA} = \{x \mid x \text{ je primární výstupní port obvodu CUA}\},$
- $P_{CUA} = IN_{CUA} \cup CIN_{CUA} \cup OUT_{CUA}$,
- $PORT_{CUA} = P_{CUA} \cup PIN_{CUA} \cup PCIN_{CUA} \cup POUT_{CUA}$,

množiny portů obvodu CUA.

V souvislosti s příslušností portu p do množiny IN_{CUA} , CIN_{CUA} , PIN_{CUA} , $PCIN_{CUA}$, OUT_{CUA} resp. $POUT_{CUA}$ hovoříme o typu portu. Nepředpokládáme-li v modelu výskyt vstupně-výstupních portů, pak každý port náleží právě do jedné z množin IN_{CUA} , CIN_{CUA} , PIN_{CUA} , $PCIN_{CUA}$, OUT_{CUA} , $POUT_{CUA}$.

Věta 2: Nechť platí úmluva 1 ze strany 63. Pro každý $p = (p_{m-1}, \ldots, p_0) \in PORT_{CUA}$ platí, že brány p_{m-1}, \ldots, p_0 , které sdružuje, jsou vzájemně odlišné, jsou téhož typu (podle definice 6, strana 63) a příslušejí témuž prvku z E'_{CUA} .

Důkaz: Jelikož z definic 8 a 9 plyne $PORT_{CUA} \subseteq ORBIT_{CUA}$ (obvykle dokonce $PORT_{CUA} \subset ORBIT_{CUA}$), je důkaz zřejmý z důkazu platnosti věty 1, uvedeném na straně 65.

Důsledek: Pokud by se v popisu obvodu měl vyskytnout "port"⁶, pro který by věta 2 neplatila, může být tento port modelován pouze tehdy, bude-li vhodně modifikován či rozčleněn na takové dílčí porty, pro které věta 2 platí

Nevyskytují-li se v CUA vstupně-výstupní porty, pak množiny portů IN_{CUA} , CIN_{CUA} , OUT_{CUA} , PIN_{CUA} , $PCIN_{CUA}$, $POUT_{CUA}$ zavedené v definici 9 jsou třídami rozkladu množiny $PORT_{CUA}$. Množina P_{CUA} je definována pro účely případného použití definic modelu [Růž02] - také ostatní definice jsou záměrně zapsány tak, aby byl výsledný model slučitelný s výchozím modelem [Růž02].

Příklad 13: Nechť je dán číslicový obvod Diffeq se strukturou na obrázku 23, strana 61 a nechť pro rozhraní prvků množiny E'_{Diffeq} (prvky množiny E'_{Diffeq} viz příklad 7, strana 60) platí

 $\psi'(cir_{Diffeq}) = \{cir_{Diffeq}.a, cir_{Diffeq}.clk, cir_{Diffeq}.const2, cir_{Diffeq}.dx, cir_{Diffeq}.sel1, \dots, w, w\}$ $cir_{Diffeq}.sel7\},$ $\psi'(MUX1) = \{MUX1.a, MUX1.b, MUX1.sel, MUX1.q\},\$ $\psi'(MUX2) = \{MUX2.a, MUX2.b, MUX2.sel, MUX2.q\},\$ $\psi'(MUX3) = \{MUX3.a, MUX3.b, MUX3.sel, MUX3.q\},\$ $\psi'(MUX4) = \{MUX4.a, MUX4.b, MUX4.c, MUX4.sel1, MUX4.sel2, MUX4.q\},\$ $\psi'(MUX5) = \{MUX5.a, MUX5.b, MUX5.sel, MUX5.q\},\$ $\psi'(MUX6) = \{MUX6.a, MUX6.b, MUX6.sel, MUX6.q\},\$ $\psi'(MUL1) = \{MUL1.a, MUL1.b, MUL1.q\},\$ $\psi'(MUL2) = \{MUL2.a, MUL2.b, MUL2.q\},\$ $\psi'(ADD) = \{ADD.a, ADD.b, ADD.q\},\$ $\psi'(SUB) = \{SUB.a, SUB.b, SUB.q\},\$ $\psi'(COMP) = \{COMP.a, COMP.b, COMP.q\},\$ $\psi'(REG1) = \{REG1.d, REG1.clk, REG1.q\},\$ $\psi'(REG2) = \{REG2.d, REG2.clk, REG2.q\},\$ $\psi'(REG3) = \{REG3.d, REG3.clk, REG3.q\},\$ $\psi'(REG4) = \{REG4.d, REG4.clk, REG4.q\},\$ $\psi'(REG5) = \{REG5.d, REG5.clk, REG5.q\},\$ $\psi'(REG6) = \{REG6.d, REG6.clk, REG6.q\},\$

 $\begin{aligned} & \text{Pak } IN_{Diffeq} = \{ MUX1.a, MUX1.b, MUX2.a, MUX2.b, MUX3.a, MUX3.b, MUX4.a, \\ & MUX4.b, MUX4.c, MUX5.a, MUX5.b, MUX6.a, MUX6.b, MUL1.a, MUL1.b, MUL2.a, \\ & MUL2.b, ADD.a, ADD.b, SUB.a, SUB.b, COMP.a, COMP.b, REG1.d, REG2.d, REG3.d, \\ & REG4.d, REG5.d, REG6.d \}, \end{aligned}$

 $CIN_{Diffeq} = \{MUX1.sel, MUX2.sel, MUX3.sel, MUX4.sel1, MUX4.sel2, MUX5.sel, MUX6.sel, REG1.clk, REG2.clk, REG3.clk, REG4.clk, REG5.clk, REG6.clk\},$

 $\begin{aligned} &OUT_{Diffeq} = \{MUX1.q, MUX2.q, MUX3.q, MUX4.q, MUX5.q, MUX6.q, MUL1.q, \\ &MUL2.q, ADD.q, SUB.q, COMP.q, REG1.q, REG2.q, REG3.q, REG4.q, REG5.q, REG6.q\}, \\ &PIN_{Diffeq} = \{cir_{Diffeq}.a, cir_{Diffeq}.const2, cir_{Diffeq}.dx\}, \end{aligned}$

 $PCIN_{Diffeq} = \{ cir_{Diffeq}.clk, cir_{Diffeq}.sel1, cir_{Diffeq}.sel2, cir_{Diffeq}.sel3, cir_{Diffeq}.sel4, cir_{Diffeq}.sel5, cir_{Diffeq}.sel6, cir_{Diffeq}.sel7 \},$

 $POUT_{Diffeq} = \{cir_{Diffeq}.result\}$

⁶záměrně je psáno "port", protože pokud neplatí věta 2, pak se nejedná o port podle definice 8; takový "port" nelze modelovat popisovaným modelem - leda že by jeho popis byl tomuto modelu přizpůsoben

Definice 10^{**}: Buď $D = VAL \cup \{0,1\}^+$ množina hodnot, které se mohou vyskytnout na portu obecné šířky. Buď $D_m = \{0,1\}^m \cup \{\uparrow,\downarrow\}^m$ množina všech hodnot, které se mohou vyskytnout na *m*-bitovém portu, $m \ge 1, m \in \mathbb{N}$.

Věta 3: Na *m*-bitovém portu *p* se může vyskytnout buď hodnota z množiny $\{0, 1\}^m$ nebo hodnota z množiny $\{\uparrow, \downarrow\}^m$.

Důkaz: Podle definice 6, strana 63 je každá brána tvořící rozhraní některého prvku z E'_{CUA} umístěna dle svého typu do množin BI_{CUA} , BCI_{CUA} , BO_{CUA} , BPI_{CUA} , $BPCI_{CUA}$ resp. BPO_{CUA} . Podle předpokladu učiněného v definici 4, strana 62 se na dané bráně může vyskytovat pouze jedna z hodnot 0, 1 nebo jedna z hodnot \uparrow, \downarrow podle toho, zda se jedná o bránu datovou nebo řídicí - tj. v závislosti na typu brány.

Jelikož podle věty 1, strana 65 mj. platí, že brány, které jsou sdruženy v prvku $p \in ORBIT_{CUA}$ jsou téhož typu, tj. (podle definice 6) náležejí právě do jedné z množin BI_{CUA} , BCI_{CUA} , BO_{CUA} , BPI_{CUA} , $BPCI_{CUA}$, BPO_{CUA} , pak se na branách příslušejících prvku p mohou vyskytovat pouze hodnoty z množiny $\{0, 1\}$ nebo hodnoty z množiny $\{\uparrow, \downarrow\}$. Protože z definic 8 a 9 plyne $PORT_{CUA} \subseteq ORBIT_{CUA}$ (obvykle dokonce $PORT_{CUA} \subset ORBIT_{CUA}$), pak toto platí i pro obecný port, speciálně pak také pro m-bitový port.

Definice 11: Buď zobrazení $\pi_{BITS} : ORBIT_{CUA} \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující portu $p \mid m$ množinu jeho bitů definované předpisem $\pi_{BITS}(p) = \{\pi_{BIT}(p, i) \mid i = 0, ..., m - 1\}$ a zobrazení $\pi_W : ORBIT_{CUA} \to \mathbb{N}$ přiřazující portu $p \mid m$ jeho šířku definované předpisem $\pi_W(p) = |\pi_{BITS}(p)|$.

Příklad 14: Nechť je dán výsek CUA dle obrázku 25 umístěného na straně 72.

Pak $\pi_{BITS}(REG4.d) = \{REG4.d_7, REG4.d_6, REG4.d_5, REG4.d_4, REG4.d_3, REG4.d_2, REG4.d_1, REG4.d_0\},\$

 $\pi_{BITS}(REG4.q_1) = \{REG4.q_7, REG4.q_6, REG4.q_5, REG4.q_4, REG4.q_3, REG4.q_2, REG4.q_1, REG4.q_0\},\$

 $\begin{aligned} \pi_{BITS}(REG4.clk) &= \{REG4.clk_0\}, \\ \pi_{BITS}(MUX3.a) &= \{MUX3.a_3, MUX3.a_2, MUX3.a_1, MUX3.a_0\}, \\ \pi_{BITS}(MUX3.b) &= \{MUX3.b_3, MUX3.b_2, MUX3.b_1, MUX3.b_0\}, \\ \pi_{BITS}(MUX3.el) &= \{MUX3.sel_0\}, \\ \pi_{BITS}(MUX3.q) &= \{MUX3.q_3, MUX3.q_2, MUX3.q_1, MUX3.q_0\}, \\ \pi_{BITS}(SUB1.a) &= \{SUB1.a_3, SUB1.a_2, SUB1.a_1, SUB1.a_0\}, \\ \pi_{BITS}(SUB1.b) &= \{SUB1.b_3, SUB1.b_2, SUB1.b_1, SUB1.b_0\}, \\ \pi_{BITS}(SUB1.q) &= \{SUB1.q_3, SUB1.q_2, SUB1.q_1, SUB1.q_0\}, \\ \pi_{W}(REG4.d) &= 8, \\ \pi_{W}(REG4.clk) &= 1, \\ \pi_{W}(MUX3.a) &= 4, \\ \pi_{W}(MUX3.b) &= 4, \\ \pi_{W}(MUX3.sel) &= 1, \\ \pi_{W}(SUB1.a) &= 4, \end{aligned}$

$$\pi_W(SUB1.b) = 4,$$

$$\pi_W(SUB1.q) = 4.$$

Definice 12^{**}: Nechť existuje zobrazení ν : $ORBIT_{CUA} \rightarrow D$ nazvané ohodnocení portů a přiřazující portu $p \mid m$ uspořádanou *m*-tici jednobitových hodnot (*m*-bitovou hodnotu), definované předpisem $\nu(p) = (v_{m-1}, \ldots, v_0) \Leftrightarrow \forall p_i : \beta_V(p_i) = v_i$, kde $p_i = \pi_{BIT}(p, i), i \in \{0, \ldots, m-1\}$.

Definice 12 umožňuje modelovat výskyt konkrétních dat na daném portu - např. *n*-bitové hodnoty na *n*-bitovém portu, nástupné resp. sestupné hrany na hodinovém portu atp. Pro výskyt dat na daném portu platí věta 3, strana 68.

Příklad 15: Nechť je dán prvek MUX1 z obrázku 24 (strana 62) a nechť je jeho rozhraní zvoleno dle příkladu 12, strana 65. Pak zápis $\nu(MUX1.a) = (1,0,0,0)$ nebo např. zkráceně $\nu(a) = (1,0,0,0)$ vyjadřuje situaci, kdy se na portu MUX1.a vyskytuje hodnota (1,0,0,0), tj. situaci, kdy $\nu(a_3, a_2, a_1, a_0) = (1,0,0,0)$, což znamená, že pro složky a_3, a_2, a_1, a_0 portu MUX1.a současně platí $\beta_V(a_3) = 1$, $\beta_V(a_2) = 0$, $\beta_V(a_1) = 0$ a $\beta_V(a_0) = 0$.

Definice 13: Nechť je dán obvodový prvek $e \in E'_{CUA}$ a množina $X_e = \{x_1, \ldots, x_k\} \subseteq \bigcup_{y \in Y} \pi_{BITS}(y)$, kde $Y = \psi'(e) \setminus (OUT_{CUA} \cup POUT_{CUA})$, $k \in \mathbb{N}$. Každé zobrazení $\alpha: X_e \to D_1$ takové, že $\alpha(x_1) = \beta_V(x_1), \ldots, \alpha(x_k) = \beta_V(x_k)$ nazveme *režimem činnosti prvku e*; pak každý port $p \in \psi'(e)$, pro který $\exists i: \pi_{BIT}(p, i) \in X_e$ (každou bránu z množiny X_e) nazveme *řídicím portem (řídicí branou) režimu činnosti \alpha prvku e*.

Režim α nazveme⁷ momentálně postačujícím pro dané chování prvku e (resp. že režim momentálně postačuje pro dané chování prvku e), pokud $\neg \exists z \in Def(\alpha)$ takové, že totéž chování prvku e lze také zajistit nastavením režimem $\alpha \setminus (\{z\} \times D_1)$ prvku e.

Množina režimů činnosti prvku *e* je pak definována jako množina $M_e = \{\alpha \mid \alpha \text{ je reži-mem činnosti prvku } e \in E'_{CUA}\}$, množina režimů všech obvodových prvků *CUA* jako množina $M_{CUA} = \bigcup_{\forall e \in E'_{CUA}} M_e$.

Množina X_e je tedy podmnožinou bran, příslušejících vstupním portům prvku $e \in E'_{CUA}$. Přítomnost dat na těchto branách způsobí, že prvek e bude mít na svých vstupech data, která obecně ovlivňují jeho činnost. To, na které ze vstupních bran prvku e je třeba nastavit jaké hodnoty, aby prvek e pracoval v jistém režimu své činnosti, je určeno jednak obsahem množiny X_e a jednak zobrazením α určujícím, jaká data se na branách z množiny X_e vyskytují. K již existujícím pojmům řídicí port, řídicí brána tato definice přidává pojmy řídicí port režimu činnosti prvku a řídicí brána režimu činnosti prvku.

Příklad 16: Jako první příklad k definici 13 si vezměme MUX1 z obrázku 24 (strana 62) s rozhraním podle příkladu 12, strana 65. Pro MUX1 platí $Y = \{a_3, a_2, a_1, a_0, b_3, b_2, b_1, b_0, sel_0, q_3, q_2, q_1, q_0\} \setminus \{q_3, q_2, q_1, q_0\} = \{a_3, a_2, a_1, a_0, b_3, b_2, b_1, b_0, sel_0\}$. Podle definice 13 není za režim činnosti prvku MUX1 pokládáno pouze každé nastavení řídicí brány (v tomto případě brány sel_0) na danou hodnotu (tj. zobrazení α definované předpisem $sel_0 \mapsto 0$ resp. předpisem $sel_0 \mapsto 1$, kde $X_e = \{sel0\} \subseteq Y$), ale také každé zobrazení α s nosičem $X_e \subseteq Y$ - např. zobrazení α (na množině $X_e = \{a_3, a_2, a_1, a_0\} \subseteq Y$) definované předpisem $a_3 \mapsto 0, a_2 \mapsto 1, a_1 \mapsto 1, a_0 \mapsto 0$.

⁷v daném časovém okamžiku

Další příklady k definici 13 budou demonstrovány na prvcích z obrázku 20 (strana 52). V následujícím textu budou ke každému prvku z tohoto obrázku uvedeny příklady vybraných režimů jeho činnosti.

- MUX je prvek z obrázku 20a, strana 52. Nechť $MUX \in E'_{CUA}$, nechť pro jeho rozhraní platí $\psi'(MUX) = \{x0, x1, x2, x3, sel0, sel1, y\}$ a nechť $x0 = (x0_1, x0_0), x1 = (x1_1, x1_0), x2 = (x2_1, x2_0), x3 = (x3_1, x3_0), sel0 = (sel0_0), sel1 = (sel1_0), y = (y_1, y_0), kde$ $<math>\{x0_1, x0_0, x1_1, x1_0, x2_1, x2_0, x3_1, x3_0\} \subset BI_{CUA}, \{sel0_0, sel1_0\} \subset BCI_{CUA}, \{y_1, y_0\} \subset BO_{CUA}$. Pak $Y = BI_{CUA} \cup BCI_{CUA} = \{x0_1, x0_0, x1_1, x1_0, x2_1, x2_0, x3_1, x3_0, sel0_0, sel1_0\}$. Režimem činnosti prvku MUX je např. každé zobrazení α s nosičem $X_e = \{sel_0, sel_1\},$ tj. každé nastavení řídicích vstupů multiplexoru MUX na jistou hodnotu - touto hodnotou je určeno, ze kterého vstupu prvku MUX budou data přenesena na výstup prvku MUX - pro takovou činnost byl MUX1 navržen (např. zobrazení α definované předpisem $sel_0 \mapsto 0, sel_1 \mapsto 1$ zajistí takový režim činnosti, ve kterém budou data ze vstupu MUX.x1přenesena na výstup MUX.y)
- NOT je prvek z obrázku 20b (strana 52). Nechť NOT ∈ E'_{CUA}, nechť pro jeho rozhraní platí ψ'(NOT) = {x, y} a nechť x = (x₇, x₆, x₅, x₄, x₃, x₂, x₁, x₀), y = (y₇, y₆, y₅, y₄, y₃, y₂, y₁, y₀), kde {x₇, x₆, x₅, x₄, x₃, x₂, x₁, x₀} ⊂ BI_{CUA}, {y₇, y₆, y₅, y₄, y₃, y₂, y₁, y₀} ⊂ BO_{CUA}. Pak Y = BI_{CUA} ∪ BCI_{CUA} = {x₇, x₆, x₅, x₄, x₃, x₂, x₁, x₀}; režimem činnosti prvku NOT je každé zobrazení α s nosičem X_e ⊆ Y. Všimněme si však, že pro provádění činnosti, pro kterou byl prvek NOT navržen (tj. aby na výstup y byla zaslána data, která jsou negací dat ze vstupu x) není třeba nastavovat data na žádné řídicí vstupy prvku NOT (prvek NOT také žádné řídicí vstupy nemá) stačí pouze přiložit vstupní data na vstup x a (po jistém zpoždění) odebrat jejich negaci z výstupu y. Prvek NOT je tedy příkladem prvku, který byl navržen pouze pro provádění jediné činnosti pokud bychom chtěli tuto činnost vyjádřit režimem činnosti podle definice 13, zjistili bychom, že nosič zobrazení α musí být prázdná množina a tedy režim činnosti odpovídající této jediné činnosti bude prázdné zobrazení α.
- ADD je prvek z obrázku 20c (strana 52). Nechť $ADD \in E'_{CUA}$, nechť pro jeho rozhraní platí $\psi'(ADD) = \{x0, x1, y\}$ a nechť $x0 = (x0_1, x0_0), x1 = (x1_1, x1_0), y = (y_1, y_0),$ kde $\{x0_1, x0_0, x1_1, x1_0\} \subset BI_{CUA}, \{y_1, y_0\} \subset BO_{CUA}$. Pak $Y = BI_{CUA} \cup BCI_{CUA} = \{x0_1, x0_0, x1_1, x1_0\}$. Obdobně jako předcházející prvek NOT, tak ani prvek ADD nemá žádné vstupy nutné pro řízení činnosti, pro kterou byl navržen. Pro provádění činnosti, pro kterou byl ADD navržen (tj. aby na výstup y byla zaslána hodnota, která je součtem hotnot ze vstupů x0 a x1) tedy stačí pouze přiložit vstupní data na vstupy x0, x1 a (po jistém zpoždění) odebrat jejich součet z výstupu y. Přestože však prvek ADD nemá řídicí vstupy, je jeho činnost ovlivněna nejenom tím, jaká data jsou na jednom z jeho vstupních datových portů, ale také tím, jaká data jsou na jeho druhém vstupním datovém portu. Z režimů činnosti prvku ADD tedy vyberme tři následující (každý z nich reprezentuje jiný popis původní činnosti prvku ADD):
 - režim činnosti prvku ADD je prázdné zobrazení α . Na výstup y je zaslána hodnota, která je součtem hodnot vyskytujících se na vstupech x0, x1,
 - režim činnosti prvku ADD je zobrazení α s nosičem $X_e = \{x0_1, x0_0\}$. Přiložením různých dat na brány z množiny X_e obecně dosáhneme toho, že na tutéž hodnotu na vstupu x1 bude ADD reagovat různými odezvami na výstupu y. Z tohoto pohledu můžeme na brány z množiny X_e pohlížet jako na řídicí,
 - obdobně, režim činnosti prvku ADD je zobrazení α s nosičem $X_e = \{x1_1, x1_0\}$. Přiložením různých dat na brány z množiny X_e obecně dosáhneme toho, že na tutéž

hodnotu na vstupu x0 bude ADD reagovat různými odezvami na výstupu y. Z tohoto pohledu můžeme na brány z množiny X_e pohlížet jako na řídicí.

• REG je prvek z obrázku 20d (strana 52). Nechť $REG \in E'_{CUA}$, nechť pro jeho rozhraní platí $\psi'(REG) = \{x, clk, y\}$ a nechť $x = (x_3, x_2, x_1, x_0)$, $clk = (clk_0)$, $y = (y_3, y_2, y_1, y_0)$, kde $\{x_3, x_2, x_1, x_0\} \subset BI_{CUA}$, $\{clk_0\} \subset BCI_{CUA}$, $\{y_3, y_2, y_1, y_0\} \subset BO_{CUA}$. Pak Y = $BI_{CUA} \cup BCI_{CUA} = \{x_3, x_2, x_1, x_0, clk_0\}$; Režimem činnosti prvku REG je např. každé zobrazení α s nosičem $X_e = \{clk_0\}$, tj. každé nastavení vstupu clk_0 na jistou hodnotu pro port řízený hranou je to buď hodnota \uparrow nebo hodnota \downarrow - touto hodnotou je určeno, zda data, vyskytující se na vstupu x registru REG budou uložena do paměťových prvků tohoto registru a také zda budou k dispozici na výstupu y registru REG; tedy zobrazení, které zajistí takový režim činnosti, ve kterém budou data ze vstupu REG.x uložena do registru a budou přítomna na výstupu REG.y je v tomto případě zobrazení α definované předpisem $clk_0 \mapsto \uparrow$ resp. předpisem $clk_0 \mapsto \downarrow$.

Cílem tohoto příkladu nebylo uvést všechny režimy činnosti výše uvedených prvků, jelikož uvedení jejich výčtu⁸ by vedlo k nepřehlednosti textu; cílem bylo blíže demonstrovat význam režimu činnosti prvku podle definice 13 a ukázat tím, že prvek je obecně schopen pracovat ve více režimech činnosti, než pro které byl původně navržen. Dalším z cílů bylo ukázat, že režim činnosti prvku nemusí být určen pouze hodnotami na řídicích branách a řídicích portech, ale že může být určen také hodnotami na datových vstupech a výstupech daného prvku - tedy i prvek, který neobsahuje žádnou (explicitně takto označenou) řídicí bránu obecně může pracovat v několika režimech činnosti.

Pomocí výše uvedených definic již dokážeme zkonstruovat množinu prvků CUA a pro každý z těchto prvků modelovat jeho rozhraní, tj. vstupy a výstupy. To však pro model struktury číslicového obvodu nepostačuje, protože zatím nemáme prostředky pro modelování spojů mezi porty prvků, tj. prostředky pro modelování vzájemného vodivého propojení mezi rozhraními obvodových prvků obvodu. Tyto prostředky budou zavedeny až v následujících definicích.

4.1.2 Model spojů a datového toku

Definice 14^{**}: Nechť $C_{BIT} \subset BIT_{CUA} \times BIT_{CUA}$ je relace na množině BIT_{CUA} reprezentující spoj mezi branami definovaná takto: $(x, y) \in C_{BIT} \Leftrightarrow$ mezi x a y existuje spoj.

Dále, nechť $C \subset PORT_{CUA} \times PORT_{CUA}$ je relace na množině $PORT_{CUA}$ reprezentující spoj mezi porty definovaná takto: $(p,q) \in C \Leftrightarrow \exists x \in \pi_{BITS}(p), y \in \pi_{BITS}(q)$: $(x,y) \in C_{BIT}$.

Šířka spoje mezi porty p, q je definována jako $C_W = |C_{BIT} \cap (\pi_{BITS}(p) \times \pi_{BITS}(q))|$

Pokud pro brány x, y platí $(x, y) \in C_{BIT}$, pak mezi branami x, y existuje vodivé spojení, tj. spoj, jehož existence je nutnou podmínkou pro přenos dat mezi těmito branami.

Obdobně, spoj mezi porty p, q existuje právě tehdy, když existuje spoj mezi branami x, y, kde x je nějaká brána příslušející portu p (tj. $x \in \pi_{BITS}(p)$) a y je nějaká brána příslušející portu q (tj. $y \in \pi_{BITS}(q)$).

Šířka spoje C_W mezi porty p, q je definována jako počet dvojic bran portů p, q, mezi nimiž existuje spoj.

Věta 4: Relace C_{BIT} resp. relace C je reflexivní, symetrická a tranzitivní.

 $^{^8 {\}rm celkový}$ počet režimů činnosti daného prvku je roven počtu zobrazení $\alpha,$ jejichž nosiči jsou prvky potenční množiny 2^Y



Obrázek 25: Propojení rozhraní prvků

Důkaz: Reflexivita, symetrie a tranzitivita relace C_{BIT} resp. relace C plyne z fyzikální podstaty vodivého spoje. Nechť R označuje relaci C_{BIT} resp. relaci C. Pak 1) každý vývod je spojen sám se sebou, tj. xRx (reflexivita R), 2) je-li vývod x spojen s vývodem y (tj. xRy), pak je současně i vývod y spojen s vývodem x, tj. yRx (symetrie R), 3) je-li vývod x spojen s vývodem y (tj. xRy) a je-li současně vývod y spojen s vývodem z (tj. yRz), pak je také vývod x spojen s vývodem z, tj. xRz (tranzitivita R).

Definice 15: Nechť $F_{BIT} \subseteq C_{BIT}$ je binární relace na množině BIT_{CUA} taková, že $(a, b) \in F_{BIT} \Leftrightarrow$ je možný tok jednobitových dat ve směru z brány a na bránu b.

Dále, nechť $F \subseteq C$ je binární relace na množině $PORT_{CUA}$ definovaná takto: $(p,q) \in F \Leftrightarrow$ množina $F_{BIT} \cap (\pi_{BITS}(p) \times \pi_{BITS}(q))$ je neprázdná.

F je tedy relace "směru toku dat" mezi dvěma porty p, q. Zřejmě, pokud $(p,q) \in F$, je existuje tok dat ve směru z portu $p \in PORT_{CUA}$ na port $q \in PORT_{CUA}$.

4.2 Model transparentních režimů a datových cest

V následujícím textu budou, v duchu myšlenek nastíněných zejména v odstavci 3.4.1, strana 50, zavedeny pojmy týkající se trasparentních režimů obvodových prvků a transparentních (diagnostických) datových cest obvodovou strukturou a tyto pojmy budou zahrnuty do budovaného modelu.

4.2.1 Model transparentních režimů

Z předchozího textu je patrné následující:

- jisté brány obvodového prvku jsou seskupeny do jednoho vícebitového (logického) vývodu, který je "zapouzdřuje"; takovým logickým vývodem je výše definovaný port,
- 2. na vícebitový vývod se pak dále pohlíží jako na jeden port,
- 3. rozhraní modulu se pak často nevyobrazuje detailně pomocí jednobitových vývodů, ale obvykle postačuje stručnější a přehlednější vyobrazení pomocí portů.

V následujícím textu bude zaveden další pojem - virtuální port. Virtuálním portem budeme rozumět logický, v návrhu explicitně nedefinovaný port, který je tvořen vybranými vstupněvýstupními branami modulu. Jelikož každý virtuální port je prvkem množiny $ORBIT_{CUA}$, lze jej chápat jako seskupení vybraných podčástí jistých návrhových vývodů daného modulu; konkrétně pak hovoříme o virtuálním vstupním resp. výstupním portu.



Obrázek 26: Příklad k virtuálním portům a transparentním režimům

Definice 16: Buď definována množina⁹ $VPORT_{CUA} = \{\pi_{LEX}(x) | x \in ORBIT_{CUA}\}$. Prvek $x \in VPORT_{CUA}$ nazveme virtuálním portem (prvku $y = \beta_E(\pi_{BIT}(x, 0))$), přesněji pak

- virtuálním vstupním datovým portem prvku y, pokud $VPORT_{CUA} \subseteq BI^+_{CUA} \cup BPI^+_{CUA}$,
- virtuálním vstupním řídicím portem prvku y, pokud $VPORT_{CUA} \subseteq BCI^+_{CUA} \cup BPCI^+_{CUA}$
- virtuálním výstupním portem prvku y, pokud $VPORT_{CUA} \subseteq BO^+_{CUA} \cup BPO^+_{CUA}$.

Pokud $VPORT_{CUA} \subseteq BPI^+_{CUA} \cup BPCI^+_{CUA} \cup BPO^+_{CUA}$, pak prvek množiny $VPORT_{CUA}$ navíc nazýváme primárním.

Důvodem pro zavádění virtuálních portů je snaha o pozdější snadné a jasné vyjádření možné existence transparentních cest (umožňujících přenos *m*-bitových diagnostických dat ve směru ze vstupů na výstupy daného obvodového prvku, viz zejména odstavec 3.4.1, od strany 50) a podmínek pro jejich vytvoření. Cílem je rozšířit množinu transparentních cest využitelných pro přenos diagnostických dat přes obvodové prvky z množiny cest mezi vývody stejných šířek na množinu dílčích cest o šířkách menších než je šířka nejmenšího z obou vývodů a transparentních cest mezi vývody různých šířek. Pro přenos diagnostických dat přes obvodové prvky tak bude možno co nejlépe využít režimů a cest, kterými dané prvky disponují.

V následujícím příkladu bude ukázána důležitost co nejpřesnější informace o transparentnosti daného obvodového prvku - bude-li totiž v důsledku umístění obvodového prvku do struktury obvodu vyloučena (z důvodu nemožnosti zajištění příslušného režimu činnosti daného obvodového prvku) existence některých - bitově širších - transparentních cest, bude výhodné, bude-li k dispozici informace o tom, zda a jak je možné zajistit režim, umožňující existenci transparentní cesty, jejíž šířka je blízká požadované šířce toku diagnostických dat. Je zřejmé, že taková informace přispěje k efektivnějšímu využití původních datových cest pro účely přenosu diagnostických dat.

⁹při implementaci a aplikaci v praxi bude výhodné, omezíme-li tuto množinu tak, aby $\forall x \in VPORT_{CUA}$: $[\exists x' \in \pi_{BITS}(x), y' \in BIT_{CUA}: (x', y') \in F_{BIT} \lor (y', x') \in F_{BIT}]$. Důležité je, že tímto omezením nedojde ke ztrátě informace o diagnostických vlastnostech obvodu. Význam M_S, M_I viz níže - definice 17, strana 75

Příklad 17: Na obrázku 26 je příklad obvodového prvku $(M \in E'_{CUA})$, jehož rozhraní je tvořeno vstupními porty $a = (a_1, a_0), b = (b0)$ a výstupním portem $q = (q_2, q_1, q_0), a, b, q \in PORT_{CUA}$.

Vstupně-výstupní chování prvku M je popsáno rovnicemi uvedenými na obrázku 26b). Je možné ho popsat takto: 1) hodnota z brány a_0 je vždy přenesena na bránu q_0 a 2) hodnoty z bran a_1 , a_0 jsou přeneseny na brány q_2 , q_1 negované právě když $b_0 = 1$ tj. je-li $b_0 = 0$, pak $\beta_V(q_2) = \beta_V(a_1), \ \beta_V(q_1) = \beta_V(q_0) = \beta_V(a_0);$ jinak $\beta_V(q_2) = \neg\beta_V(a_1), \ \beta_V(q_1) = \neg\beta_V(a_0),$ $\beta_V(q_0) = \beta_V(a_0).$

Na obrázcích 26c - h je pak uvedeno několik případů, kdy je prvek M schopen zajistit (v jistém režimu své činnosti) bijekci hodnot mezi svými jistými vstupy a výstupy.

Pro obrázek 26c zvolme z $\{b_0, a_1, a_0\}^+$ virtuální vstupní port $x_c = (b_0, a_1, a_0)$ a z $\{q_2, q_1, q_0\}^+$ virtuální výstupní port $y_c = (q_2, q_1, q_0)$. Zřejmě i pro každé jiné zvolené x_c, y_c existuje bijekce ftaková, že $\nu(y_c) = f(\nu(x_c))$. Pro existenci bijekce f je režim činnosti (dle definice 13, strana 69) prázdná množina, tzn. že bijekce f existuje vždy (tj. neexistují data, jejichž přiložení na vstupy M by podmiňovalo existenci f). Prvek M je tedy schopen přenést libovolná 3-bitová data ze svých vstupů na své výstupy. To, zda je možno na virtuálním portu x_c zajistit libovolnou 3bitovou kombinaci, však závisí na umístění prvku ve struktuře CUA. Následující případy ukáží, že za jistých okolností je možné přenést určitá data i v případě, že některé kombinace bitů není možno na vstupech M zajistit - šířka takto přenesených dat sice bude menší než 3, avšak podstatné je, že k tomuto přenosu bude možno využít původních datových cest obvodu.

Pro obrázek 26d zvolme z $\{a_1, a_0\}^+$ virtuální vstupní port $x_d = (a_1, a_0)$ a z $\{q_2, q_1\}^+$ virtuální výstupní port $y_d = (q_2, q_1)$. Zřejmě i pro každé jinak zvolené x_d, y_d existuje bijekce f taková, že $\nu(y_d) = f(\nu(x_d))$. V tomto případě však f závisí na tom, jaká hodnota se vyskytuje na bráně b_0 , a režim činnosti je jednoprvková množina $\{b_0, 0\}$ nebo $\{b_0, 1\}$. Požadavek na výskyt kombinace hodnot na vstupech M již v tomto případě není tak přísný jako v případě c. K přenosu dat - tentokrát však pouze 2-bitových - postačuje, aby bylo možno na bráně b_0 zajistit jednu z hodnot 0, 1. Volba tohoto 2-bitového přenosu řízeného hodnotou vyskytující se na bráně b_0 zřejmě bude na místě tehdy, bude-li např. ztíženo či znemožněno zajistit (nezávisle na datech na branách a_1 , a_0) výskyt některé z hodnot 0, 1 na bráně b_0 . Obdobnou situaci lze sledovat v případě obrázku 26e - v tomto případě je virtuální vstupní port x_e volen z množiny $\{b_0, a_0\}^+$ a virtuální výstupní port y_e volen z množiny $\{q_2, q_0\}^+$. Existence bijekce f je v případě e podmíněna schopností nastavit režim činnosti $\{a_1, 0\}$ nebo $\{a_1, 1\}$.

Poslední tři případy vyobrazené na obrázcích 26f - h ukazují, že transparentní přenos dat ve směru ze vstupů na výstupy prvku M je možný i tehdy, není-li možno dostatečně či vůbec ovládat hodnoty na dvou ze tří vstupních bran. Přenos dat přes prvek M je pak 1-bitový a je možný ve směru ze třetí (tj. zbývající) vstupní brány na některou z výstupních bran prvku M. Na obrázcích f - h jsou vyznačeny vybrané bijekce mezi hodnotami na dané vstupní bráně a hodnotami na dané výstupní bráně, přičemž režim činnosti podmiňující existenci těchto bijekcí je v případě fprázdná množina (tj. bijekce mezi hodnotami na a_0 a hodnotami na q_0 není podmíněná a tedy existuje vždy), v případě g závisí bijekce mezi hodnotami na a_1 a hodnotami na q_2 na hodnotě vyskytující se na bráně b_0 , tj. režim činnosti pro každou z těchto bijekcí je $\{b_0, 0\}$ nebo $\{b_0, 1\}$ a v případě h závisí bijekce mezi hodnotami na b_0 a hodnotami na q_2 na hodnotě na a_1 . Na obrázcích není zvýrazněna např. bijekce hodnot mezi branami a_0 a q_1 řízená hodnotou na bráně b_0 .

I informace o možnosti existence transparentního datového toku o menší šířce dat než by bylo ideální, popř. informace o možnosti datového toku mezi několika v návrhu explicitně definovanými porty (tj. prvky množiny $PORT_{CUA}$), tedy může výrazně přispět k lepšímu využití datových cest v CUA pro přenos diagnostických dat. Díky přesnější informaci totiž dojde k minimalizaci snah o modifikaci datových cest v CUA za účelem lepšího přenosu diagnostických dat, což také přispěje ke snížení rozsáhlosti modifikací obvodové struktury CUA.

V příkladě 17 byla nastíněna problematika spojená s hledáním bijekcí mezi hodnotami na vstupech a hodnotami na výstupech daného obvodového prvku - zejména problematika hledání vnořených bijekcí a problematika hledání bijekcí umožňujících co nejširší datový tok.

Lze snadno nahlédnout, že pro přenos diagnostických dat není nutno vyžadovat nastavení režimu umožňujícího existenci bijekce mezi hodnotami na vstupech a hodnotami na výstupech daného obvodového prvku - již v odstavci 3.4.1 bylo konstatováno, že režimy činnosti obvodového prvku mohou být zařazeny do skupiny režimů vhodných pro přenos testovacích vzorků, skupiny režimů vhodných pro přenos odezev či do skupiny režimů nevhodných pro přenos diagnostických dat, přičemž mohou existovat režimy patřící současně do obou prvních skupin. Příslušnost konkrétního režimu do skupiny pak závisí na tom, zda je prvek schopen pracovat v režimu činnosti, umožňujícím existenci surjekce (pak je režim vhodný pro přenos testovacích vzorků), injekce (pak je režim vhodný pro přenos odezev) či dokonce bijekce (pak je režim vhodný pro přenos libovolných diagnostických dat) mezi daty na vstupech prvku a daty na výstupech prvku. V následujícím textu budou tyto režimy definovány pomocí prostředků zavedeného modelu.

Definice 17: Buďte definovány množiny

- $M_I = \{(x, y) | \exists p \in E'_{CUA}: (x, y \in VPORT_{CUA} \text{ jsou virtuální porty prvku } p \land \exists \text{ posloup-nost}^{10} \alpha_1, \ldots, \alpha_n \in M_p \text{ režimů činnosti taková, že jsou-li režimy nastavovány v pořadí po$ $čínaje režimem <math>\alpha_1$ a konče režimem α_n , pak po nastavení režimu α_n platí $\nu(y) = f(\nu(x))$), kde $n \in \mathbb{N}, n \ge 1$, každé ze zobrazení $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$ momentálně postačuje pro dané chování prvku $p, f: \{0, 1\}^{\pi_W(x)} \to \{0, 1\}^{\pi_W(y)}$ je injektivní zobrazení a data určená k přenosu jsou na x umístěna v rámci některého z režimů $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$ },
- $M_S = \{(x,y) | \exists p \in E'_{CUA}: (x, y \in VPORT_{CUA} \text{ jsou virtuální porty prvku } p \land \exists \text{ posloupnost}^{11} \alpha_1, \ldots, \alpha_n \in M_p \text{ režimů činnosti taková, že jsou-li režimy v pořadí počínaje režimem } \alpha_1 \text{ a konče režimem } \alpha_n, \text{ pak po nastavení režimu } \alpha_n \text{ platí } \nu(y) = f(\nu(x))), \text{ kde } n \in \mathbb{N}, n \geq 1, \text{ každé ze zobrazení } \alpha_1, \ldots, \alpha_n \text{ momentálně postačuje}^{12} \text{ pro dané chování prvku } p, f: \{0, 1\}^{\pi_W(x)} \to \{0, 1\}^{\pi_W(y)} \text{ je surjektivní zobrazení a data určená k přenosu jsou na x umístěna v rámci některého z režimů } \alpha_1, \ldots, \alpha_n \}.$

Zobrazení $f: \{0,1\}^{\pi_W(x)} \to \{0,1\}^{\pi_W(y)}$ dat z x na data y, které je podmíněno podmínkou $p_{xy}[M_I]$ resp. $p_{xy}[M_S]$, bude značeno $f[p_{xy}[M_I]]$ resp. $f[p_{xy}[M_S]]$ a bude nazýváno přenosem dat s podmínkou $p_{xy}[M_I]$ určeným zobrazením f resp. přenosem dat s podmínkou $p_{xy}[M_S]$ určeným zobrazením f. V triviálním případě, kdy neexistují brány, které by ovlivňovaly daný přenos dat, bude takový přenos dat podmíněn jednočlennou posloupností obsahující jako jediný člen prázdný režim činnosti.

Přítomnost prvku (uspořádaná dvojice (x, y)) v některé z těchto množin vyjadřuje, že za jisté podmínky je možno přenést diagnostická data ve směru z virtuálního vstupu x na virtuální

 $^{^{10}}$ každou takovou posloupnost nazveme podmínkou injektivního přenosu dat (jistého zobrazení f dat z x na data na y) prvkem p ve směru z x na y (podmínka bude značena $p_{xy}[M_I]$)

¹¹každou takovou posloupnost nazveme podmínkou surjektivního přenosu dat (jistého zobrazení f dat z x na data na y) prvkem p ve směru z x na y (podmínka bude značena $p_{xy}[M_S]$)

¹²každé ze zobrazení $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$ z posloupnosti $p_{xy}[M_I]$ resp. $p_{xy}[M_S]$ je tedy režimem činnosti neobsahujícím nadbytečné brány, jejichž ovládání nemá žádný vliv na přenos dat z x na y, tj. na zobrazení $f[p_{xy}[M_I]]$ resp. $f[p_{xy}[M_S]]$. Snahou při konstrukci $p_{xy}[M_I]$ resp. $p_{xy}[M_S]$ tedy je pro každý z režimů $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$ nalézt nejmenší množinu bran, na jejichž ovládání tento režim závisí; rozšířením takového režimu o další prvky zřejmě v daném okamžiku nedojde ke změně chování prvku, protože režim by byl rozšířen pouze o ty brány, na nichž chování prvku v daném okamžiku nezávisí - viz definice 13, strana 69

výstup y obvodového prvku, přičemž zobrazení f pak říká, jaký je vztah mezi vstupními daty (daty na x) a výstupními daty (daty na y) tohoto přenosu. V následujícím textu budou zavedeny prostředky, které umožní vyjádřit vztah mezi uspořádanou dvojicí (x, y), podmínkou přenosu dat ve směru z x na y a transformací dat provedenou během přenosu.

V následujícím textu budou definovány relace dávající do vztahu prvek (x, y) z některé z množin z definice 17 (tj. zdrojový (x) a cílový (y) virtuální port datového přenosu) s režimem (podmínkami) nutným pro nastavení přenosu dat z x na y a se zobrazením f, udávajícím vstupně-výstupní charakter tohoto přenosu dat strukturou daného prvku.

Definice 18: Buďte definovány relace $R_{HT_I} = \{(x, y, f[p_{xy}[M_I]], p_{xy}[M_I]) | p \in E'_{CUA}, (x, y) \in M_I$, prvek p se během činnosti dané aplikací $p_{xy}[M_I]$ započaté v libovolném vnitřním stavu prvku p dostane do každého vnitřního stavu nejvýše jednou $\}$,

 $R_{HT_S} = \{(x, y, f[p_{xy}[M_S]], p_{xy}[M_S]) | p \in E'_{CUA}, (x, y) \in M_S,$ prvek p se během činnosti dané aplikací $p_{xy}[M_S]$ započaté v libovolném vnitřním stavu prvku p dostane do každého vnitřního stavu nejvýše jednou}

a zobrazení R_{HT} : $(R_{HT_I} \cup R_{HT_S}) \times \mathbb{N} \to M_e$ přiřazující prvku $z = (x, y, f[p_{xy}], p_{xy}) \in R_{HT_I} \cup R_{HT_S}$, kde p_{xy} je posloupnost $\alpha_1, \ldots, \alpha_n$, a číslu $k \in \mathbb{N}, 1 \leq k \leq n$, režim α_k . \Box

Pro každý obvodový prvek tedy relace R_{HT_I} a R_{HT_S} poskytují dostatečně přesnou informaci jak o možnostech přenosu a transformace vstupních dat na výstupní, tak o nezbytných podmínkách, které musí být splněny, aby se tento přenos včetně transformace uskutečnil. Tato informace pak může být využita zejména k urychlení postupů, které potřebují pracovat s co nejpřesnějšími informacemi o jistých vlastnostech obvodových prvků - takové postupy pak nemusejí tyto informace složitě získávat až během provádění postupu z popisu prvků, ale mohou je jednoduše načíst např. z knihovny prvků obohacené právě o tyto informace. Příkladem oblasti, kde může být informace obsažená v relacích R_{HT_I} , R_{HT_S} úspěšně využita, je oblast zabývající se problematikou hierarchického generování testu.

Věta 5: Nechť $p \in E'_{CUA}$. Pokud $\exists z = (x, y, f[p_{xy}], p_{xy}) \in R_{HT_I} \cup R_{HT_S}$, kde p_{xy} je posloupnost s alespoň dvěma členy, pak p je sekvenční prvek; jinak je p buď kombinační prvek nebo sekvenční prvek neumožňující pracovat v režimu činnosti zaručujícím přenos diagnostických dat

Pro účely analýzy testovatelnosti však tak detailní a obsáhlé informace není třeba. Řadu informací (velmi užitečných např. při hierarchickém generování testu) lze v případě analýzy testovatelnosti zanedbat, a to zejména informaci o existenci několika různých zobrazení mezi týmiž virtuálními porty řízených týmiž branami či informaci o konkrétním tvaru daných zobrazení. Z hlediska analýzy testovatelnosti totiž není podstatné, jak konkrétně přenos mezi dvěma virtuálními porty vypadá, ale zda je možné nějaký zajistit a za jakých podmínek. Co však např. je pro účely analýzy testovatelnosti třeba, je informace o branách daného prvku, mezi nimiž je možný datový přenos, spojená do relace s informací o množině řídicích bran tohoto přenosu. Další text se bude zabývat popisem informace využitelné pro analýzu testovatelnosti CUA.

Definice 19: Množinu $\bigcup_{i=1}^{\text{délka posloupnosti } p_{xy}[M_I]} Def(\alpha_i)$ resp. $\bigcup_{i=1}^{\text{délka posloupnosti } p_{xy}[M_S]} Def(\alpha_i)$, kde α_i je *i*. člen posloupnosti $p_{xy}[M_I]$ resp. $p_{xy}[M_S]$ nazveme *množinou řídicích bran podmínky* $p_{xy}[M_I]$ resp. $p_{xy}[M_S]$.

Buďte definovány relace $R_{TA_I} = \{(x, y, k, X) | (x, y, f[p_{xy}[M_I]], p_{xy}[M_I]) \in R_{HT_I} \land k$ je délka nejkratší posloupnosti $p_{xy}[M_I]$ s množinou X řídicích bran podmínky $p_{xy}[M_I]$ a

 $R_{TA_S} = \{(x, y, k, X) | (x, y, f[p_{xy}[M_S]], p_{xy}[M_S]) \in R_{HT_S} \land k \text{ je délka nejkratší posloupnosti} p_{xy}[M_S] \text{ s množinou } X \text{ řídicích bran podmínky } p_{xy}[M_S] \}.$

Prvky relace R_{TA_I} resp. R_{TA_S} jsou tedy uspořádané čtveřice (x, y, k, X), kde x je zdrojový a y cílový virtuální port daného datového toku přes prvek $p = \beta_E(x) = \beta_E(y)$, k určuje nejmenší počet (délku nejkratší sekvence) režimů v podmínce přenosu a $X \subseteq BIT_{CUA}$ je množinou řídicích bran podmínky tohoto přenosu. Je-li možné přenést data prvkem p ve směru z x na y několika způsoby takovými, že množiny řídicích bran podmínek p_{xy} každého z těchto přenosů jsou si rovny, pak je zřejmé, že podle definice 19 bude v relaci R_{TA_I} resp. R_{TA_S} obsažena pouze jedna čtveřice (a to ta, která informuje o délce nejkratší sekvence režimů v příslušné podmínce), což povede k rychlejšímu zjištění, jestli mezi danými množinami bran téhož prvku může existovat požadovaný datový tok, ovládáním jakých (dalších) bran a jakou nejkratší sekvenční délkou je jeho existence podmíněna.

Z pohledu analýzy testovatelnosti tedy není nutné zjištění, jaké konkrétní zobrazení (přenos) mezy daty z x a daty z y lze zajistit, ale postačuje informace o tom, zda takový přenos je možný, zda je vhodný pro přenos testovacího vzorku či odezvy, jaká je množina řídicích bran tohoto přenosu a jaká je nejkratší sekvenční délka tohoto přenosu.

Jelikož historicky dříve zavedená koncepce *I-režimů* resp. *T-režimů* je speciálním případem v této práci použité koncepce, je možno prostředky z této práce využít také k popisu dřívějších koncepcí.

4.2.2 Model transparentních datových cest

Struktura číslicového obvodu, jehož diagnostické vlastnosti zkoumáme, je tvořena obvodovými prvky, které jsou přes svá rozhraní propojeny vodivými spoji. V předchozím textu byly zavedeny prostředky pro popis datového toku po spojích (odstavec 4.1.2) a prostředky pro popis datového toku přes strukturu každého z obvodových prvků (4.2.1); společným použitím těchto prostředků je možno - pomocí dvojice orientovaných grafů G_S , G_I definovaných níže - vyjádřit model toku diagnostických dat v obvodu CUA.

Definice 20: Nechť $X = \{(x, y) | x, y \in VPORT_{CUA} \land \exists x', y': (x', y') \in F_{BIT} \cap \pi_{BITS}(x) \\ \times \pi_{BITS}(y)\}, n_X = |X|, n_S = |R_{TA_S}|, n_I = |R_{TA_I}|$ a nechť jsou prvky množin $|X|, |R_{TA_S}|$ a $|R_{TA_I}|$ označeny tak, že $X = \{h_1, \ldots, h_{n_X}\}, R_{TA_S} = \{h'_{n_X+1}, \ldots, h'_{n_X+n_S}\}$ a $R_{TA_I} = \{h''_{n_X+1}, \ldots, h''_{n_X+n_I}\}$. Buď definován

• graf datového toku testovacích vzorků $G_S = (V_S, E_S, \sigma_S)$, kde $V_S \subseteq VPORT_{CUA}$ je množina uzlů grafu G_S , $E_S = \{h_{S1}, \ldots, h_{Sn_X+n_S}\}$ je množina hran grafu G_S a kde $\sigma_S : E_S \rightarrow (V_S \times V_S)$ je incidence grafu G_S přiřazující hraně h_{Si} , $i \in \{1, \ldots, n_X + n_S\}$ uspořádanou dvojici uzlů (x, y)

takovou, že
$$\begin{cases} h_i = (x, y) & \text{ je-li } 1 \leq i \leq n_X \\ h'_i = (x, y, k, X) & \text{ je-li } n_X + 1 \leq i \leq n_X + n_S \end{cases}$$

a kde V_S je volena největší taková, že neobsahuje izolované uzly,

• graf datového toku odezev $G_I = (V_I, E_I, \sigma_I)$, kde $V_I \subseteq VPORT_{CUA}$ je množina uzlů grafu G_I , $E_I = \{h_{I1}, \ldots, h_{In_X+n_I}\}$ je množina hran grafu G_I a kde $\sigma_I \colon E_I \to (V_I \times V_I)$ je incidence grafu G_I přiřazující hraně h_{Ii} , $i \in \{1, \ldots, n_X + n_I\}$ uspořádanou dvojici uzlů (x, y)

takovou, že
$$\begin{cases} h_i = (x, y) & \text{ je-li } 1 \le i \le n_X \\ h''_i = (x, y, k, X) & \text{ je-li } n_X + 1 \le i \le n_X + n_I \end{cases}$$

a kde V_I je volena největší taková, že neobsahuje izolované uzly.

Dále zaveďme ohodnocení

• $w_{SX}: E_S \rightarrow 2^{BIT_{CUA}}$ hran grafu G_S jako zobrazení definované předpisem

$$h_{Si} \mapsto \begin{cases} \emptyset & \text{je-li } 1 \le i \le n_X \\ X, \text{kde } (x, y, k, X) = h'_i & \text{je-li } n_X + 1 \le i \le n_X + n_S \end{cases}$$

• $w_{IX}: E_I \rightarrow 2^{BIT_{CUA}}$ hran grafu G_I jako zobrazení definované předpisem

$$h_{Ii} \mapsto \begin{cases} \emptyset & \text{je-li } 1 \leq i \leq n_X \\ X, \text{kde } (x, y, k, X) = h''_i & \text{je-li } n_X + 1 \leq i \leq n_X + n_I \end{cases}$$

• $w_{SSeq}: E_S \to \mathbb{N}$ hran grafu G_S jako zobrazení definované předpisem

$$h_{Si} \mapsto \begin{cases} 0 & \text{je-li } 1 \le i \le n_X \\ k, \text{kde } (x, y, k, X) = h'_i & \text{je-li } n_X + 1 \le i \le n_X + n_S \end{cases}$$

• $w_{ISeq}: E_I \to \mathbb{N}$ hran grafu G_I jako zobrazení definované předpisem

$$h_{Ii} \mapsto \begin{cases} 0 & \text{je-li } 1 \leq i \leq n_X \\ k, \text{kde } (x, y, k, X) = h_i'' & \text{je-li } n_X + 1 \leq i \leq n_X + n_I. \end{cases}$$

Orientovanou hranou jsou v grafu G_S resp. G_I tedy spojeny ty uzly (virtuální porty obvodových prvků), mezi nimiž je možno ve směru daném orientací hrany přenášet diagnostická data, tj. testovací vzorky resp. odezvy. Redukovanou informaci využitelnou během analýzy testovatelnosti - tj. informaci pouze o zdroji, cíli přenosu, řídicích branách a sekvenční délce podmínky každého takového přenosu lze získat pomocí ohodnocení w_{SX} , w_{SSeq} resp. w_{IX} , w_{ISeq} . Další informace (využitelné např. během hierarchického generování testu), jako např. informaci o pořadí aplikace a hodnotovém řízení jednotlivých dílčích režimů dané podmínky či informaci o transformaci daných diagnostických dat prováděné během jejich přenosu mezi uzly s každou hranou incidujícími (informaci o zobrazení vstupních dat na výstupní data během daného přenosu) lze získat z relací zavedených v definici 18. V dalším textu bude představena metoda, která pro každý virtuální port v obvodu (a následně i pro port z množiny $PORT_{CUA}$) využije redukované informace k tomu, že ohodnotí možnost a snadnost jak nastavení testovacího vzorku na tento port, tak sledování hodnoty vyskytující se na tomto portu. Zejména bude analyzováno, jaké procento datové šířky každého portu je možno ovládat/sledovat a jaká bude náročnost nastavení testovacího vzorku resp. sledování odezvy.

Definice 21: Nechť $x \in VPORT_{CUA}$ a nechť je ke každému zobrazení $\sigma: A \to (B \times B)$ zavedeno zobrazení $\overline{\sigma}: A \to (B \times B)$ takové, že $\forall x \in A: (\overline{\sigma}(x) = (b_2, b_1) \Leftrightarrow \sigma(x) = (b_1, b_2)).$

Nechť $G''_S = (V''_S, E''_S, \sigma''_S)$ je takový podgraf grafu $G'_S = (V_S, E_S, \overline{\sigma}_S)$, že G''_S je kořenovým stromem s kořenem y (kde $y \in V_S$ je virtuální port, pro který platí $\pi_{BITS}(x) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset$), jehož každý list náleží množině BP^+_{CUA} a $\neg \exists (u_1, u_2), (v_1, v_2) \in Im(\sigma''_S) \cap M_S^{-1}$: $[(u_1, u_2) \neq (v_1, v_2) \land \pi_{BITS}(u_1) \cap \pi_{BITS}(v_1) \neq \emptyset]$. Každý graf $\overline{G}_{S[x]} \stackrel{def}{=} (V''_S, E''_S, \overline{\sigma}''_S)$ bude nazván systémem transparentních cest pro nastavení dat na port x pokud $\forall z \in \{y' \mid y' \in V''_S \cap Def(M_S) \text{ není listem}$ ani kořenem v $G''_S\}$: $\exists (y_1, z), \ldots, (y_n, z) \in \overline{\sigma}''_S$: $\{z' \mid (y', z') \in F_{BIT}, y' \in \pi_{BITS}(y_i), i = 1, \ldots, n\} = \pi_{BITS}(z)$. Kořenem resp. listy systému $\overline{G}_{S[x]}$ bude označován kořen resp. listy stromu G''_S .

Každý podgraf $\overline{G}_{I[x]} \stackrel{def}{=} (V'_I, E'_I, \sigma'_I)$ grafu G_I takový, že $\overline{G}_{I[x]}$ je kořenovým stromem s kořenem y (kde $y \in V_I$ je virtuální port, pro který platí $\pi_{BITS}(x) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset$), jehož každý list náleží množině BP^+_{CUA} , bude nazván systémem transparentních cest pro sledování dat na portu x pokud $[\neg \exists (u_1, u_2), (v_1, v_2) \in Im(\sigma'_I) \cap M_I: (u_1, u_2) \neq (v_1, v_2) \land \pi_{BITS}(u_2) \cap \pi_{BITS}(v_2) \neq \emptyset]$ $\land [\forall z \in \{y' | y' \in V'_I \cap Def(M_I)$ není listem ani kořenem v $G''_S\}: \exists (y_1, z), \ldots, (y_n, z) \in \sigma'_I: \{z' | (y', z') \in F_{BIT}, y' \in \pi_{BITS}(y_i), i = 1, \ldots, n\} = \pi_{BITS}(z)].$

Kořen systému $\overline{G}_{S[x]}$ resp. $\overline{G}_{I[x]}$ je virtuální port, který je v případě $\overline{G}_{S[x]}$ cílem přenosu testovacích vzorků resp. v případě $\overline{G}_{I[x]}$ zdrojem přenosu odezev datového toku. Listy systému $\overline{G}_{S[x]}$ resp. $\overline{G}_{I[x]}$ jsou virtuální porty, které jsou v případě $\overline{G}_{S[x]}$ zdrojem přenosu testovacích vzorků resp. v případě $\overline{G}_{I[x]}$ cílem přenosu odezev datového toku. Orientovanou hranou jsou v systému $\overline{G}_{S[x]}$ resp. $\overline{G}_{I[x]}$ spojeny ty virtuální porty, mezi nimiž je možný datový přenos (ve směru daném orientací hrany) buď vnitřní strukturou daného obvodového prvku nebo po spojích, přičemž pro každý virtuální port, který není ani kořenem ani listem systému, platí, že je koncovým uzlem právě takového počtu hran, že lze zajistit datový tok pro každou jeho bránu.

Každý systém $\overline{G}_{S[x]}$ tedy představuje cesty, pomocí nichž je možné ovládat hodnoty na bráně x, branách portu x či branách virtuálního portu x (tj. nastavit testovací vzorek či jeho část z primárních vstupů CUA na x) prvku $p = \beta_E(\pi_{BIT}(x,0)) \in E'_{CUA}$. Obdobně, systém $\overline{G}_{I[x]}$ představuje cesty, pomocí nichž je možné sledovat data z x prvku p na primárních výstupech CUA. V obou případech je pro existenci daného systému (a tím i příslušného přenosu strukturou prvku p) nutno zajistit výskyt jistých dat (obecně posloupnosti dat) na primárních vstupech CUA. Obecně pak v konkrétním časovém okamžiku během aplikace testu neplatí, že daný systém je aktivní celý, ale je aktivní pouze jeho dílčí část momentálně sloužící k přenosu požadovaných dat. Zbylá část systému může být neaktivní např. z důvodu současně probíhajícího přenosu diagnostických dat příslušejících jiné bráně resp. portu.

Jelikož pro každý prvek $x \in VPORT_{CUA}$ může obecně existovat více systémů (tj. způsobů přenosu diagnostických dat) $\overline{G}_{I[x]}$ resp. $\overline{G}_{S[x]}$, bude vhodné zavést jak množiny těchto systémů pro dané x, tak množiny všech těchto systémů v CUA.

Definice 22: Pro $x \in VPORT_{CUA}$ buďte definovány množiny $\overline{G}_{I}[x] = \bigcup \overline{G}_{I[x]}, \overline{G}_{S}[x] = \bigcup \overline{G}_{S[x]}$ a množiny $\overline{G}_{I} = \bigcup_{x \in VPORT_{CUA}} \overline{G}_{I}[x], \overline{G}_{S} = \bigcup_{x \in VPORT_{CUA}} \overline{G}_{S}[x]$. Dále buďte definována zobrazení

- $\tau_R: \overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ množinu bran jeho kořenu podle předpisu $x \mapsto \pi_{BITS}(y)$, kde y je kořen systému x
- $\tau_L: \overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ množinu bran jeho listů podle předpisu $x \mapsto \{y \mid y \in \pi_{BITS}(z), z \text{ je listem systému } x\}$
- τ_{CBits} : $\overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ množinu bran nutných k řízení režimů činností obvodových prvků v samostatném¹³ systému x podle předpisu

$$x \mapsto \begin{cases} \bigcup_{y \in E(x)} w_{SX}(y) & \text{pokud } x \in \overline{G}_S \\ \bigcup_{y \in E(x)} w_{IX}(y) & \text{pokud } x \in \overline{G}_I \\ 0 & \text{pokud } |V(x)| = 1 \end{cases}$$

 $^{^{13}}$ samostatným systém
em je myšlen systém, který je vyjmut ze struktury CUA,a
by bylo možno analyzovat jej nezávisle na jeho konkrétním okolí v
 CUA

• $\tau_{Seq}: \overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to \mathbb{N}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ sekvenční délku samostatného systému x podle předpisu

$$x \mapsto \begin{cases} \max_{\forall C} (\sum_{i=1}^{n} w_{SSeq}(h_{Ci})) & \text{pokud } x \in \overline{G}_{S} \\ \max_{\forall C} (\sum_{i=1}^{n} w_{ISeq}(h_{Ci})) & \text{pokud } x \in \overline{G}_{I} \\ 0 & \text{pokud } |V(x)| = 1 \end{cases}$$

kde C je orientovaná cesta v systému x a kde $\{h_{C1}, \ldots, h_{Cn}\}$ je množina hran v cestě C

• τ_{NSti} : $\overline{G}_I \cup \overline{G}_S \mathbb{N}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ odhad počtu podnětů (stimulů) bran nutných pro řízení režimů činností samostatného systému x podle předpisu

$$x \mapsto \begin{cases} \max_{\forall C} (\sum_{i=1}^{n} w_{SSeq}(h_{Ci}) \cdot |w_{SX}(h_{Ci})|) & \text{pokud } x \in \overline{G}_{S} \\ \max_{\forall C} (\sum_{i=1}^{n} w_{ISeq}(h_{Ci}) \cdot |w_{IX}(h_{Ci})|) & \text{pokud } x \in \overline{G}_{I} \\ 0 & \text{pokud } |V(x)| = 1 \end{cases}$$

kde C je orientovaná cesta v systému x a kde $\{h_{C1}, \ldots, h_{Cn}\}$ je množina hran v cestě C

- $\overline{\tau}_{CBits}$: $\overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ množinu všech bran nutných k řízení režimů činností v systému x podle předpisu $x \mapsto System_CBits(x, \{\})$, kde System_CBits je funkce provádějící činnost formálně popsanou v algoritmu 1, strana 81,
- $\overline{\tau}_{Seq}$: $\overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ jeho sekvenční délku podle předpisu $x \mapsto System_Seq(x, \{\})$, kde $System_Seq$ je funkce provádějící činnost formálně popsanou v algoritmu 2, strana 81,
- $\overline{\tau}_{NSti}$: $\overline{G}_I \cup \overline{G}_S \to \mathbb{N}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S$ odhad počtu všech podnětů (stimulů) pro řízení režimů činností v systému x podle předpisu $x \mapsto System_Sti(x, 0, \{\})$, kde System_Sti je funkce provádějící činnost formálně popsanou v algoritmu 3, strana 82.

Pomocí zobrazení τ_R , τ_L je možno získat množinu bran kořenu resp. bran listů daného systému, tj. množinu zdrojových resp. cílových bran datového přenosu s cestami reprezentovanými daným systémem. Zobrazení τ_{CBits} , τ_{Seq} a τ_{NSti} přiřazují danému systému množinu řídicích bran, sekvenční délku a odhad počtu podnětů tak, že není brán ohled na zapojení tohoto systému (tj. obvodových prvků, jejichž brány jsou součástí tohoto systému) do struktury CUA. Snahou těchto zobrazení je ohodnotit pouze datovou část systému (tj. část, kterou prochází přenášená data) a stanovit, jaké jsou za předpokladu, že je zanedbáno zapojení daného systému do struktury CUA (tj. za předpokladu, je-li daný systém samostatný), podmínky a náklady tohoto přenosu. Samozřejmě s touto základní informací (platnou pouze pro samostatný systém) nevystačíme, chceme-li systém ohodnotit s ohledem na jeho zapojení ve struktuře CUA - takové ohodnocení však bude vycházet z dané základní informace.

U každého systému tedy lze konstatovat, že má část datovou, která slouží k přenosu požadovaných dat a část řídicí, která slouží k řízení tohoto datového přenosu. Přitom k řízení datového přenosu jsou použity jiné systémy, které mají opět část datovou a řídicí. Z tohoto pohledu každý datový přenos obecně závisí jak na řídicích signálech, tak na datovém toku obvodem. Vhodným příkladem zde může být přenos dat z primárních vstupů CUA na výstup dvoustupové sčítačky - takový přenos je např. podmíněn jednak přítomností přenášených dat na jednom datovém vstupu sčítačky a jednak existencí vhodných dat na zbylém datovém vstupu sčítačky. Vyjmutím systému ze struktury CUA zůstává zachována informace o jeho datové části, ale informace o řídicí části je zjednodušena tak, že brány systému neúčastnící se datového přenosu jsou považovány za primární brány CUA.

Pro ohodnocení systému s ohledem na jeho zapojení ve struktuře CUA jsou definována zobrazení $\overline{\tau}_{CBits}, \overline{\tau}_{Seq}$ a $\overline{\tau}_{NSti}$. Tato zobrazení, narozdíl od zobrazení uvedených výše, předpokládají takové zapojení systému, jaké plyne ze struktury CUA a zohledňují tak nejen datovou, ale také řídicí část přenosu. Konstrukce těchto zobrazení však není triviální, jelikož vyžaduje analýzu grafové struktury CUA a proto je popsána samostatnými algoritmy¹⁴ uvedenými níže.

Jako první je uveden algoritmus System_CBits, pomocí něhož je ilustrován význam zobrazení $\overline{\tau}_{CBits}$. Vstupem algoritmu je brána/port/virtuální port x a množina A obsahující vstupní řídicí brány. Algoritmus vrací množinu bran, účastnících se přenosu dat na x, tj. množinu bran, které je třeba pro zajišťění tohoto přenosu řídit, přičemž pro každé řízení je vždy volen systém s nejkratší sekvenční délkou mající nejmenší množinu řídicích bran (4. bod algoritmu). Algoritmus ošetřuje dva speciální případy x - prvním je případ (2. bod algoritmu), kdy x je tvořen pouze primárními branami CUA a druhým je případ (3. bod algoritmu), kdy přenos dat na x je podmíněn předchozím řízením x, tj. dochází k výskytu datové závislosti. V prvním případě je vrácena prázdná množina, protože pro řízení primárních bran není třeba řídit žádné jiné brány; v druhém případě je zjištěna datová závislost, nemá tedy smysl touto cestou pokračovat dále a je vrácena aktuální množina řídicích bran.

Algoritmus 1

Funkce System_CBits(x, A): vrací podmnožinu množiny BIT_{CUA}

- 1. [Aktualizace množiny řídicích bran] $A' := A \cup \tau_{CBits}(x) \cup \tau_R(x)$
- 2. [Kořenem systému x je primární brána CUA] Vrať prázdnou množinu pokud $\tau_R(x) \subseteq BP_{CUA}$
- 3. [Některá z řídicích bran datově závisí na x] Vrať A' pokud $\exists y \in \tau_{CBits}(x)$: $\forall z \in \overline{G}_S[y]$: System_CBits $(z, \{\}) \cap A' \neq \emptyset$
- 4. [Všechny řídicí brány jsou datově nezávislé na x] Vrať $A' \cup \left(\bigcup_{y \in \tau_{CBits(x)}} C_y\right)$, kde $C_y = System_CBits(z, A')$ je nejmenší množina při $z \in \overline{G}_S[y] \land System_Seq(z, \{\}) = min_{\forall z' \in \overline{G}_S[y]}(System_Seq(z', \{\}))$

Druhým algoritmem je algoritmus System_Seq. Pomocí něj je ilustrován význam zobrazení $\overline{\tau}_{Seq}$. Vstupem algoritmu je opět brána/port/virtuální port x a množina A obsahující vstupní řídicí brány. Algoritmus vrací celé číslo, určující nejkratší sekvenční délku systému pro přenos dat na x (4. bod algoritmu). Algoritmus ošetřuje tytéž speciální případy x jako v případě algoritmu System_CBits. V prvním případě je vráceno číslo 0, protože pro řízení primárních bran není třeba žádné mezihodnoty - naopak, na primární brány lze přikládat požadovaná data přímo; v druhém případě je zjištěna datová závislost, nemá tedy smysl touto cestou pokračovat dále či zkoumat sekvenční vlastnosti této části obvodu a je vrácena hodnota ∞ .

Algoritmus 2

Funkce System_Seq(x, A): vrací číslo z množiny \mathbb{N}

1. [Aktualizace množiny řídicích bran]

 $A' := A \cup \tau_{CBits}(x) \cup \tau_R(x)$

2. [Kořenem systému x je primární brána CUA]

¹⁴tyto algoritmy slouží pouze k formálnímu a přehlednému vyjádření významu daných zobrazení, avšak pro vlastní výpočet budou použity jiné algoritmy - viz odstavec 5.2, strana 93

Vrať číslo 0 pokud $\tau_R(x) \subseteq BP_{CUA}$

- 3. [Některá z řídicích bran datově závisí na x] Vrať \sim pokud $\exists u \in \tau_{\alpha, D, u}(x)$: $\forall z \in \overline{C}_{\alpha}[u]$
- Vrať ∞ pokud $\exists y \in \tau_{CBits}(x)$: $\forall z \in \overline{G}_S[y]$: $System_CBits(z, \{\}) \cap A' \neq \emptyset$ 4. [Všechny řídicí brány jsou datově nezávislé na x]
- $\operatorname{Vraf} \tau_{Seq}(x) + \sum_{y \in \tau_{CBits}(x)} \min_{\forall z \in \overline{G}_S[y]}(System_Seq(z, A'))$

Třetím a posledním algoritmem je algoritmus $System_Sti$ ilustrující význam zobrazení $\overline{\tau}_{NSti}$. Vstupem algoritmu je brána/port/virtuální port x, číslo k určující vstupní počet podnětů a množina A obsahující vstupní řídicí brány. Algoritmus vrací celé číslo, určující odhad nejmenšího počtu všech podnětů nutných pro přenos dat na x (4. bod algoritmu). Jako v předchozích algoritmech, i zde jsou ošetřeny dva speciální případy x. V prvním případě je vráceno číslo 0, protože pro řízení primárních bran není třeba žádného dalšího podnětu, než podnětu pro přiložení dat na primární bránu; v druhém případě je zjištěna datová závislost, nemá tedy smysl touto cestou pokračovat dále a je vrácen aktuálně zjištěný počet podnětů.

Algoritmus 3

Funkce System_Sti(x, k, A): vrací číslo z množiny \mathbb{N}

- 1. [Aktualizace počtu podnětů řídicích bran] $k' := k + \tau_{NSti}(x)$
 - $A' := A \cup \tau_{CBits}(x) \cup \tau_R(x)$
- 2. [Kořenem systému x je primární brána CUA] Vrať číslo 0 pokud $\tau_R(x) \subseteq BP_{CUA}$
- 3. [Některá z řídicích bran datově závisí na x] Vrať k' pokud $\exists y \in \tau_{CBits}(x)$: $\forall z \in \overline{G}_S[y]$: System_CBits $(z, \{\}) \cap A' \neq \emptyset$
- 4. [Všechny řídicí brány jsou datově nezávislé na x] Vrať $k' + \sum_{y \in \tau_{CBits(x)}} k_y$, kde $k_y = System_Sti(z, 0, A')$ je pro dané y nejmenší číslo při $z \in \overline{G}_S[y] \land System_Seq(z, \{\}) = min_{\forall z' \in \overline{G}_S[y]}(System_Seq(z, \{\}))$

V dalším textu bude zavedeno zobrazení v_{CBits} , přiřazující obvodu CUA množinu bran ($\subseteq B_{CUA} \cup BP_{CUA}$), z nichž každá se účastní řízení v některém systému $x \in \overline{G}_S \cup \overline{G}_I$, dále zobrazení v_{Seq} , přiřazující obvodu CUA délku nejdelší posloupnosti nutné pro testování brány, portu či virtuálního portu v CUA a konečně zobrazení v_{NSti} , přiřazující obvodu CUA odhad největšího počtu podnětů pro testování brány/portu/virtuálního portu v CUA.

Definice 23: Buďte definována zobrazení

- v_{CBits} : { cir_{CUA} } $\rightarrow 2^{BIT_{CUA}}$ přiřazující CUA množinu bran pro řízení režimů činnosti obvodových prvků obvodu CUA podle předpisu $cir_{CUA} \mapsto \bigcup_{y \in \overline{G}_I \cup \overline{G}_S} \overline{\tau}_{CBits}(y)$,
- v_{Seq} : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{N}$ přiřazující CUA největší sekvenční délku pro testování brány v CUA podle předpisu

 $cir_{CUA}\mapsto (max_{y\in\overline{G}_{I}}\overline{\tau}_{Seq}(y)+max_{y\in\overline{G}_{S}}\overline{\tau}_{Seq}(y))$ a

v_{NSti}: {cir_{CUA}} → N přiřazující CUA odhad největšího počtu podnětů (stimulů) pro testování brány v CUA podle předpisu

 $cir_{CUA} \mapsto (max_{y \in \overline{G}_I} \overline{\tau}_{NSti}(y) + max_{y \in \overline{G}_S} \overline{\tau}_{NSti}(y))$

Výše uvedená zobrazení přesně vystihují informaci, která je myšlena, avšak konstrukce těchto zobrazení, založená na detailní analýze obvodové struktury CUA s použitím $\overline{\tau}_{CBits}, \overline{\tau}_{Seq}$ a $\overline{\tau}_{NSti}$, je poměrně složitá; při návrhu metody a algoritmu pro analýzu testovatelnosti tedy nebude požadována přímo konstrukce těchto zobrazení, ale na místo toho bude použita konstrukce takových zobrazení, která jsou jejich odhadem, nezpůsobujícím zkreslení informace o testovatelnosti obvodu CUA.

Definice 24: Pro odhad zobrazení z definice 23 buďte definována zobrazení

- \overline{v}_{CBits} : $\{cir_{CUA}\} \to 2^{BIT_{CUA}}$ předpisem $cir_{CUA} \mapsto \bigcup_{(x,y,k,X) \in R_{TA_S} \cup R_{TA_I}} X$,
- \overline{v}_{Seq} : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{N}$ předpisem

$$cir_{CUA} \mapsto \sum_{(x,y)\in M_S\cup M_I, X\in 2^{BIT}CUA} \left(\max_{(x',y',k,X)\in R_{TA_S}\cup R_{TA_I}, x'=x,y'=y} k \right) a$$

• \overline{v}_{NSti} : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{N}$ podle předpisu $cir_{CUA} \mapsto \sum_{(x,y)\in M_S\cup M_I, X\in 2^{BIT_{CUA}}} \left(\max_{(x',y',k,X)\in R_{TA_S}\cup R_{TA_I}, x'=x,y'=y} k \cdot |X|\right)$

Zobrazení v_{CBits} přiřazuje CUA pouze ty brány, které lze vzhledem ke struktuře CUA využít k řízení přenosu diagnostických dat, přičemž cesty, kterými tato data budou procházet, jsou určeny systémy transparentních cest. Odhadem tohoto zobrazení bude zobrazení \overline{v}_{CBits} , které nevychází z předchozí detailní analýzy systémů získaných z grafů G_S , G_I a které za bránu, která se účastní přenosu diagnostických dat považuje každou bránu, kterou lze použít k řízení režimu některého z obvodových prvků v CUA, přičemž se již nezkoumá, zda takový režim lze s ohledem na strukturu CUA u daného prvku nastavit či nikoliv.

Zbylá zobrazení, tj. \overline{v}_{Seq} a \overline{v}_{NSti} , také nevycházejí z detailní analýzy grafů G_S , G_I ; jejich pesimistický odhad zobrazení v_{Seq} a v_{NSti} vychází z předpokladu, že nejdelší cesta v grafu, tj. sekvenčně nejdelší cesta pro řízení resp. pozorování brány v CUA (tj. cesta v G_S resp. G_I) je cesta tvořená posloupností všech uzlů G_S resp. G_I , přičemž inciduje-li s dvěma uzly více hran řízených toutéž množinou bran, je z nich vždy vybrána hrana, která je ohodnocena největší sekvenční délkou.

4.3 Shrnutí

Cílem této kapitoly bylo rozšířit výchozí model [Růž02] založený na tzv. koncepci I-cest, o prostředky, pomocí kterých je možno popsat v rámci této práce navrženou metodu pro analýzu testovatelnosti číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů; rozšíření výchozího modelu tedy v žádném případě nebylo samoúčelným, ale bylo vyvoláno potřebou modelovat další skutečnosti týkající se struktury obvodu, jeho podčástí a vlastností. Za nejdůležitější rozšíření výchozího modelu lze považovat následující:

modelování bitových složek portů a spojů, rozlišení bran portů: cílem tohoto rozšíření bylo dosáhnout stavu, umožňujícího u každého portu a každého spoje rozlišit jejich bitové složky zejména za účelem zpřesnění výsledků analýzy datového toku pro přenos diagnostických dat. Dalším důvodem pro zjemnění modelu portů níže, tj. na úroveň rozlišení jejich bitových složek (bran), je snaha neprohlašovat celou šířku datového toku za špatně testovatelnou, je-li špatně testovatelná pouze její část, ale přesně identifikovat

konkrétní z hlediska testovatelnosti problematickou část datového toku včetně bran, které jsou zdrojem špatné testovatelnosti,

- modelování virtuálních portů: virtuálním portem je myšlen "port", který není návrhářem explicitně definován jako součást rozhraní daného obvodového prvku; virtuální port může být složen z bran rozhraní daného prvku a vytvářet tak nový, avšak do návrhového rozhraní nepatřící "port". Důvodem pro zavedení koncepce virtuálních portů je usnadnění definice a popisu transparentních cest vhodných pro přenos diagnostických dat, tj. testovacích vzorků a odezev strukturou konkrétního obvodového prvku,
- zobecnění modelu transparentních režimů: s pomocí virtuálních portů je možno poměrně jednoduše a přehledně popsat režimy činnosti, během nichž je konkrétní obvodový prvek schopen přenést testovací vzorek resp. odezvu svou strukturou, tzn. pro každý obvodový prvek je možno vyjádřit, mezi kterými jeho branami, za jakých podmínek a pomocí jaké transformace je možno přenést daná diagnostická data jeho vnitřní strukturou. Podstata rozšíření oproti výchozímu modelu pak spočívá v tom, že pro přenos diagnostických dat není vyžadována přísná podmínka ve formě I-režimu¹⁵, ale že tato podmínka je rozštěpena na podmínku pro přenos testovacích vzorků¹⁶ strukturou daného obvodového prvku. Zvlášť jsou zkoumány transparentní cesty a podmínky pro přenos testovacích vzorků a zvlášť cesty a podmínky pro přenos odezev. Kromě toho, že není vyžadována bijekce, ale postačuje surjekce či injekce, lze popsat transparentní cesty nejen mezi v návrhu explicitně uvedenými porty tvořícími návrhové rozhraní daného prvku, ale zejména mezi nově zavedenými virtuálními porty. Tím je umožněno popsat mnohem více transparentních cest využitelných pro přenos diagnostických dat, přesněji analyzovat datové cesty daného obvodu s nadějí v získání přesnější informace o testovatelnosti obvodu,
- zobecnění modelu transparentních cest: základem pro obecnější pojetí transparentních cest (oproti koncepci I-cest) je jednak informace o struktuře obvodu a jednak informace o transparentních režimech příslušných obvodových prvků. Na základě informace o možnostech přenosu testovacích vzorků resp. odezev mezi konkrétními virtuálními porty daného obvodového prvku a informace o propojení bran z rozhraní obvodových prvků spoji je možno zkonstruovat graf datového toku testovacích vzorků a graf datového toku odezev. Analýzou struktury těchto grafů je možno nalézt systémy transparentních cest pro nastavení testovacích vzorků na virtuální port resp. pro sledování odezev z daného virtuálního portu a na základě znalostí o těchto systémech ohodnotit testovatelnost daného obvodu.

 $^{^{15}}$ předpokládající přenos, při kterém existuje identická bijekce mezi daty na vstupním m-bitovém portu a daty na výstupním m-bitovém portu daného prvku

¹⁶předpokládající existenci "pouhé" surjekce z dat na vstupním virtuálním portu na data na výstupním virtuálním portu a na podmínku pro přenos odezev předpokládající existenci "pouhé" injekce z dat ze vstupního virtuálního portu na data na výstupním virtuálním portu

Kapitola 5

Metoda analýzy testovatelnosti

Máme-li k dispozici model vybavený prostředky pro popis požadovaných návrhových a diagnostických vlastností číslicového obvodu na úrovni meziregistrových přenosů, můžeme těchto prostředků využít nejprve k popisu vztahů pro ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti (viz podkapitola 5.1) a posléze také k zápisu algoritmů (viz podkapitola 5.2), provádějících ohodnocení vycházející z těchto vztahů.

5.1 Vztahy pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti

Vztahy pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti, jak jsou pojaty v této práci, lze rozdělit do dvou skupin, a to na vztahy pro lokální ohodnocení¹ a na vztahy pro globální ohodnocení² [Str02b, KS02a, Str03b]. Podrobnější komentář k těmto vztahům i komentář ke způsobu a účelu ohodnocení bude ještě uveden v následujícím textu. Na tomto místě zatím uveďme, že za hodnotu sloužící k ohodnocení dané vlastnosti je považováno reálné číslo z uzavřeného intervalu < 0; 1 >, přičemž číslo 0 vyjadřuje absenci této vlastnosti³ a číslo 1 výskyt této vlastnosti v její nejlepším možném stupni⁴.

5.1.1 Vztahy pro lokální ohodnocení

Ohodnocení systémů transparentních cest

Aby bylo možno ohodnotit brány, porty a virtuální porty, je třeba nejprve ohodnotit systémy transparentních cest, tj. systémy, po nichž je možno mezi danými branami, porty resp. virtuálními porty a vývody obvodu přenášet diagnostická data.

Definice 25: Definujme zobrazení τ_{CO} : $\overline{G}_S \cup \overline{G}_I \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující systému $x \in \overline{G}_S \cup \overline{G}_I$ reálné číslo vyjadřující (relativně ke strukturálním vlastnostem CUA) snadnost konstrukce systému x podle předpisu

$$x \mapsto \begin{cases} \left(1 - \frac{\tau_{Seq}(x)}{\upsilon_{Seq}(cir_{CUA}) + 1}\right) \cdot \left(1 - \frac{\tau_{NSti}(x)}{\upsilon_{NSti}(cir_{CUA}) + 1}\right) \cdot \left(\prod_{y \in \tau_{CBits}(x)} \tau_{CO}(G_S[y])\right) & \text{pokud } \overline{\tau}_{Seq}(x) \neq \infty \\ 0 & \text{jinak.} \end{cases}$$

¹tj. ohodnocení konkrétních systémů transparentních cest, dále bran, portů a virtuálních portů

 $^{^2}$ tj. ohodnocení obvoduCUAněkolika ukazazeli jeho testovatelnosti s možností souhrnného ohodnocení testovatelnosti CUA jedinou číselnou hodnotou

³vyjadřuje např. neřiditelnost resp. nepozorovatelnost daného uzlu

⁴vyjadřuje např. bezprostřední řiditelnost resp. pozorovatelnost uzlu pomocí primárních vývodů obvodu

Ze vztahu pro výpočet τ_{CO} dle definice 25 je patrné, že hodnota $\tau_{CO}(x)$ je dána

- sekvenční délkou $\tau_{Seq}(x)$ samostatného systému x,
- odhadem počtu $\tau_{NSti}(x)$ podnětů bran nutných pro řízení režimů činnosti samostatného systému x,
- součinem $\prod_{y \in \tau_{CBits}(x)} \tau_{CO}(G_S[y]) \text{ hodnot } \tau_{CO} \text{ každé z bran } y \text{ nutných k řízení režimů činností obvodových prvků v samostatném systému } x.$

V úvodu této podkapitoly bylo zmíněno, že ohodnocením vlastnosti v této práci bude myšleno reálné číslo z intervalu < 0; 1 >. Následující text se bude věnovat třem speciálním případům, které mohou nastat při ohodnocení τ_{CO} .

První případ: systém x je ohodnocen hodnotou 0 pokud je splněna alespoň jedna z následujících podmínek:

- systém x obsahuje takovou bránu y, že řízení každého jí příslušejícího systému $z \in \overline{G}_S[y]$ je podmíněno předchozím řízením y. Jinými slovy je zjištěno, že existuje brána y, jejíž řízení je podmíněno předchozím nastavením této brány na jistou hodnotu. Tato situace je důsledkem existence nerozbité zpětnovazební smyčky, tj. smyčky, jejíž existence je z pohledu diagnostiky nežádoucí a jejíž testovatelnost je třeba zlepšit,
- systém x obsahuje neovladatelnou řídicí bránu y, tj. bránu, pro jejíž každý systém $z \in \overline{G}_S[y]$ platí $\tau_{CO}(z) = 0$. Neovladatelnost řídicí brány y může být způsobena buď existencí datové závislosti (viz předchozí bod) nebo nemožností ovládat data na bráně y v důsledku neexistence datového toku pro její řízení, kde tato neexistence je způsobena nedostatečnými transparentními vlastnostmi obvodových prvků vyskytujících se na cestách pro řízení y.

Druhý případ: systém x ohodnocen číslem 1, pokud současně platí:

- $\tau_{Seq}(x) = 0$, tj. je-li sekvenční délka samostatného systému x rovna 0, což platí je-li splněna některá z následujících podmínek:
 - systém x je tvořen právě jedním uzlem, který je primárním virtuálním portem CUA (pak totiž |V(x)| = 1 a $E(X) = \emptyset$, z čehož dle definice 22 plyne $\tau_{Seq}(x) = 0$),
 - systém x je bichromatický při takovém obarvení dvěma barvami b_1, b_2 , že každý jeho uzel, který je primárním virtuálním portem CUA lze obarvit barvou b_1 a každý zbývající uzel barvou b_2 . Pak každá hrana v systému x spojuje (bez ohledu na orientaci) uzel, který je primárním virtuálním portem CUA s uzlem, který není primárním virtuálním portem CUA. V takovém případě dle definice 20 pro každou hranu hv systému x platí $w_{SSeq}(h) = 0$ pokud $x \in \overline{G}_S$ resp. $w_{ISeq}(h) = 0$ pokud $x \in \overline{G}_I$,
- $\tau_{NSti}(x) = 0$, tj. je-li odhad počtu podnětů bran nutných pro řízení režimů činnosti samostatného systému x roven 0, což platí za podmínek analogických $\tau_{Seq}(x) = 0$,
- $\forall y \in \tau_{CBits} : \tau_{CO}(G_S[y]) = 1$, tj. s odkazem na komentář k předchozím dvěma podmínkám - pro každou řídicí bránu *b* systému *x* platí, že *b* je buď primární branou *CUA* nebo v systému *x* existuje hrana, která s branou *b* a s některou z primárních bran *CUA* inciduje.

Třetí případ: není-li systém ohodnocen číslem 0 ani číslem 1, pak je zřejmě ohodnocen reálným číslem z otevřeného intervalu (0; 1). Přitom platí, že čím náročnější je zajištění datového toku systémem x, tím blíže bude hodnota číslu 0 a naopak - čím snazší je zajištění datového toku systémem x, tím blíže bude hodnota číslu 1, avšak stále platí, že systém x bude ohodnocen hodnotou 0 resp. 1 pouze v dvou prvních speciálních případech.

Jsou-li ohodnoceny všechny systémy, lze přistoupit k ohodnocení virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků. Nejprve budou definovány vztahy pro ohodnocení virtuálních portů.

Ohodnocení virtuálních portů

Předtím než budou představeny vztahy pro ohodnocení virtuálních portů, je třeba si uvědomit, že jednomu virtuálnímu portu x může příslušet 0, ale i více systémů transparentních cest, tj. obecně platí $|\overline{G}_S[x]| \ge 0$ resp. $|\overline{G}_I[x]| \ge 0$.

Platí-li $|\overline{G}_S[x]| > 1$ resp. $|\overline{G}_I[x]| > 1$, pak existuje několik způsobů přenosu (tj. několik systémů transparentních cest) testovacích vzorků z primárních vstupů CUA na x resp. odezev x na primární výstupy CUA. V takovém případě je nutno posoudit, který ze systémů z $\overline{G}_S[x]$ resp. systémů z $\overline{G}_I[x]$ představuje nejlepší způsob pro přepravu testovacích vzorků resp. odezev na resp. z x. S ohledem na zavedené ohodnocení je tedy pro každý virtuální port x hledán systém $y \in \overline{G}_S[x]$ a $\overline{G}_I[x]$ s maximální hodnotou, tj. hodnotou nejvíce se blížící hodnotě 1. V následující definici je tedy hodnotou z intervalu < 0; 1 > ohodnocena vlastnost "snadnost ovládání hodnot na portu x hodnotami z vývodů CUA" resp. vlastnost "snadnost pozorování hodnot z portu x na vývodech CUA".

Definice 26: Definujme zobrazení ν_C : $VPORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující virtuálnímu portu $x \in VPORT_{CUA}$ reálné číslo vyjadřující (relativně ke strukturálním vlastnostem CUA) snadnost ovládání hodnot na virtuálním portu x hodnotami z vývodů CUA podle předpisu $x \mapsto \max_{u \in \overline{G}_S[x]}(\tau_{CO}(y))$

a zobrazení $\nu_O: VPORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující virtuálnímu portu $x \in VPORT_{CUA}$ reálné číslo vyjadřující (relativně ke strukturálním vlastnostem CUA) snadnost pozorování hodnot z virtuáního portu x na vývodech CUA podle předpisu $x \mapsto \max_{y \in \overline{G}_I[x]}(\tau_{CO}(y))$.

Každý virtuální port x, pro který platí $\nu_C(x) > 0$ resp. $\nu_O(x) > 0$ bude nazván řiditelným resp. pozorovatelným virtuálním portem CUA.

Ohodnocení bran z rozhraní obvodových prvků

Na základě ohodnocení vlastností virtuálních portů je možno pro každou bránu x ohodnotit vlastnost "snadnost ovládání hodnot na bráně x hodnotami z vývodů CUA" resp. vlastnost "snadnost pozorování hodnot z brány x na vývodech CUA". Jelikož obecně může být brána x součástí několika virtuálních portů, tak je třeba zjistit, pomocí kterého z těchto virtuálních portů lze nejsnadněji ovládat hodnoty na bráně x resp. sledovat hodnoty z brány x; hodnota příslušné vlastnosti brány x je pak rovna maximální hodnotě příslušné vlastnosti virtuálních portu obsahujícího bránu x.

Definice 27: Definujme zobrazení β_C : $B_{CUA} \cup BP_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující bráně $x \in B_{CUA} \cup BP_{CUA}$ BP_{CUA} reálné číslo vyjadřující (relativně ke strukturálním vlastnostem CUA) snadnost ovládání hodnot na bráně x hodnotami z vývodů CUA podle předpisu $x \mapsto \max_{y \in VPORT_{CUA}, x \in \pi_{BITS}(y)}(\nu_C(y))$ a zobrazení β_O : $B_{CUA} \cup BP_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující bráně $x \in B_{CUA} \cup BP_{CUA}$ reálné číslo vyjadřující (relativně ke strukturálním vlastnostem CUA) snadnost pozorování hodnot z brány x na vývodech CUA podle předpisu $x \mapsto \max_{y \in VPORT_{CUA}, x \in \pi_{BITS}(y)}(\nu_O(y))$.

Každá brána x, pro kterou platí $\beta_C(x) > 0$ resp. $\beta_O(x) > 0$ bude nazvána řiditelnou resp. pozorovatelnou branou CUA.

Ohodnocení portů obvodových prvků

V posledním kroku je možno ohodnotit vlastnosti portů obvodových prvků. V následujících třech definicích budou postupně uvedeny vztahy pro ohodnocení řiditelnosti portu, vztahy pro ohodnocení pozorovatelnosti portu a na jejich základě vybudovaný vztah pro ohodnocení testovatelnosti portu. Tyto vztahy pak budou základem pro ohodnocování diagnostických vlastností obvodu metodou analýzy testovatelnosti popsanou v podkapitole 5.2.

Dříve, než budou v následující definici zavedeny vztahy pro ohodnocení řiditelnosti portů obvodových prvků a pro určení počtu řiditelných bran v každém z těchto portů, bude uveden komentář, který by měl usnadnit pochopení po něm následující definice.

Ohodnocení řiditelnosti portu $x \in PORT_{CUA}$ vychází z toho, že testovací vzorky mohou být na tento port či na jeho dílčí části (každou dílčí část je možno reprezentovat virtuálním portem obsahujícím alespoň jednu bránu portu x), přeneseny obecně několika způsoby, a to včetně vzájemných kombinací těchto způsobů přenosu. Každý ze způsobů přenosu lze vyjádřit pomocí konkrétního systému transparentních cest (z množiny \overline{G}_S) příslušejícího danému virtuálnímu portu. Každá z množin $Y_{Si} \in Y_S(x)$ v následující definici je množinou⁵ řiditelných virtuálních portů, jejichž systémů transparentních cest lze využít k řízení bran portu x. Snahou pak je pro každý port $x \in PORT_{CUA}$ nalézt takovou množinu Y_{Si} řiditelných virtuálních portů, pomocí nichž je možno dosáhnout nejlepší řiditelnosti co největšího počtu bran portu x. Pro tento účel je a) stanoven největší počet bran $(y_{Smax}(x))$ portu x, které je možno pomocí systémů transparentních cest řídit a b) definován systém $Y_{Smax}(x) \subseteq Y_S(x)$ množin virtuálních portů takový, že každá množina Y_{Si} z tohoto systému obsahuje virtuální porty, jejichž systémy transparentních datových cest jsou schopny řídit právě $y_{Smax}(x)$ bran portu x. Dále jsou pro zpřehlednění výsledného vztahu definována pomocná zobrazení $\pi_{WBITS}(X, y)$ resp. $\pi_{NWBITS}(X, y)$, která dané množině virtuálních portů X a virtuálnímu portu y přiřazují množinu bran portu x obsažených ve virtuálních portech z X resp. součet četností bran portu x ve virtuálních portech z X. Počet $\pi_{NC}(x)$ řiditelných bran portu x je pak roven hodnotě $y_{Smax}(x)$ a hodnota $\pi_C(x)$ řiditelnosti portu x je dána nejlépe ohodnocenou množinou v systému $Y_{Smax}(x)$.

Definice 28: Nechť

- $x \in PORT_{CUA}$,
- $x \odot y$ je zkráceným zápisem pro množinu vzniklou operací $\pi_{BITS}(x) \cap \pi_{BITS}(y)$, kde $x, y \in ORBIT_{CUA}$,
- $Y_S(x)$ je systém $\{Y_{S1}, \ldots, Y_{Sn}\}$ neprázdných podmnožin množiny $VPORT_{CUA}$ takový, že $\forall i \in \{1, \ldots, n\}: \forall y \in Y_{Si}: y \odot x \neq \emptyset, \nu_C(y) > 0 \land y_1, y_2 \in Y_{Si} \Leftrightarrow y_1 \odot y_2 = \emptyset \lor$ $[((y_1 \odot x) \setminus (y_2 \odot x)) \cup ((y_2 \odot x) \setminus (y_1 \odot x)) \neq \emptyset \land (y_1 \odot x \not\subseteq \pi_{BITS}(y_2)) \land (y_2 \odot x \not\subseteq \pi_{BITS}(y_1))]$
- $y_{Smax}(x) = \max_{i=1}^{n} |\bigcup_{y \in Y_{Si}} (x \odot y)|,$

 $^{^{5}}$ každá taková množina pak obsahuje virtuální porty vybavené alespoň jednou branou portu x, jejichž množiny bran jsou buď vzájemně disjunktní nebo jejichž množiny bran omezené na množinu bran x nejsou podmnožinami a vzájemně se liší alespoň v jedné bráně portu x

- $Y_{Smax}(x) = \{Y | Y \in Y_S(x), |\bigcup_{y \in Y_{Si}} x \odot y| = y_{Smax}(x)\},\$
- $\pi_{WBITS}: 2^{VPORT_{CUA}} \times VPORT_{CUA} \to 2^{VPORT_{CUA}}$ zobrazení definované předpisem $\pi_{WBITS}(X, y) = \bigcup_{x \in X} x \odot y,$
- π_{NWBITS} : $2^{VPORT_{CUA}} \times VPORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ zobrazení definované předpisem $\pi_{WBITS}(X, y) = \sum_{x \in X} |x \odot y|.$

Pak definujme zobrazení

- π_{NC} : $PORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ počet řiditelných bran portu podle předpisu $x \mapsto y_{Smax}(x)$,
- π_C : $PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ reálné číslo (hodnotu řiditelnosti portu) vyjadřující, relativně ke strukturálním vlastnostem CUA, snadnost ovládání hodnot na portu x hodnotami z primárních vstupů obvodu podle předpisu

 $x \mapsto \max_{Y \in Y_{Smax}(x)} \frac{\sum_{y \in Y} \nu_C(y) \cdot |x \odot y|}{(\pi_{WNBITS}(Y, x) + |\pi_{BITS}(x) \setminus \pi_{WBITS}(Y, x)|)}$

Je zřejmé, že při konstrukci uvedených zobrazení bude obecně časově nejnáročnější konstrukce systému množin $Y_S(x)$, která bude nutně vyžadovat analýzu všech podmnožin množiny V virtuálních portů majících s portem x společnou alespoň jednu bránu, tj. analýzu $2^{|V|}$ podmnožin množin množiny V. Bude tedy výhodnější - a to zejména pro "velké množiny V" - pokud výše uvedenou definici zjednodušíme a nahradíme ji následující definicí.

Definice 28: Definujme zobrazení

- π_{NC} : $PORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ počet řiditelných bran portu podle předpisu $x \mapsto |\{y \mid y \in \pi_{BITS}(x) \land \beta_C(y) > 0\}|,$
- $\pi_C: PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ reálné číslo (hodnotu řiditelnosti portu) vyjadřující, relativně ke strukturálním vlastnostem CUA, snadnost ovládání hodnot na portu x hodnotami z primárních vstupů obvodu podle předpisu

$$x \mapsto \frac{\sum_{y \in \pi_{BITS}(x)} \beta_C(y)}{\pi_W(x)}$$

Druhá z definic se zabývá způsobem ohodnocení pozorovatelnosti portů obvodových prvků. Analogicky k ohodnocení řiditelnosti je pro port $x \in PORT_{CUA}$ stanoven systém $Y_I(x)$ množin pozorovatelných virtuálních portů, jejichž systémy transparentních cest (z množiny \overline{G}_I) lze využít pro pozorování odezev z portu x. Množina y_{Imax} , systém množin $Y_{Imax}(x) \subseteq Y_I(x)$ a pomocná zobrazení π_{WBITS} , π_{NWBITS} plní účel analogický účelu množiny y_{Smax} , systému množin $Y_{Smax}(x) \subseteq Y_S(x)$ a pomocných zobrazení π_{WBITS} , π_{NWBITS} z předchozí definice. Počet $\pi_{NO}(x)$ pozorovatelných bran portu x je roven hodnotě $y_{Imax}(x)$ a hodnota $\pi_O(x)$ pozorovatelnosti portu x je dána nejlépe ohodnocenou množinou v systému $Y_{Imax}(x)$.

Definice 29: Nechť

- $x \in PORT_{CUA}$,
- $x \odot y$ je zkráceným zápisem pro množinu vzniklou operací $\pi_{BITS}(x) \cap \pi_{BITS}(y)$, kde $x, y \in ORBIT_{CUA}$,

- $Y_I(x)$ je systém $\{Y_{I1}, \ldots, Y_{Im}\}$ neprázdných podmnožin množiny $VPORT_{CUA}$ takový, že $\forall i \in \{1, \ldots, m\}$: $\forall y \in Y_{Ii}$: $\neg \exists y_1, \ldots, y_k \in Y_{Ii}, y \neq y_j, j = 1, \ldots, k$: $x \odot y \subseteq \bigcup_{l=1}^k \pi_{BITS}(y_l)$,
- $y_{Imax}(x) = \max_{i=1}^m |\bigcup_{y \in Y_{Ii}} x \odot y|,$
- $Y_{Imax}(x) = \{Y | Y \in Y_I(x), |\bigcup_{y \in Y_{I_i}} x \odot y| = y_{Imax}(x)\},\$
- $\pi_{WBITS}: 2^{VPORT_{CUA}} \times VPORT_{CUA} \to 2^{VPORT_{CUA}}$ zobrazení definované předpisem $\pi_{WBITS}(X, y) = \bigcup_{x \in X} x \odot y,$
- $\pi_{NWBITS}: 2^{VPORT_{CUA}} \times VPORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ zobrazení definované předpisem $\pi_{WBITS}(X, y) = \sum_{x \in X} |x \odot y|.$

Pak definujme zobrazení

- π_{NO} : $PORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ počet pozorovatelných bran portu podle předpisu $x \mapsto y_{Imax}(x)$,
- π_O : $PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ reálné číslo (hodnotu pozorovatelnosti portu) vyjadřující, relativně ke strukturálním vlastnostem CUA, snadnost pozorování hodnot z portu x na primárních výstupech obvodu podle předpisu

$$x \mapsto \max_{Y \in Y_{Imax}(x)} \frac{\sum_{y \in Y} \nu_O(y) \cdot |x \odot y|}{(\pi_{WNBITS}(Y, x) + |\pi_{BITS}(x) \setminus \pi_{WBITS}(Y, x)|)}.$$

Obdobně jako u definice zobrazení pro ohodnocení řiditelnosti portů je i u výše uvedené definice problematická konstrukce systému množin - v tomto případě $Y_I(x)$. Také tuto definici je tedy možné zjednodušit a nahradit ji následující.

Definice 29: Definujme zobrazení

- π_{NO} : $PORT_{CUA} \to \mathbb{N}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ počet pozorovatelných bran portu podle předpisu $x \mapsto |\{y \mid y \in \pi_{BITS}(x) \land \beta_O(y) > 0\}|,$
- π_O : $PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ reálné číslo (hodnotu pozorovatelnosti portu) vyjadřující, relativně ke strukturálním vlastnostem CUA, snadnost pozorování hodnot z portu x na primárních výstupech obvodu podle předpisu

$$x \mapsto \frac{\sum_{y \in \pi_{BITS}(x)} \beta_O(y)}{\pi_W(x)}$$

Pomocí výše uvedených definic jsou tedy zavedeny prostředky, umožňující pro každý port $x \in PORT_{CUA}$ zjistit jak počet a množinu řiditelných resp. pozorovatelných bran, tak číselné ohodnocení obtížnosti jejich řízení resp. pozorování. Aby bylo možno jednoduše porovnávat testovatelnost konkrétních portů, je výhodné, bude-li zavedena funkce ($\pi_T: PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$) přiřazující každému portu x jediné číslo vyjadřující snadnost testovatelnosti daného portu. Je zřejmé, že pro tento účel nemůže být použita libovolná funkce, ale pouze funkce, která splňuje zejména následující požadavky:

za předpokladu, že port x je testovatelný právě když je současně řiditelný (tj. pokud je možno zajistit na jeho branách výskyt požadovaného testovacího vzorku) i pozorovatelný (tj. pokud je možno sledovat odezvu vyskytující se na jeho branách) je požadováno, aby

port x byl považován za netestovatelný⁶ (tj. $\pi_T(x) = 0$), je-li splněna alespoň jedna z následujících podmínek:

- neexistuje brána portu x, která je řiditelná (tj. na port x není možno nastavit testovací vzorek ani jeho dílčí část),
- neexistuje brána portu x, která je pozorovatelná (tj. není možno sledovat odezvu z žádné z bran portu x),
- testovatelný port x_1 , pro jehož testování (tj. jeho řízení a pozorování) je třeba generovat řídicí posloupnost o délce k_1 , musí být ohodnocen⁷ jako lépe testovatelný (tj. $\pi_T(x_1) > \pi_T(x_2)$) než port x_2 , pro jehož testování je třeba generovat řídicí posloupnost o délce $k_2 > k_1$ je-li poměr počtu řiditelných a pozorovatelných bran ku celkovému počtu bran u obou portů přibližně stejný,
- testovatelný port x_1 , pro jehož testování je třeba generovat řídicí posloupnost o délce k s celkovým počtem l_1 podnětů řídicích bran musí být ohodnocen jako lépe testovatelný než port x_2 , pro jehož testování je třeba generovat řídicí posloupnost o délce k s celkovým počtem $l_2 > l_1$ podnětů řídicích bran, je-li poměr počtu řiditelných a pozorovatelných bran ku celkovému počtu bran u obou portů přibližně stejný,
- testovatelný port x_1 , pro jehož testování je třeba generovat řídicí posloupnost o délce k s celkovým počtem l podnětů řídicích bran musí být ohodnocen jako lépe testovatelný než port x_2 , pro jehož testování je třeba generovat řídicí posloupnost o délce k s celkovým počtem l podnětů řídicích bran, pokud poměr počtu řiditelných a pozorovatelných bran ku celkovému počtu bran je u portu x_1 větší než u portu x_2 ,
- testovatelný port x_1 s poměrem počtu řiditelných a pozorovatelných bran ku celkovému počtu bran rovným k musí být ohodnocen jako lépe testovatelný než port x_2 s týmž poměrem, pokud je řízení i pozorování bran portu x_1 jednodušší (ve smyslu kratší řídicí posloupnosti a/nebo menšího celkového počtu podnětů) než u portu x_2 .

Příklad funkce, splňující výše uvedené požadavky, je uveden v následující definici. Její snahou je shrnout číselná ohodnocení řiditelnosti ($\pi_C(x)$, $\pi_{NC}(x)$) a pozorovatelnosti ($\pi_O(x)$, $\pi_{NO}(x)$) portu x, tj. reálná čísla z intervalu < 0; 1 > a vyjádřit testovatelnost portu x jediným reálným číslem $\pi_T(x)$ z tohoto intervalu jako funkci hodnot $\pi_C(x)$, $\pi_{NC}(x)$, $\pi_O(x)$ a $\pi_{NO}(x)$.

Definice 30: Nechť je definováno zobrazení π_T : $PORT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující portu $x \in PORT_{CUA}$ reálné číslo (hodnotu testovatelnosti portu) podle předpisu

$$\pi_T(x) = \frac{\pi_{NC}(x)}{\pi_W(x)} \cdot (1 + \pi_C(x)) \cdot \frac{\pi_{NO}(x)}{\pi_W(x)} \cdot (1 + \pi_O(x))/4$$

Touto definicí končí část týkající se zavádění prostředků pro ohodnocení testovatelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků, tj. část, kterou je možno chápat jako část zabývající se lokálním ohodnocením testovatelnosti CUA - lokálním proto, že se týkala ohodnocení částí obvodu CUA. V následující definici jsou zavedeny prostředky pro ohodnocení testovatelnosti CUA jako celku, tj. prostředky pro globální ohodnocení testovatelnosti CUA. Problematickým

⁶port je tedy považován za testovatelný, pokud obsahuje alespoň jednu bránu, která je řiditelná a alespoň jednu bránu, která je pozorovatelná. V případě, že se jedná o port složený z několika bran je zřejmé, že řízení resp. pozorování pouhé podmnožiny bran daného portu k jeho testování nepostačí - protože však je řiditelná a pozorovatelná jistá část portu, je tato situace chápána jako "částečná testovatelnost" portu a nikoliv jako jeho netestovatelnost

⁷při řádově stejném počtu řídicích podnětů

je opět shrnutí dílčích ohodnocení testovatelnosti $(v_{NC}, v_{RC}, v_C, v_{NO}, v_{RO}, v_O)$ do jednoho čísla tak, aby toto číslo co nejlépe odráželo testovatelnost obvodu jako celku, tj. aby svou hodnotou co nejlépe vyjadřovalo snadnost (hodnota blížící se 1) či značnou obtížnost/nemožnost (hodnota blížící se 0) testování⁸ daného obvodu. Požadované číslo je obvodu CUA přiřazeno zobrazením v_T , jehož nejdůležitější vlastnosti lze shrnout do následujících bodů:

- $\nu_T(cir_{CUA}) = 0 \Leftrightarrow \nu_{NC}(cir_{CUA}) = 0 \lor \nu_{NO}(cir_{CUA}) = 0$, tj. pokud v CUA neexistuje brána, která by byla řiditelná nebo pokud v CUA neexistuje brána, která by byla pozorovatelná (neexistuje brána, kterou je možno otestovat)⁹,
- $v_T(cir_{CUA}) = 1 \Leftrightarrow (\nu_{NC}(cir_{CUA}) = \nu_{NO}(cir_{CUA}) = |B_{CUA} \cup BP_{CUA}|) \land (\nu_C(cir_{CUA}) = \nu_O(cir_{CUA}) = 1)$, tj. pro každou bránu platí, že je řiditelná i pozorovatelná bez nutnosti řízení jakékoliv další brány¹⁰,
- na základě předchozích bodů je tedy možno konstatovat, že naprostá většina návrhů CUA bude ohodnocena reálným číslem z intervalu (0;1), jehož hodnota je určena ohodnoceními¹¹ portů obvodových prvků v CUA. Přitom platí, že čím větší je počet řiditelných a pozorovatelných bran v portech obvodových prvků a čím lepší (tj. bližší hodnotě 1) je řiditelnost a pozorovatelnost těchto bran, tím lepší bude celková testovatelnost obvodu a naopak, čím menší je počet řiditelných a pozorovatelných bran v portech obvodových prvků a pozorovatelných bran v portech obvodu a naopak, čím menší je počet řiditelných a pozorovatelných bran v portech obvodových prvků a čím horší (tj. bližší hodnotě 0) je řiditelnost a pozorovatelnost těchto bran, tím horší bude celková testovatelnost obvodu.

5.1.2 Vztahy pro globální ohodnocení

Definice 31: Buďte definována zobrazení

- v_{NC} : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{N}$ přiřazující CUA počet řiditelných bran obvodu podle předpisu $cir_{CUA} \mapsto \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_{NC}(x)$
- v_{RC} : { cir_{CUA} } $\rightarrow \mathbb{N}$ přiřazující $CUA \ podíl \ \check{r}iditelných \ bran \ obvodu \ podle předpisu$ $<math>cir_{CUA} \mapsto \frac{v_{NC}(cir_{CUA})}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|}$
- v_{NO} : { cir_{CUA} } $\to \mathbb{N}$ přiřazující CUA počet pozorovatelných bran obvodu podle předpisu $cir_{CUA} \mapsto \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_{NO}(x)$
- v_{RO} : { cir_{CUA} } $\rightarrow \mathbb{N}$ přiřazující CUA podíl pozorovatelných bran obvodu podle předpisu $cir_{CUA} \mapsto \frac{v_{NO}(cir_{CUA})}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|}$
- v_C : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující CUA průměrnou hodnotu řiditelnosti bran obvodu podle předpisu

$$x \mapsto \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|} \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_C(x)$$

 $^{^8 {\}rm generování}$ a aplikaci testu

 $^{^{9}}$ jelikož u CUA se mlčky předpokládá alespoň jeden primární vstup - ten je vždy řiditelný - a/nebo alespoň jeden primární výstup - ten je vždy pozorovatelný - pak by tuto podmínku splňoval pouze CUA postrádající jakékoliv rozhraní; výskyt takového CUA v praktickém návrhu je však velmi nepravděpodobný

 $^{^{10}}$ dle zavedených definic by CUA splňující tuto podmíku nesměl obsahovat vnitřní prvek nezbytný k přenosu diagnostických dat a rozhraní takového CUA by muselo být propojeno galvanickými spoji tak, že ke každé výstupní bráně CUA by musela existovat vstupní brána CUA, se kterou by byla tato výstupní brána spojena; výskyt CUA s těmito vlastnostmi je však v praxi velmi diskutabilní či velmi speciální

 $^{^{11}}$ komentář ke způsobu ohodnocení testovatelnosti portů viz předchozí definice a požadavky kladené na funkci $\pi_T,$ strana 90

• $v_O: \{cir_{CUA}\} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující CUA průměrnou hodnotu pozorovatelnosti bran obvodu podle předpisu

$$x \mapsto \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|} \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_O(x)$$

• v_T : $\{cir_{CUA}\} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ přiřazující CUA reálné číslo vyjadřující hodnotu testovatelnosti obvodu podle předpisu

 $x \mapsto v_{RC} \cdot (1 + v_C) \cdot v_{RO} \cdot (1 + v_O)/4$

V této podkapitole byla definována zobrazení, pomocí nichž je možno ohodnotit lokální a globální testovatelnost daného *CUA*. Tato zobrazení představují formální zápis způsobu ohodnocení testovatelnosti. Avšak ani ona - stejně jako prostředky zavedené v definicích předchozí kapitoly - neudávají postup, pomocí něhož je možné je zkonstruovat. V následující kapitole tedy bude uveden algoritmus, jehož cílem je popsat konstrukce těch zobrazení z této podkapitoly, které se zdají být obtížnými. Vzhledem k činnosti, kterou tento algoritmus provádí, je možno jej označit za algoritmus analýzy testovatelnosti číslicového obvodu na úrovni popisu dané výše popsaným modelem.

5.2 Algoritmus analýzy testovatelnosti

Navržený algoritmus analýzy testovatelnosti, kterému je věnován prostor v této podkapitole, je založen na prohledávání grafu (přesněji na prohledávání dvou grafů: grafu G_S při analýze řiditelnosti v CUA a prohledávání grafu G_I při analýze pozorovatelnosti v CUA) [SKR01, Str02b, KS02a, Str03b]. Jelikož současně s prohledáváním grafu G_S (G_I) je prováděno ohodnocování jeho uzlů, nejedná se o klasický prohledávací algoritmus. Dříve než bude vlastní algoritmus analýzy testovatelnosti představen, budou zmíněny některé informace k prohledávání grafů.

5.2.1 Komentář k prohledávání grafů

Základním účelem prohledávání grafů je zjišťování dostupnosti, tj. zjišťování, do kterých vrcholů grafu vedou cesty z daného výchozího vrcholu; k dalším cílům může patřit hledání těchto cest či vykonání nějaké akce v každém dostupném vrcholu. [Dem02] uvádí tři základní způsoby prohledávání grafů. První z nich (značkování vrcholů) je značně obecný a nesmírně jednoduchý. Další dva způsoby, prohledávání do šířky a prohledávání do hloubky, lze pokládat za jeho speciální případy. Během značkování vrcholů jsou vrcholům grafu přiřazovány značky tak, že má-li vrchol značku, znamená to, že do něj vede nějaká cesta z daného výchozího vrcholu r. Algoritmus značkování je velmi prostý [Dem02]:

- 1. $[\mathit{Inicializace}]$ Označkujeme vrcholr,ostatní vrcholy jsou beze značek
- 2. [Výběr hrany] Vybereme libovolnou hranu e, jejíž počáteční vrchol má značku a koncový vrchol nikoli; pokračujeme podle kroku 3. Jestliže taková hrana neexistuje, výpočet končí
- 3. [Značkování] Označkujeme koncový vrchol hrany e, následuje skok na krok 2

Ze speciálních případů značkování vrcholů pouze stručně zmiňme principy jejich činnosti [Dem02]:

prohledávání grafu do šířky - tento způsob prohledávání lze chrarakterizovat takto: v prvním kroku je označkován (výchozí) vrchol r, v druhém kroku všichni jeho následníci, v třetím kroku všichni neoznačkovaní následníci následníků z druhého kroku atd. Lze si to představovat i tak, že graf současně prozkoumává "velký počet průzkumníků", kteří "zaplavují" postupně "po hladinách" z vrcholu r dostupnou část grafu, prohledávání grafu do hloubky - tento způsob prohledávání si lze představit jako průzkum grafu cestovatelem, který cestuje po hranách grafu a vrací se důsledně cestou, po které přišel.

Jak bude ukázáno níže, snahou navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti je kromě zjištění dostupnosti konkrétních uzlů zjistit také cenu této dostupnosti, tj. ohodnocení vzdálenosti uzlů od primárních vstupů obvodu v případě analýzy řiditelnosti a ohodnocení vzdálenosti uzlů od primárních výstupů obvodu v případě analýzy pozorovatelnosti. I když je obtížné zařadit navržený algoritmus do některé z výše uvedených základních kategorií, je možno konstatovat, že principielně vychází z prohledávání grafu do šířky.

5.2.2 Komentář k principu navržené metody

Vzhledem k definici grafů G_S , G_I je třeba si uvědomit přesný význam hrany v každém z těchto grafů: tou je buď modelována existence galvanického propojení spojujícího jisté brány dvou virtuálních portů s touto hranou incidujících nebo je jí modelována schopnost (ovšem podmíněná schopností ovládat příslušné řídicí brány) přenosu diagnostických dat mezi dvěmi virtuálními porty s ní incidujícími, přičemž směr přenosu je v obou případech dán orientací této hrany. Z významu hrany v grafech G_S , G_I tedy vyplývá, že zatímco značka z bran počátečního uzlu (virtuálního portu) hrany představující existenci galvanického spoje může být bezpodmínečně přenesena na ty brány koncového uzlu hrany, se kterými jsou brány z počátečního uzlu galvanicky propojeny, tak v případě hrany modelující podmíněnou existenci datového přenosu tomu tak již obecně není; vzhledem k tomu, že takováto hrana je podmíněna řízením jistých řídicích bran, je i přenos značky přes tuto hranu podmíněn schopností řídit tyto brány - z pohledu značkování tedy musí být každá z bran podmiňujících přenos značky přes tuto hranu označkována.

Princip prohledávání grafu G_S prováděného algoritmem analýzy testovatelnosti je možné vyjádřit následujícím algoritmem¹²:

- 1. [*Inicializace*] Označkujeme uzly z G_S , které jsou vstupními virtuálními porty CUA a jejich brány, ostatní uzly a brány ponecháme beze značek
- 2. [Výběr hran] Vybereme hrany G_S , jejichž počáteční vrchol má značku a koncový vrchol buď nikoli nebo má horší značku a jejichž řídicí brány již jsou označeny; pokračujeme dle kroku 3. Jestliže taková hrana neexistuje, výpočet končí
- 3. [Značkování] Označkujeme koncový vrchol a příslušné brány každé z vybraných hran a provedeme skok na krok 2

Po tomto značkování následuje prohledávání grafu G_I . To je analogické prohledávání grafu G_S : začíná se značkováním primárních výstupů a přenos značek postupuje proti směru orientace hran směrem k primárním vstupům dokud existuje hrana, umožňující přenos značky. Prohledávání G_I musí následovat až po dokončení prohledávání G_S , jelikož nezbytně potřebuje informaci o značkách řiditelnosti z G_S . Na základě výsledků obou prohledávacích algoritmů, tj. na základě výsledných značek pro řiditelnost a pozorovatelnost virtuálních portů a bran CUA je číselně ohodnocena řiditelnost, pozorovatelnost a testovatelnost portů obvodových prvků CUA a následně (globální) testovatelnost CUA jako celku.

V následujících odstavcích bude popsán a stručně komentován navržený algoritmus analýzy testovatelnosti a jeho dílčí části. Pro co nejpřehlednější popis algoritmu bylo rozhodnuto jej rozčleněnit na několik bloků provádějících klíčové činnosti a využít těchto bloků k popisu algoritmu metodou "shora dolů".

¹²značky používané při analýze testovatelnosti mj. obsahují číselné ohodnocení dané vlastnosti (např. řiditelnosti, pozorovatelnosti) uzlu/brány; jednoduchým porovnáním číselných ohodnocení dvou značek tedy lze stanovit, zda zkoumaná vlastnost jedné značky je horší, lepší či stejná jako u druhé značky

5.2.3 Hlavní blok algoritmu

V tomto odstavci bude popsán princip činnosti a struktura hlavního bloku algoritmu analýzy testovatelnosti. Dílčím podblokům pak bude věnován prostor v následujících odstavcích. Snahou je popsat algoritmus metodou "shora dolů", tj. tak, že nejprve bude popsán nadřazený celek a až poté bude věnován prostor jeho dílčím částem. Nejprve tedy bude popsán algoritmus pro výpočet testovatelnosti (strana 96) - ten bude předpokládat, že již byla provedena analýza řiditelnosti a pozorovatelnosti. Poté bude uveden algoritmus pro ohodnocení řiditelnosti (strana 97) a nakonec algoritmus pro ohodnocení pozorovatelnosti (strana 99). Hlavní blok algoritmu analýzy testovatelnosti je tvořen posloupností pěti dílčích kroků:

- 1. v prvním kroku jsou zavedena pomocná zobrazení (v podstatě se jedná o zavedení pomocných proměnných),
- 2. v druhém kroku je provedena inicializace ohodnocení primárních virtuálních portů (uspořádaná pětice hodnot (virtuální port, sekvenční délka, počet podnětů, součin hodnot řiditelnosti jeho řídicích bran, hodnota jeho řiditelosti)) a jejich bran (uspořádaná dvojice (brána, hodnota její řiditelnosti)), inicializace ohodnocení ostatních virtuálních portů a jejich bran a inicializace zobrazení pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti portů a testovatelnosti obvodu,
- 3. ve třetím kroku je prohledáván graf G_S za účelem značkování řiditelnosti virtuálních portů a bran,
- 4. ve čtvrtém kroku je prohledáván graf G_I za účelem značkování pozorovatelnosti virtuálních portů a bran,
- 5. v posledním, pátém, kroku je na základě značek vyjadřujících hodnotu řiditelnosti a pozorovatelnosti virtuálních portů a bran ohodnocena řiditelnost, pozorovatelnost a testovatenost portů obvodových prvků a (globální) testovatelnost CUA. Ukončením tohoto kroku algoritmus analýzy testovatelnosti končí.

Algoritmus 4

Procedura Analýza_Testovatelnosti(CUA, G_S, G_I) 1. [Zavední pomocných zobrazení] Zaveď ν_C , ν_O : $VPORT_{CUA} \to \mathbb{N} \times \mathbb{N} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R}$, β_C , β_O : $BIT_{CUA} \to \mathbb{R}_{<0,1>}$ π_{NC}, π_{NO} : $PORT_{CUA} \to \mathbb{N}$, π_C, π_O, π_T : $PORT_{CUA} \to \mathbb{R}$, υ_T : $cir_{CUA} \to \mathbb{R}$ 2. [Inicializace hodnot pro primární virtuální porty] **Přiřaď** $\nu_C := \{(x, 0, 0, k, k) | x \in VPORT_{CUA}, kde$ k = 1 pokud $\pi_{BITS}(x) \subseteq BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA}$, jinak $k = 0\}$, $\nu_O := \{(x, 0, 0, k, k) | x \in VPORT_{CUA}, kde$ k = 1 pokud $\pi_{BITS}(x) \subseteq BPO_{CUA}$, jinak $k = 0\}$, $\beta_C := \{(x, 1) | x \in BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA}\} \cup \{(x, 0) | x \notin BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA}\}$ $\beta_O := \{(x, 1) | x \in BPO\} \cup \{(x, 0) | x \notin BPO_{CUA}\}$ $\pi_{NC} := \emptyset, \pi_{NO} := \emptyset, \pi_C := \emptyset, \pi_O := \emptyset, \pi_T := \emptyset, \upsilon_T := \emptyset$ 3. Ohodnocení_řiditelnosti(CUA, G_S, ν_C , β_C , π_{NC}, π_C) 4. Ohodnocení_pozorovatelnosti(CUA, $\pi_{I}, \beta_C, \nu_O, \beta_O, \pi_{NO}, \pi_O)$ 5. Ohodnocení_testovatelnosti(CUA, $\pi_{NC}, \pi_C, \pi_{NO}, \pi_O, \pi_T, \upsilon_T$)

5.2.4 Blok pro ohodnocení testovatelnosti

Prostor tohoto prvního odstavce bude věnován bloku pro ohodnocení testovatelnosti portů obvodových prvků a testovatelnosti CUA; ten odpovídá pátému kroku algoritmu 4. Vstupem tohoto bloku je model CUA a zobrazení $\pi_{NC}, \pi_C, \pi_{NO}, \pi_O$, představující ohodnocení dílčích složek testovatelnosti portů obvodových prvků. Výstupem je a) zobrazení π_T ohodnocující testovatelnost každého portu v CUA dle definice 30, strana 91 a b) zobrazení v_T ohodnocující globální testovatelnost CUA dle definice 31, strana 92. Algoritmus zřejmě pracuje v čase $O(|PORT_{CUA}|)$.

Algoritmus 5

Procedura Ohodnocení testovatelnosti(CUA, $\pi_{NC}, \pi_C, \pi_{NO}, \pi_O, \mathbf{var} : \pi_T, v_T$) 1. [Zavední a inicializace pomocných proměnných] Zaved $v_C, v_O, v_{NC}, v_{NO}, v_{RC}, v_{RO} \in \mathbb{R}$ 2. [Výpočet globálních ukazatelů testovatelnosti CUA] Přiřaď $v_{NC} := \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_{NC}(x),$ $v_{RC} := \frac{v_{NC}(cir_{CUA})}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_C := \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_{NO} := \sum_{x \in PORT_{CUA}} \pi_{NO}(x),$ $v_{RO} := \frac{v_{NO}(cir_{CUA})}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_O := \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_O := \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_O := \frac{1}{|B_{CUA} \cup BP_{CUA}|},$ $v_O := \pi T \cup \{(x, \frac{\pi_{NC}(x)}{\pi_W(x)} \cdot (1 + \pi_C(x)) \cdot \frac{\pi_{NO}(x)}{\pi_W(x)} \cdot (1 + \pi_O(x))/4)\}$ 4. [Ohodnocení testovatelnosti CUA] Přiřaď $v_T := v_{RC} \cdot (1 + v_C) \cdot v_{RO} \cdot (1 + v_O)/4$

5.2.5 Blok pro ohodnocení řiditelnosti

V tomto odstavci budou popsány bloky sloužící k ohodnocení řiditelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA; ty odpovídají třetímu kroku algoritmu 4. Vstupem hlavního bloku pro ohodnocení řiditelnosti je model CUA, graf G_S datového toku testovacích vzorků a inicializovaná zobrazení pro ohodnocení řiditelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA. Výstupem jsou zobrazení s ohodnocením řiditelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA.

Algoritmus je tvořen čtyřmi kroky, se smyčkou mezi kroky 2 a 3. V prvním kroku jsou deklarovány pomocné množiny sloužicí ke značkování dostupnosti bran (B_{RDY}) resp. virtuálních portů (V_{RDY}) z primárních vstupů CUA, množiny obsahující nově označkované brány (B_{NEW}) resp. virtuální porty (V_{NEW}) a proměnná *nastala_změna* oznamující, zda došlo ke změně značení, tj. zda přibyla nová značka. V kroku 2 jsou nejprve značky z nově označených virtuálních portů resp. jejich bran přeneseny (krok 2.2) po hranách grafu G_S představujících spoje v CUA; pokud neexistuje značka, kterou by bylo možno přenést, tj. pokud není k dispozici žádný nově označený virtuální port resp. brána, značkování je ukončeno a algoritmus pokračuje ohodnocením řiditelnosti portů obvodových prvků v kroku 4. V opačném případě, tj. existuje-li nově označený virtuální port resp. brána, pak jsou v grafu G_S hledány (krok 2.3) hrany, reprezentující tok testovacích vzorků přislušnými obvodovými prvky CUA, přes které je možno přenést (přenos je podmíněn označením všech řídicích bran každé z těchto hran) značky dále a tento přenos je proveden. Nebyla-li přenesena ani jedna značka, algoritmus pokračuje krokem 4; v opačném případě o nově označené brány resp. virtuální porty obohaceny příslušné množiny (V_{NEW} , B_{NEW} , V_{RDY}) a algoritmus se vrací na krok 2.

V následujícím textu budou představeny tři podbloky algoritmu pro ohodnocení řiditelnosti. První podblok popisuje způsob aktualizace ohodnocení řiditelnosti nově označených bran, druhý podblok popisuje způsob přenosu značek přes spoje a třetí podblok způsob přenosu značek přes obvodové prvky.

Algoritmus 6

Procedura Ohodnocení_řiditelnosti(CUA, G_S , var: ν_C , β_C , π_{NC} , π_C) 1. [Zavedení a inicializace pomocných proměnných a množin] **Zaved'** $B_{RDY}, B_{NEW} \subset BIT_{CUA}, nastala_změna \in \{ false, true \},$ $V_{NEW}, V_{RDY} \subseteq VPORT_{CUA}$ **Přiřad'** $B_{RDY} := \emptyset, B_{NEW} := BPI_{CUA} \cup BPCI_{CUA},$ $V_{RDY} := \{ x \mid x \in VPORT_{CUA}, \pi_{BITS}(x) \subseteq B_{NEW} \},\$ 2. [Smyčka pro šíření hodnot řiditelnosti (začátek)] 2.1. **Přiřad'** $nastala_z m ena := false$ 2.2. [Šíření hodnot řiditelnosti po spojích] **Proved**' $P\check{r}enos_p\check{r}es_spoje(B_{NEW}, V_{NEW}, B_{RDY}, V_{RDY}, \nu_C)$ **Pokud** $|B_{NEW}| = \emptyset$ jdi na bod 4 2.3. [Síření hodnot řiditelnosti přes obvodové prvky] **Proved'** Aktualizace_ohodnocení_bran $(B_{NEW}, \nu_C, \beta_C)$ $P\check{r}enos_p\check{r}es_prvky(G_S, \beta_C, B_{NEW}, V_{NEW}, B_{RDY}, V_{RDY}, \nu_C)$ Aktualizace_ohodnocení_bran $(B_{NEW}, \nu_C, \beta_C)$ **Přiřad'** nastala_změna := $(B_{NEW} \neq \emptyset)$ 3. [Smyčka pro šíření hodnot řiditelnosti (podmíněný skok na začátek)] Pokud nastala_změna jdi na bod 2 4. [Ohodnocení řiditelnosti portů] Pro každý $x \in PORT_{CUA}$ proveď $\pi_{NC} := \pi_{NC} \cup \{ (x, |\{y|y \in \pi_{BITS}(x) \land \beta_C(y) > 0\} |) \}$ $\pi_C := \pi_C \cup \{ (x, \frac{\sum_{y \in \pi_{BITS}(x)} \beta_C(y)}{\pi_W(x)}) \}$

Úkolem níže popsaného podbloku je - na základě ohodnocení řiditelnosti virtuálních portů (zobrazení ν) - aktualizovat informaci o hodnotě řiditelnosti nově označených bran (tj. bran z množiny B_{NEW}). Z množiny β je nejprve vyjmuta stará informace a následně je do ní vložena aktualizovaná informace o řiditelnosti bran.

Algoritmus 7

Procedura Aktualizace_ohodnocení_bran $(B_{NEW}, \nu, \text{var: }\beta)$ Začátek Přiřad' $\beta := (\beta \setminus \{(x,k) | x \in B_{NEW}\}) \cup \{(x,k) | x \in B_{NEW}, k = \max_{(y,y_1,y_2,y_3,y_4) \in \nu} y_4\}$ Konec.

Druhým podblokem je podblok pro přenos značek přes spoje. Značka z každé nově označené brány (z množiny B_{NEW}) je (ve směru datového toku určeného relací F_{CUA} souhlasném s orientací hran v G_S) přenesena na všechny její cílové brány (dané relací F'_{CUA}), je vytvořena množina V_{NEW} nově označených virtuálních portů a je aktualizována informace o řiditelnosti každého z těchto portů.

Algoritmus 8

Procedura Přenos_přes_spoje(var: B_{NEW} , V_{NEW} , B_{RDY} , V_{RDY} , ν) 1. Zaved' $F'_{BIT} \subset F_{BIT}$ 2. Přiřad' $F'_{BIT} := \{(x, y) | (x, y) \in F_{BIT}, x \in B_{NEW}\},$ $B_{RDY} := B_{RDY} \cup B_{NEW},$ $B_{NEW} := Im(F'_{BIT}),$ $V_{NEW} := \{x | x \in VPORT_{CUA}, \pi_{BITS}(x) \subseteq B_{RDY} \land \pi_{BITS}(x) \cap B_{NEW} \neq \emptyset\}$ $\nu := (\nu \setminus \{(y, y_1, y_2, y_3, y_4) | y \in V_{NEW}\}) \cup \{(y, y_{seq}, y_{sti}, y_{mul}, y_{CO}) | y \in V_{NEW},$ $y_{seq} = \max_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} z_{seq},$ $y_{sti} = \max_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} z_{sti},$ $y_{mul} = \frac{1}{|\pi_{BITS}(y)|} \prod_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} (z_{CO} \cdot |\pi_{BITS}(y) \cap \pi_{BITS}(z)|),$ $(z, z_{seq}, z_{sti}, z_{mul}, z_{CO}) \in \nu\},$ $V_{RDY} := V_{RDY} \cup V_{NEW}$

Posledním podblokem je podblok pro přenos značek řiditelnosti strukturou obvodových prvků. Po zavedení pomocných proměnných v kroku 1 jsou v kroku 2 inicializovány množiny nově označených bran (B_{NEW}) a virtuálních portů (V_{NEW}) a je vytvořena množina (E_{NEW}) hran grafu G_S s počátečními uzly (virtuálními porty) z množiny V_{NEW} ; prvky množiny E_{NEW} jsou hrany, přes které lze za jistých podmínek uskutečnit přenos značky strukturou příslušných obvodových prvků. V kroku 3.1 je pak pro každý cílový uzel každé z těchto hran ohodnocena jeho potencioální značka. Značkou ohodnocenou v kroku 3.1 je uzel označen v případě, je-li označen horší¹³ značkou (krok 3.2) nebo pokud není označen (krok 3.3). V kroku 3.4 jsou postupně vytvářeny množiny nově označených bran (B_{NEW}) a nově označených virtuálních portů (V_{NEW}) . V posledním kroku (krok 4) je aktualizován obsah množiny již označených uzlů (V_{RDY}) .

Algoritmus 9

Procedura Přenos_přes_prvky(G_S, β_C , var: B_{NEW} , V_{NEW} , B_{RDY} , V_{RDY} , ν) 1. Zaved $E_{NEW} \subset VPORT_{CUA} \times VPORT_{CUA}$ $došlo_ke_zlepšeni \in \{true, false\}$ 2. Přiřaď $E_{NEW} := \{(x, y) | (x, y) \in Im(\sigma(G_S)), w_{SSeq}(x, y) \ge 1, x \in V_{NEW}\},$ $B_{NEW} := \emptyset, V_{NEW} := \emptyset$ 3. Pro každé $y \in Im(E_{NEW})$ proveď 3.1. Přiřaď došlo_ke_zlepšeni := false, $y_{seq} := x_{seq} + w_{SSeq}(x, y),$ $y_{sti} := x_{sti} + w_{SSeq}(x, y) \cdot |w_{SX}(x, y)|,$ $y_{mul} := x_{mul} \cdot \prod_{x' \in w_{SX}(x, y)} \beta_C(x'),$ $y_{CO} := (1 - \frac{y_{Seq}}{\overline{v}_{Seq}(cir_{CUA})+1}) \cdot (1 - \frac{y_{NSti}}{\overline{v}_{NSti}(cir_{CUA})+1}) \cdot y_{mul},$ kde $(x, x_{seq}, x_{sti}, x_{mul}, x_{CO}) \in \nu, (x, y) \in E_{NEW},$ $x_{CO} = \min_{(x,y) \in E_{NEW}, (z, z_{seq}, z_{sti}, z_{mul}, z_{CO}) \in \nu z_{CO}}$ 3.2. Pokud $y \in V_{RDY}$ proveď 3.2.1. Pokud $\exists (y, y'_{seq}, y'_{sti}, y'_{mul}, y'_{CO}) \in \nu: y_{CO} > y'_{CO}$ proveď

¹³kritériem pro porovnávání značek je zde ohodnocení řiditelnosti
$\nu := (\nu \setminus (y, y'_{seq}, y'_{sti}, y'_{mul}, y'_{CO})) \cup \{(y, y_{seq}, y_{sti}, y_{mul}, y_{CO})\},\$ $došlo_ke_z lepšeni := true$ 3.3. Pokud $y \notin V_{RDY}$ proved' $\nu := \nu \cup \{(y, y_{seq}, y_{sti}, y_{mul}, y_{CO}),\$ $došlo_ke_z lepšeni := true$ 3.4. Pokud $došlo_ke_z lepšeni$ proved' $B_{NEW} := B_{NEW} \cup \pi_{BITS}(y),\$ $V_{NEW} := V_{NEW} \cup \{y\}$ 4. Přiřad' $V_{RDY} := V_{RDY} \cup V_{NEW}$

5.2.6 Blok pro ohodnocení pozorovatelnosti

Po ohodnocení řiditelnosti je možno přistoupit k dalšímu (čtvrtému) kroku analýzy testovatelnosti - k analýze pozorovatelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA. Algoritmus této analýzy bude opět rozčleněn do několika bloků, jimž bude věnován tento odstavec.

Vstupem hlavního bloku pro ohodnocení pozorovatelnosti je model CUA, graf G_I datového toku odezev, zobrazení informující o řiditelnosti bran a inicializovaná zobrazení pro ohodnocení řiditelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA. Výstupem jsou zobrazení s ohodnocením pozorovatelnosti virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků v CUA.

Algoritmus je tvořen čtyřmi kroky, se smyčkou mezi kroky 2 a 3. V prvním kroku jsou deklarovány pomocné množiny sloužicí ke značkování dostupnosti bran (B_{RDY}) resp. virtuálních portů (V_{RDY}) z primárních výstupů CUA, množiny obsahující nově označkované brány (B_{NEW}) resp. virtuální porty (V_{NEW}) a proměnná nastala_změna oznamující, zda došlo ke změně značení, tj. zda přibyla nová značka. V kroku 2 jsou nejprve značky z nově označených virtuálních portů resp. jejich bran přeneseny (krok 2.2) po hranách grafu G_I představujících spoje v CUA; pokud neexistuje značka, kterou by bylo možno přenést, tj. pokud není k dispozici žádný nově označený virtuální port resp. brána, značkování je ukončeno a algoritmus pokračuje ohodnocením pozorovatelnosti portů obvodových prvků v kroku 4. V opačném případě, tj. existuje-li nově označený virtuální port resp. brána, pak jsou v grafu G_I hledány (krok 2.3) hrany reprezentující tok odezev přislušnými obvodovými prvky CUA, přes které je možno přenést (přenos je podmíněn označením všech řídicích bran každé z těchto hran) značky dále a tento přenos je proveden. Nebyla-li přenesena ani jedna značka, algoritmus pokračuje krokem 4; v opačném případě jsou o nově označené brány resp. virtuální porty obohaceny příslušné množiny (V_{NEW} , B_{NEW} , V_{RDY}) a algoritmus se vrací na krok 2.

V následujícím textu budou představeny podbloky algoritmu pro ohodnocení řiditelnosti. První podblok popisuje způsob aktualizace ohodnocení řiditelnosti nově označených bran, druhý podblok popisuje způsob přenosu značek přes spoje a třetí podblok způsob přenosu značek přes obvodové prvky. Čtvrtý podblok, používaný v prvním podbloku pro aktualizaci ohodnocení pozorovatelnosti bran, zde uveden není, jelikož je totožný s podblokem popsaným algoritmem 7. Narozdíl od algoritmu 7, uvedeného v souvislosti s ohodnocováním řiditelnosti však nejsou vstupem tohoto algoritmu zobrazení ν_C , β_C obsahující informaci o hodnotě řiditelnosti bran a virtuálních portů, ale zobrazení ν_O , β_O obsahující informaci o jejich pozorovatelnosti.

Algoritmus 10

Procedura Ohodnocení_pozorovatelnosti(CUA, G_I , β_C , **var:** ν_O , β_O , π_{NO} , π_O) 1. [Zavedení a inicializace pomocných proměnných a množin]

Zaved' $B_{RDY}, B_{NEW} \subset BIT_{CUA}, nastala_změna \in \{ false, true \},$ $V_{NEW}, V_{RDY} \subseteq VPORT_{CUA}$ **Přiřad** $B_{RDY} := \emptyset, B_{NEW} := BPO_{CUA},$ $V_{RDY} := \{ x \mid x \in VPORT_{CUA}, \pi_{BITS}(x) \subseteq B_{NEW} \},\$ 2. [Smyčka pro šíření hodnot pozorovatelnosti (začátek)] 2.1. Přiřad' $nastala_z m ena := false$ 2.2. [Šíření hodnot pozorovatelnosti po spojích] **Proved'** $P\check{r}enos_p\check{r}es_spoje(B_{NEW}, V_{NEW}, B_{RDY}, V_{RDY}, \nu_O)$ **Pokud** $|B_{NEW}| = \emptyset$ jdi na bod 4 2.3. [Šíření hodnot pozorovatelnosti přes obvodové prvky] **Proved'** Aktualizace_ohodnocení_bran $(B_{NEW}, \nu_O, \beta_O)$ $P\check{r}enos_p\check{r}es_prvky(G_I, \beta_C, B_{NEW}, V_{NEW}, B_{RDY}, V_{RDY}, \nu_O)$ Aktualizace_ohodnocení_bran $(B_{NEW}, \nu_O, \beta_O)$ **Přiřad'** nastala_změna := $(B_{NEW} \neq \emptyset)$ 3. [Smyčka pro šíření hodnot pozorovatelnosti (podmíněný skok na začátek)] Pokud nastala_změna jdi na bod 2 4. [Ohodnocení pozorovatelnosti portů] Pro každý $x \in PORT_{CUA}$ proveď $\pi_{NO} := \pi_{NO} \cup \{ (x, |\{y|y \in \pi_{BITS}(x) \land \beta_O(y) > 0\}|) \}$ $\pi_O := \pi_O \cup \{ (x, \frac{\sum_{y \in \pi_{BITS}(x)} \beta_O(y)}{\pi_W(x)}) \}$

Jedním z podbloků pro značkování pozorovatelných uzlů v G_I je níže uvedený podblok pro přenos (ve směru od primárních výstupů CUA k primárním vstupům CUA, tj. proti směru otientace hran v G_I) značek přes spoje. Značka je z každé nově označené brány (z množiny B_{NEW}) přenesena na všechny její cílové brány (dané relací F'_{CUA}), je vytvořena množina V_{NEW} nově označených virtuálních portů a je aktualizována informace o pozorovatelnosti každého z těchto portů.

Algoritmus 11

Procedura Přenos_přes_spoje(var: B_{NEW} , V_{NEW} , B_{RDY} , V_{RDY} , ν) 1. Zaveď $F'_{BIT} \subset F_{BIT}$ 2. Přiřaď $F'_{BIT} := \{(x,y)|(x,y) \in F_{BIT}, y \in B_{NEW}\}$, $B_{RDY} := B_{RDY} \cup B_{NEW}$, $B_{NEW} := Def(F'_{BIT})$, $V_{NEW} := \{x|x \in VPORT_{CUA}, \pi_{BITS}(x) \subseteq B_{RDY} \land \pi_{BITS}(x) \cap B_{NEW} \neq \emptyset\}$ $\nu := (\nu \setminus \{(y, y_1, y_2, y_3, y_4)| y \in V_{NEW}\}) \cup \{(y, y_{seq}, y_{sti}, y_{mul}, y_{CO})| y \in V_{NEW},$ $y_{seq} = \max_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} z_{seq}$, $y_{sti} = \max_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} (z_{mul} \cdot |\pi_{BITS}(y) \cap \pi_{BITS}(z)|)$, $y_{CO} = \frac{1}{|\pi_{BITS}(y)|} \prod_{z \in V_{RDY}, \pi_{BITS}(z) \cap \pi_{BITS}(y) \neq \emptyset} (z_{CO} \cdot |\pi_{BITS}(y) \cap \pi_{BITS}(z)|)$, $(z, z_{seq}, z_{sti}, z_{mul}, z_{CO}) \in \nu\}$, $V_{RDY} := V_{RDY} \cup V_{NEW}$

Posledním zde zmíněným podblokem je podblok pro přenos značek pozorovatelnosti strukturou obvodových prvků. Po zavedení pomocných proměnných v kroku 1 jsou v kroku 2 inicializovány množiny nově označených bran (B_{NEW}) a virtuálních portů (V_{NEW}) a je vytvořena množina (E_{NEW}) hran grafu G_I s koncovými uzly (virtuálními porty) z množiny V_{NEW} ; prvky množiny E_{NEW} jsou hrany, přes které lze (proti směru danému jejich orientací) za jistých podmínek uskutečnit přenos značky strukturou příslušných obvodových prvků. V kroku 3.1 je pak pro každý počáteční uzel každé z těchto hran ohodnocena jeho potencioální značka. Značkou ohodnocenou v kroku 3.1 je uzel označen v případě, je-li označen horší¹⁴ značkou (krok 3.2) nebo pokud není označen (krok 3.3). V kroku 3.4 jsou postupně vytvářeny množiny nově označených bran (B_{NEW}) a nově označených virtuálních portů (V_{NEW}). V posledním kroku (krok 4) je aktualizován obsah množiny již označených uzlů (V_{RDY}).

Algoritmus 12

Procedura $P\check{r}enos_p\check{r}es_prvky(G_I, \beta_C, var: B_{NEW}, V_{NEW}, B_{RDY}, V_{RDY}, \nu)$ 1. Zaved' $E_{NEW} \subset VPORT_{CUA} \times VPORT_{CUA}$, $došlo_ke_zlepšeni \in \{true, false\}$ 2. **Přiřad** $E_{NEW} := \{(x, y) | (x, y) \in Im(\sigma(G_I)), w_{ISeq}(x, y) \ge 1, y \in V_{NEW} \},\$ $B_{NEW} := \emptyset, V_{NEW} := \emptyset$ 3. Pro každé $x \in Def(E_{NEW})$ proved' 3.1. **Přiřad'** $došlo_ke_změně := false_změně$ $x_{seq} := y_{seq} + w_{ISeq}(x, y),$ $x_{sti} := y_{sti} + w_{ISeq}(x, y) \cdot |w_{IX}(x, y)|,$ $\begin{aligned} x_{mul} &:= y_{mul} \cdot \prod_{\substack{y' \in w_{IX}(x,y) \\ x_{Seq}}} \beta_C(y'), \\ x_{CO} &:= \left(1 - \frac{x_{NSti}}{\overline{v}_{Seq}(cir_{CUA}) + 1}\right) \cdot \left(1 - \frac{x_{NSti}}{\overline{v}_{NSti}(cir_{CUA}) + 1}\right) \cdot x_{mul}, \, \text{kde} \end{aligned}$ $(y, y_{seq}, y_{sti}, y_{mul}, y_{CO}) \in \nu, (x, y) \in E_{NEW},$ $y_{CO} = \min_{(z,y)\in E_{NEW}, (z, z_{seq}, z_{sti}, z_{mul}, z_{CO})\in\nu} z_{CO} \}$ 3.2. Pokud $x \in V_{RDY}$ proved 3.2.1. Pokud $\exists (x, x'_{seq}, x'_{sti}, x'_{mul}, x'_{CO}) \in \nu: x_{CO} > x'_{CO}$ proved' $\nu := (\nu \setminus (x, x'_{seq}, x'_{sti}, x'_{mul}, x'_{CO})) \cup \{(x, x_{seq}, x_{sti}, x_{mul}, x_{CO})\},\$ $došlo_ke_změně := true$ 3.3. Pokud $x \notin V_{RDY}$ proved' $\nu := \nu \cup \{(x, x_{seq}, x_{sti}, x_{mul}, x_{CO}),\$ $došlo_ke_změně := true$ 3.4. Pokud došlo_ke_změně proved' $B_{NEW} := B_{NEW} \cup \pi_{BITS}(x),$ $V_{NEW} := V_{NEW} \cup \{x\}$ 4. **Přiřad** $V_{RDY} := V_{RDY} \cup V_{NEW}$

5.3 Informace pro zlepšení testovatelnosti

Za hlavní úkol metody analýzy testovatelnosti lze jistě považovat poskytnutí informace o testovatelnosti daného obvodu. Ta je většinou vyjádřena formou ohodnocení jistých diagnostických vlastností obvodu - v případě navržené metody analýzy testovatelnosti se jedná o číselné ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti virtuálních portů, bran, portů obvodových prvků a obvodu jako celku. Tato informace, je-li dostupná v "rozumně krátkém čase", pak může být, např. coby součást účelové funkce, s výhodou použita při řešení složitějších problémů mezi které patří např. syntéza pro snadnou testovatelnost či v další kapitole zmíněný problém výběru a rozmístění registrů do scan řetězců a problém generování benchmarkových obvodů. Z výsledků

 $^{^{14}\}mathrm{kritériem}$ pro porovnávání značek je zde ohodnocení pozorovatelnosti

analýz velikostí prohledávacích prostorů výběru a propojení technik návrhu pro snadnou testovatelnost uvedených v odstavci 6.2.3, strana 114, z velké časové složitosti pro řešení MFSP a z požadavku nízké výpočetní složitosti analýzy testovatelnosti¹⁵ totiž plyne, že analýza testovatelnosti není vhodná pro řešení obtížných problémů, mezi které patří např. problém výběru a rozmístění minimálního počtu registrů do scan řetězců či problém výběru nejvhodnější kombinace technik návrhu pro snadnou testovatelnost a problém jejich vzájemného rozmístění a propojení v obvodové struktuře.

Hlavní vlastnosti algoritmu analýzy testovatelnosti navržené v této práci lze shrnout do následujících bodů:

- algoritmus poskytuje informaci o obtížně testovatelných částech obvodu a o zdrojích obtížné testovatelnosti a číselně ohodnocuje řiditelnost, pozorovatelnost a testovatelnost vybraných částí obvodu,
- vzhledem k jeho časové složitosti¹⁶ lze navržený algoritmus považovat za "rychlý" [Dem02].

Analýze časové složitosti algoritmu je věnován odstavec 6.1, strana 105, proto se jimi nyní zabývat nebudeme. Zaměříme se však na to, jak je možné výsledků analýzy testovatelnosti využít v postupech zabývajících se zlepšením testovatelnosti. Na základě výsledků algoritmu je možno získat zejména následující informace identifikující obtížně testovatelné části v CUA a zdroje této obtížné testovatelnosti - taková místa jsou jistě velmi vhodná např. pro aplikaci některé z technik návrhu pro snadnou testovatelnost:

- informace o netestovatelných částech obvodu množina $\{x \mid x \in VPORT_{CUA} \land \nu_C(x) = 0\}$ neřiditelných virtuálních portů, množina $\{x \mid x \in VPORT_{CUA} \land \nu_O(x) = 0\}$ nepozorovatelných virtuálních portů, množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_C(x) = 0\}$ neřiditelných bran, množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_O(x) = 0\}$ nepozorovatelných bran, bran, množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_O(x) = 0\}$ nepozorovatelných bran, bran, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NC}(x) = 0\}$ neřiditelných portů, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NO}(x) = 0\}$ nepozorovatelných portů a množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NC}(x) = \pi_{NO}(x) = 0\}$ netestovatelných portů,
- informace o částečně testovatelných portech obvodu množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land 0 < \pi_{NC}(x) < \pi_W(x)\}$ částečně řiditelných portů, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land 0 < \pi_{NO}(x) < \pi_W(x)\}$ částečně pozorovatelných portů a množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land 0 < \pi_{NC}(x) < \pi_W(x) \land 0 < \pi_{NO} < \pi_W(x)\}$ částečně testovatelných portů,
- informace o testovatelných částech obvodu množina $\{x \mid x \in VPORT_{CUA} \land \nu_C(x) > 0\}$ řiditelných virtuálních portů, množina $\{x \mid x \in VPORT_{CUA} \land \nu_O(x) > 0\}$ pozorovatelných virtuálních portů, množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_C(x) > 0\}$ řiditelných bran, množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_O(x) > 0\}$ pozorovatelných bran, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NC}(x) = \pi_W(x)\}$ řiditelných portů, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NO}(x) = \pi_W(x)\}$ pozorovatelných portů, množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NO}(x) = \pi_W(x)\}$ pozorovatelných portů a množina $\{x \mid x \in PORT_{CUA} \land \pi_{NC}(x) = \pi_W(x)\}$ testovatelných portů,
- informace o zdrojích obtížné testovatelnosti množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_C(x) = 0 \land \exists h \in E(G_S), \sigma_S(h) = (u, v): \nu_C(u) > 0 \land x \in w_{SX}(h)\} \cup \{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_C(x) = 0 \land \neg \exists h \in E(G_S), \sigma_S(h) = (u, v): x \in \pi_{BITS}(v)\}$ bran, které jsou kandidtáty zdrojů špatné řiditelnosti a množina $\{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_O(x) = 0 \land \exists h \in E(G_I), \sigma_I(h) = (u, v): \nu_O(u) > 0 \land x \in w_{IX}(h)\} \cup \{x \mid x \in B_{CUA} \land \beta_O(x) = 0 \land \neg \exists h \in E(G_I), \sigma_I(h) = (u, v): x \in \pi_{BITS}(u)\}$ bran, které jsou kandidtáty zdrojů špatné pozorovatelnosti,

 $^{^{15}}$ blíže viz přehled vybraných společných znaků metod analýzy testovatelnosti, strana 47, druhá odrážka shora 16 viz věta 7, strana 107 a její důsledek

• informace o kandidátních registrech pro vložení do scan řetězců - množina $\{x \mid x \in REG_{CUA} \land \exists y \in \psi'(x): 0 \leq \pi_{NC}(x) < \pi_W(x) \lor 0 \leq \pi_{NO}(x) < \pi_W(x)\}$. Pro registr x náležící této množině platí x je prvkem FVS(G) vyskytujícím se v kružnici, jejíž datový tok není řídit a/nebo pozorovat¹⁷, kde G = (V, E) je orientovaný graf a $V(G) = E_{CUA}, E(G) = \{(x, y) \mid x, y \in V(G) \land \exists v_1, v_2 \in VPORT_{CUA}: \beta_E(\pi_{BIT}(v_1, 0)) = x \land \beta_E(\pi_{BIT}(v_2, 0)) = y \land [(\exists h \in E(G_S) : \sigma_S(h) = (v_1, v_2)) \lor (\exists h \in E(G_I) : \sigma_I(h) = (v_1, v_2))]\}.$

5.4 Shrnutí

Text této kapitoly byl rozčlěněn na tři důležité části; první dvě se týkaly navržené metody analýzy testovatelnosti předpokládající generování deterministického testu číslicového obvoduvymezeného modelem popsaným v předchozí kapitole.

První část se věnovala jak popisu vztahů pro ohodnocení snadnosti konstrukce systémů transparentních cest v CUA, vztahů pro ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti virtuálních portů a bran v CUA a vztahů pro ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti portů obvodových prvků CUA, tak popisu vztahů pro ohodnocení testovatelnosti obvodového návrhu jako celku. Vztahy patřící do první skupiny lze označit za vztahy pro lokální ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti resp. pozorovatelnosti, vztahy související s ohodnocení m diagnostických vlastností CUA jako celku pak za vztahy pro globální ohodnocení testovatelnosti. Všechny vztahy jsou navrženy tak, aby zkoumaná vlastnost byla ohodnocena relativně ke strukturálním vlastnostem CUA reálným číslem z intervalu < 0; 1 >. Účelem relativního ohodnocení je umožnit jednoduché číselné porovnání daných vlastností různých CUA, přičemž se může jednat o ohodnocení vlastností naprosto odlišných CUA či modifikací téhož CUA. Důvodů pro používání intervalu < 0; 1 > je několik. Prvním je fakt, že tento interval je pro ohodnocení vlastností používání i některými jinými metodami analýzy testovatelnosti, druhým je snadná převoditelnost hodnot z tohoto intervalu do libovolného jiného intervalu. Třetím důvodem je vhodnost intervalu pro vyjádření relativního ohodnocení daných vlastností.

Druhá část kapitoly byla věnována popisu algoritmů popisujících konstrukci množin nutných pro ohodnocení diagnostických vlastností CUA pomocí vztahů zavedených v první části. Algoritmy jsou založeny na prohledávání grafů G_S a G_I ; jejich hlavním cílem je zjistit dostupnost uzlů (virtuálních portů) a) grafu G_S z primárních vstupů CUA a ohodnotit řiditelnost virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků a b) grafu G_I na primárních výstupech obvodu a ohodnotit pozorovatelnost virtuálních portů, bran a portů obvodových prvků a portů obvodových prvků. Na základě výše uvedeného, tzv. lokálního ohodnocení řiditelnosti a pozorovatelnosti, je ohodnocena testovatelnost portů obvodových prvků a testovatelnost obvodu CUA jako celku.

Třetí část ukazála, jaké konkrétní informace o obtížně testovatelných částech v CUA je možno na základě získaných ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti získat. Daná ohodnocení poskytují jistou informaci o vybraných diagnostických vlastnostech CUA zejména pak informaci o řiditelných a pozorovatelných virtuálních portech, branách a portech obvodových prvků (tj. informaci o tom, které části struktury CUA jsou testovatelné a které ne) a informaci o snadnosti jejich řízení a pozorování (tj. informaci o tom, jaká je cena - měřená délkou posloupnosti podnětů a četností podnětů bran - za jejich řízení a pozorování). Informaci o obtížně testovatelných částech CUA pak lze využít např. k modififikaci stávající struktury CUA za účelem zlepšení testovatelnosti CUA vhodným vložením technik návrhu pro snadnou testovatelnost do struktury CUA či při návrhu obtížně testovatelných (tzv. benchmarkových)

 $^{^{17}}$ tvrzení uvedeno bez důkazu. Důkaz by vycházel z toho, že pro neřiditelný (nepozorovatelný) virtuální port y platí $\nu_C(y) = 0$ ($\nu_O(y) = 0$, že taková kružnice je složena pouze z neřiditelných a/nebo nepozorovatelných virtuálních portů a že zlepšením řiditelnosti (pozorovatelnosti) některého z nich dojde ke zlepšení testovatelnosti zbývajících, tj. že dojde k odstranění zpětné vazby z grafu G z pohledu přenosu diagnostických dat

obvodů. Příkladem výsledků a ukázkou aplikace navržené metody v oblastech návrhu pro snadnou testovatelnost a návrhu benchmarkových obvodů se zabývá nástedující kapitola.

Kapitola 6

Ověření algoritmu analýzy testovatelnosti

6.1 Důkazy vybraných vlastností

6.1.1 Správnost a časová složitost algoritmu

V tomto odstavci budou konstatována některá významná tvrzení (věty) týkající se správnosti a časové složitosti navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti (algoritmus 4). Kromě nastínění důkazů těchto tvrzení budou představeny některé jejich důsledky. Jádrem navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti jsou dílčí algoritmy analýzy řiditelnosti (algoritmus 6) a analýzy pozorovatelnosti (algoritmus 10). Ty řeší velmi podobný problém a je tedy možno konstatovat, že výsledky analýzy jednoho algoritmu platí také pro algoritmus druhý a naopak. Proto se v této části budeme věnovat pouze analýze algoritmu 6 s tím, že výsledky této analýzy následně vztáhneme i na algoritmus 10. Před započetím analýzy algoritmů ještě poznamenejme následující:

- cíl úlohy, kterou algoritmus 6 řeší, lze formulovat jako zjištění dostupnosti uzlů (virtuálních portů CUA) grafu G_S z primárních vitruálních portů spojené s ohodnocením řiditelnosti označených uzlů takové, aby $\forall x \in V(G_S)$: pro každou orientovanou cestu C z některého primárního virtuálního portu do x obsahující pouze označené uzly platí, že hodnota řiditelnosti uzlu x_1 , vyskytujícího se na orientované cestě C před uzlem x_2 , je větší nebo rovna hodnotě řiditelnosti uzlu x_2 ; hodnota řiditelnosti neoznačených (tj. nedostupných) uzlů bude rovna 0,
- při analýze složitosti algoritmu 4 byla řešena tzv. analýza nejhoršího případu¹, jelikož udává časovou složitost potřebnou i pro ty nejsložitější instance dané úlohy a to i v případě, že nejsložitější instance může být velmi nepravděpodobná a "obvyklé" řešení trvá kratší dobu [MSL01, strana 263],
- vlastnosti grafového algoritmu jsou většinou vyjadřovány pomocí počtu uzlů a hran libovolného grafu, který může být parametrem instance dané úlohy [CLRS01, MSL01, Dem02]. Je tedy obvyklé, že v případě grafových algoritmů existují dva parametry popisující rozměr vstupu, ne pouze jeden. Této zvyklosti se při analýze vlastností algoritmu 4 budeme v následujícím textu držet i my a vlastnosti grafového algoritmu pracujícího nad grafem G budeme zapisovat jako funkci |V(G)| a |E(G)|.

Nyní můžeme představit některá významná tvrzení, jejich důkazy a důsledky.

¹angl. worst case analysis

Věta 6: Algoritmus 6 skončí práci po konečném počtu kroků. Po zastavení jsou označkovány právě ty uzly, do nichž vede z primárních virtuálních portů CUA orientovaná cesta taková, že pro každou řídicí bránu každé z hran v této cestě platí, že alespoň jeden virtuální port, kterému tato brána přísluší, je také označkován.

Důkaz: V kroku 2 algoritmu 6 je značka přenesena přes hranu h, $\sigma_S(h) = (x, y)$ pokud jsou splněny následující podmínky: a) značka je v uzlu x, b) uzel y buď značku nemá nebo je označkován značkou s menší hodnotou řiditelnosti a c) označkována je každá brána z množiny $w_{SX}(h)$.

Indukcí dokážeme, že do každého označkovaného uzlu vede orientovaná cesta taková, že vede pouze přes označkované uzly a pro každou řídicí bránu každé z hran v této cestě platí, že alespoň jeden virtuální port, kterému tato brána přísluší, je také označkován. Po provedení inicializace to triviálně platí: označkován je každý primární vstupní virtuální port. Nyní předpokládejme, že toto tvrzení platí před provedením kroku 2 a že pro šíření značky byla vybrána hrana h', $\sigma_S(h') = (x', y')$. Uzel x' tedy má značku a dle indukčního předpokladu existuje orientované cesta C z některého z primárních vstupních virtuálních portů do x' a řídicí brány každé z hran na cestě C jsou také označkovány. Cesta C navíc prochází pouze přes označkované vrcholy a ani ona, ani žádná z označkovaných orientovaných cest vedoucích do řídicích bran hran cesty C neobsahuje ani hranu h', ani vrchol y. Díky tomu můžeme cestu C prodloužit o hranu h'a vrchol y', čímž získáme orientovanou cestu z některého z primárních virtuálních portů, která vede přes označkované vrcholy. Tvrzení tedy platí i pro označkování vrcholu y'.

Obrácenou implikaci dokážeme sporem: Kdyby nebyl po skončení výpočtu označkován některý uzel, do něhož vede z primárních virtuálních portů *CUA* orientovaná cesta taková, že pro každou řídicí bránu každé z hran v této cestě platí, že alespoň jeden virtuální port, kterému tato brána přísluší, je také označkován, pak by existovala na této cestě hrana mající označkovány všechny řídicí brány, jejíž počáteční vrchol by byl označkován a koncový buď nikoli nebo by byl označkován menší hodnotou řiditelností než jakou je možno získat z počátečního uzlu této hrany. To by však byl spor s krokem 2 algoritmu, neboť výpočet by v takové situaci ještě neměl být ukončen.

Při provádění algoritmu 6 zřejmě bude v nejhorším případě nutno pro každý uzel $x \in V(G_S)$ projít všechny orientované cesty v grafu G_S začínající v některém z primárních vstupních virtuálních portů a končící v uzlu x. Jelikož graf G_S je konečný, pak bude konečný i počet orientovaných cest v grafu G_S a počet kroků algoritmu.

Na základě důsledku následující věty bude možné určit časovou složitost navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti. Z důvodu přehledného odvození časové složitost algoritmu 6 převedeme řešený problém na problém nalezení nejkratších cest². Nejprve však bude třeba definovat následující zobrazení.

Definice 32: Nechť x_{CO} je hodnota řiditelnosti virtuálního portu x obsažená v 5-tici $(x, x_{seq}, x_{sti}, x_{mul}, x_{CO}) \in \nu_C$. Na množině $V(G_S)$ definujme zobrazení $w_V: V(G_S) \to \mathbb{R}$ přiřazující každému uzlu $x \in V(G_S)$ jeho vzdálenost od primárních vstupů CUA podle předpisu

$$x \mapsto \begin{cases} \infty & \text{je-li } x_{CO} = 0 \\ rac{1}{x_{CO}} & \text{jinak} \end{cases}$$

²připomeňme však, že ohodnocení hran a uzlů grafu G_S nejsou, narozdíl od grafu G_S , jedněmi ze vstupů instance problému, ale že jsou postupně získávány během zjišťování dostupnosti uzlů grafu G_S z primárních virtuálních portů. Ohodnocení uzlů a hran grafu G_S tedy nejsou konstantní, ale mění se (k lepšímu) s každou iterací algoritmu 6

a zobrazení $w_E: E(G_S) \to \mathbb{R}$ přiřazující každé hraně $h \in E(G_S)$, $\sigma_S(h) = (x, y)$ její délku předpisem $h \mapsto w_V(y) - w_V(x)$.

Délku cesty C tvořené hranami h_1, \ldots, h_n definujme jako $\sum_{i=1}^n w_E(h_i)$.

Nyní lze vyslovit větu týkající se složitosti ohodnocení jednoho uzlu v grafu G_S .

Věta 7: Po *i*-tém provedení kroku 2 (pro $i = 0, 1, 2, ..., |V(G_S)|$) platí:

 $\forall x \in V(G_S): w_V(x)$ je menší nebo rovno délce nejkratší cesty z primárních virtuálních portů CUA do x, která má nejvýše i hran.

Důkaz: Pro i = 0 tvrzení triviálně platí. Předpokládejme, že tvrzení platí pro nějaké *i*. Dokážeme, že bude platit také po dalším provedení kroku 2 algoritmu 6, tj. pro i + 1. Vezměme libovolný vrchol *x*, označme $d_{i+1}(x)$ délku cesty, která je nejkratší ze všech cest z primárních virtuálních portů do *x*, které mají nejvýše i + 1 hran, a dále označme *y* předposlední uzel v této cestě. Počáteční úsek této cesty z primárních virtuálních portů do *y* má nejvýše *i* hran a jeho délka $d_i(y)$ je nejkratší ze všech cest z primárních virtuálních portů do *y*, které mají nejvýše *i* hran. Podle indukčního předpokladu po *i*-tém vykonání kroku 2 algoritmu 6 bylo $w_V(y) \leq d_i(y)$, a proto po dalším kroku 2, kdy musela být zpracována i hrana (y, x), musí platit $w_V(x) \leq d_{i+1}(x)$.

Důsledek: Krok 2 algoritmu 6 může být opakován nejvýše $|E(G_S)|$ -krát. Časová složitost algoritmu 6 je tedy $O(|V(G_S)| \cdot |E(G_S)|)$.

Po skončení algoritmu 6 platí $\forall h \in E(G_S), \sigma_S(h) = (x, y): w_V(x) \leq w_V(y)$, tj. ohodnocení uzlů hodnotami řiditelnosti je provedeno v souladu s definicí 26, strana 87.

Časové složitosti pěti dílčích kroků navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti (algoritmus 4) jsou: krok 1: O(konst.), krok 2: $O(|V_{G_S}| + |E_{G_S}| + |V_{G_I}| + |E_{G_I}|)$, krok 3: $O(|V_{G_S}| \cdot |E_{G_S}|)$, krok 4: $O(|V_{G_I}| \cdot |E_{G_I}|)$ a krok 5 $O(|V_{G_S}| + |E_{G_S}| + |V_{G_I}| + |E_{G_I}|)$. Algoritmus 4 tedy pracuje se složitostí $O(|V_{G_S}| \cdot |E_{G_S}| + |V_{G_I}| \cdot |E_{G_I}|)$.

6.2 Experimentální výsledky a příklady aplikace metody

V této části budou představeny některé z experimentálních výsledků dosažených s využitím navržené metody analýzy testovatelnosti [SKR01, Str02b, KS02c, KS02b, KS02a, Str03d, Str03c, Str03b, Str03a, SKM03a, SKP04a]. Text bude rozčleněn do několika odstavců, přičemž každý odstavec bude věnován samostatné oblasti. První odstavec shrne současný stav a možnosti pro ověřování a vzájemné srovnávání nově navržených postupů a nástrojů z oblasti návrhu a diagnostiky elektronických systémů. Druhý odstavec bude zaměřen na experimentální výsledky dosažené metodou analýzy testovatelnosti navrženou v této práci. Ve třetím odstavci bude ukázán příklad aplikace navržené metody v návrhu pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan s cílem nalezení - vzhledem k zadaným návrhovým omezením - co nejvhodnějšího rozmístění registrů do scan řetězů. V posledním - čtvrtém - odstavci budou stručně shrnuty výsledky dosažené aplikací metody v oblasti generování benchmarkových obvodů.

6.2.1 Komentář k benchmarkovým obvodům

Jeden z nejobtížnějších úkolů, kterým je třeba při návrhu nových postupů, nástrojů atp. v diagnostice číslicových obvodů čelit, je jejich zhodnocení a srovnání s již existujícími postupy, nástroji atp. Zřejmě je výhodné, existují-li data, která mohou být použita jako vstup různých postupů řešících stejný nebo velmi podobný problém z téže oblasti; vychází se přitom z předpokladu, že budou-li dané postupy aplikovány na stejnou množinu dat, pak bude jejich srovnání dostatečně objektivní.

V oblastech zabývajících se návrhem a diagnostikou elektronických systémů je obvyklé, že různé postupy, nástroje atp. jsou srovnávány na základě výsledků získaných jejich aplikací na testovací (srovnávací), tzv. *benchmarkové obvody*. Tyto obvody bývají sdružovány do tzv. *sad* (*souborů*) *benchmarkových obvodů*, zkráceně do *benchmarkových sad*; každá sada pak obsahuje obvody, splňující jistá kritéria - např. obvody reprezentující specifickou oblast návrhu či diagnostiky, obvody vyznačující se předem definovanými strukturálními vlastnostmi vhodnými k zátěžovému prověření postupů či nástrojů z dané oblasti či obvody popsané na stejné úrovni abstrakce - např. pro srovnání postupů pro vysokoúrovňovou syntézu jsou vyžadovány benchmarkové obvody popsané na úrovni chování zatímco pro srovnání postupů provádějících implementaci systému je třeba použít obvody zadané nízkoúrovňovým fyzickým popisem. Příklad oblastí, pro které jsou k dispozici benchmarkové obvody, je shrnut v tabulce 1 [Brg04].

Je možno konstatovat, že benchmarkové sady představují ověřovací data, která jsou uznávána producenty nových postupů a nástrojů z oblasti návrhu a diagnostiky elektronických systémů a používána k jejich vzájemnému srovnání. Přesto, že se v praxi ukazuje, že zcela objektivního srovnání postupů a nástrojů řešících blízké problémy založeného na výsledcích dosažených pouze pomocí benchmarkových obvodů lze jen ztěží dosáhnout, benchmarkové sady v současné době představují prakticky jedinou možnost řádného srovnání existujících postupů a nástrojů [Har00].

Oblast	Benchmarkové sady
Simulace	CircuitSim90
	Compaction86, PRWorkshop88, Modgen89,
Fyzická implementace	LayoutSynth90, PDWorkshop91, LayoutSynth92,
	PDWorkshop93
Generování testu na úrovni hradel	ISCAS85, ISCAS89
Logická syntéza	LGSynth89, LGSynth91, LGSynth93, LGSynth95
Vysokoúrovňová syntéza	HLSynth89, HLSynth91, HLSynth92, HLSynth95

Tabulka 1: Přehled vybraných benchmarkových sad a jejich rozčlenění podle předpokládaných oblastí aplikace

K dalším nevýhodám současných benchmarkových sad patří skutečnost, že neobsahují dostatečný počet dostatečně rozsáhlých a složitých obvodů, které by zároveň bylo možno považovat za reprezentativní zástupce co největšího počtu skupin obvodových aplikací. Ideálním se může jevit vytvářet benchmarkové sady z komerčních obvodových návrhů, avšak vzhledem k ochraně vlastnických práv těchto návrhů není možné sestavit takové sady v době, kdy jsou tato práva platná a obvodový návrh dostatečně zajímavý z konkurenčního hlediska. Volné zpřístupnění komerčního návrhu tedy může trvat velmi dlouhou dobu - většinou se pak jedná o návrhy, které již nejsou komerčně zajímavé. Takové, mnohem dříve vytvořené, návrhy jsou pak často podstatně odlišné od návrhů vzniklých pomocí moderních návrhových trendů a tedy mohou být obtížně použitelné k ověřování moderních postupů a nástrojů předpokládajících obvody s jinými vlastnostmi, složitostí, popsané na jiných úrovních popisu atp.

6.2.2 Analýza testovatelnosti

V této části budou představeny výsledky dosažené při aplikaci navržené metody analýzy testovatelnosti na vybrané číslicové obvody [SKR01, Str02b, KS02c, KS02b, KS02a, Str03d, Str03b, SKM03a, SKP04a]; pro účely experimentálního ověření byla metoda implementována v jazyce C++. Nejprve bude metoda aplikována na obvod obsahující zanořené zpětné vazby. Cílem bude na tomto jednoduchém obvodu ukázat, jak hodnota řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti závisí na dostupnosti uzlů z primárních vstupů a výstupů CUA. Poté bude metoda aplikována na vybrané benchmarkové obvody používané pro účely ověřování obdobných metod z diagnostiky číslicových obvodů.

Výsledky ohodnocení testovatelnosti každého ze zkoumaných obvodů budou shrnuty do tabulky, která bude doplněna komentářem k těmto výsledkům. Každá tabulka výsledků bude zařazana do přílohy a bude mít jednotný formát s následující strukturou: první řádek tabulky bude tvořen záhlavím, poslední dva řádky budou informovat o globální testovatelnosti daného obvodu. Každý ze zbývajících řádků pak bude příslušet konkréktnímu datovému portu z množiny $PORT_{CUA}$. Tabulka bute mít celkem čtyři sloupce. První sloupec zleva bude obsahovat jméno portu (v případě řádku příslušejícího portu) resp. sledovanou charakteristiku daného obvodu (v případě dvou posledních řádků). Další sloupce ve směru zleva doprava budou obsahovat informaci o hodnotě řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti portů (v případě řádku příslušejícího portu) resp. informaci o hodnotě řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti a testovatelnosti obvodu (v případě předposledního řádku) a informaci o počtu/procentu řiditelných, pozorovatelných a testovatelných portů v obvodu (v případě posledního řádku).

Obvod se zanořenými zpětnými vazbami

Nejprve nechť je navržená metoda aplikována na obvod NLoops (obrázek 15a, strana 35) se zanořenými zpětnými vazbami. Původní struktura obvodu je tvořena třemi moduly (*MOD1*, *MOD2*, *MOD3*) provádějícími nějakou funkci a třemi registry (*REG1*, *REG2*, *REG3*) sloužícími k uložení mezivýsledků a synchronizaci datového toku. Analýze obvodových zpětných vazeb jsem se věnoval v publikacích [MSZK02, Str03c, Str03a].

Aplikací navržené metody analýzy testovatelnosti na původní obvodovou strukturu (obrázek 15a) bude tato struktura ohodnocena hodnotami shrnutými v tabulce 3. Obvod NLoops má celkem 21 portů, z toho 2 porty (*clk*, *In*) jsou primární vstupní, 1 port (*Out*) je primární výstupní a 18 portů tvoří rozhraní šesti obvodových prvků obvodu NLoops. Celkem je v portech obvodu NLoops obsaženo 140 bran. Z tohoto počtu je 17 portů datových, z toho 2 primární datové porty a 15 datových portů z rozhraní obvodových prvků obvodu NLoops. Celkem je v datových portech obvodu NLoops obsaženo 136 datových bran.

Ze sloupce pro řiditelnost je patrné, že pouze 16 datových bran ze 136 (tj. 11.8 %) je řiditelných - jedná se o brány primárního vstupního portu NLoops.In a o brány portu FU1.a spojeného s portem NLoops.In - porty, kterým tyto brány přísluší, mají nenulovou hodnotu řiditelnosti. Obdobně, ze sloupce pro pozorovatelnost je patrné, že pozorovatelných je pouze 32 datových bran z celkového počtu 136 bran. Sloupec pro testovatelnost shrnuje výsledky obou sloupců, z nichž plyne, že žádný z datových portů není současně řiditený i pozorovatelný a tedy ani testovatelný; hodnota testovatelnosti každého z datových portů je tedy rovna hodnotě 0. Na základě těchto lokálních ohodnocení jsou ve dvou posledních řádcích vyhodnocena globální ohodnocení diagnostických vlastností datových cest obvodu. Předposlední řádek přiřazuje obvodu hodnoty řiditelnosti (0.065744), pozorovatelnosti (0.141732) a testovatelnosti (0.009318). Ty, vzhledem ke své blízkosti hodnotě 0, indikují poměrně špatnou řiditelnost, pozorovatelnost a testovatelnost obvodu NLoops. O špatných diagnostických vlastnostech obvodu také vypovídá již zmíněná informace z posledního řádku, tj. že pouze 16 datových bran ze 136 je řiditelných, 32 je pozorovatelných a žádná není současně řiditelná i pozorovatelná.

Příčina špatné testovatelnosti obvodu NLoops spočívá ve výskytu zpětných vazeb v obvodu NLoops - viz příklad 2, strana 36, kde bylo ukázáno, že zlepšení testovatelnosti obvodu NLoops lze dosáhnout několika různými způsoby, z nichž každý představuje jistou modifikaci původní obvodové struktury obvodu NLoops. V následujícím textu bude několik z modifikací obvodu NLoops představeno a ke každé z nich budou shrnuty její diagnostické vlastnosti ve formě tabulky a stručného komentáře.

- První modifikace (NLoops1) bude spočívat v zařazení všech tří registrů obvodu NLoops do jediného scan řetězu dle obrázku 16a, strana 36. Výsledky analýzy testovatelnosti takového zapojení jsou prezentovány v tabulce 4. Oproti původní struktuře obvodu NLoops se struktura NLoops1 odlišuje zejména následujícími parametry danými modifikací registrů na scan registry a jejich zapojením do scan řetězu: větší počet portů a bran, nové datové cesty, změna dynamických vlastností obvodu, nárůst plochy a další. Počet portů narostl o 3 jednobitové porty na jeden registr (celkem o 9 portů pro všechny registry), o 2 primární vstupní jednobitové porty a 1 primární výstupní jednobitový port, celkem tedy o 12 jednobitových portů, tj. o 12 bran. Celkem je v NLoops1 obsaženo 30 portů a 136 + 12 = 148 bran, z toho 25 datových portů sestavených ze 144 bran. Z hlediska testovatelnosti představuje struktura NLoops1 zřejmě lépe testovatelnou variantu obvodu NLoops, jelikož hodnoty řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti obvodu NLoops1 jsou mnohem větší než u původního obvodu NLoops. Rovněž počet řiditelných, pozorovatelných a testovatelných bran je u NLoops podstatně větší než u NLoops. Dokonce je touto modifikací dosaženo testovatelnosti všech datových portů obvodu. Během dalších činností jako např. při snahách o generování co nejkratšího testu, snahách o minimalizaci plochy výsledného čipu by však mohly vyplynout nevýhody, a to zejména neefektivnost (z pohledu ceny za zlepšení testovatelnosti) plynoucí z tohoto zapojení.
- Druhá modifikace (NLoops2) obvodu NLoops opět spočívá v zařazení všech tří registrů do scan řetězů; avšak tak, že každý ze scan registrů je umístěn v samostatném scan řetězu dle obrázku 27. Jelikož sériové cesty scan řetězců v NLoops2 jsou na sobě nezávislé, očekává se od této modifikace lepší ohodnocení testovatelnosti než v případě varianty NLoops1, avšak opět za cenu jistých nevýhod, z nichž některé jsou společné s předchozí modifikací (např. přílišný nárůst plochy) a některé jsou dokonce větší (např. nárůst počtu primárních vstupů a výstupů). Současně se očekává, že touto modifikací nedojde (oproti NLoops1) ke změně počtu testovatelných datových portů, tj. že i v případě NLoops2 budou testovatelné všechny datové porty. Výsledky testovatelnosti pro NLoops2 je možno nalézt v tabulce 5; z větších hodnot při ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti vyplývá, že u modifikace NLoops2 bylo splněno očekávání lepší testovatelnosti než u předchozí modifikace (NLoops1).
- Třetí modifikace (NLoops3) obvodu využije závěru učiněného v příkladu 2, strana 36. Z něj plyne, že za nejefektivnější způsob dosažení největšího zlepšení testovatelnosti obvodu NLoops za co nejnižší ceny lze považovat takovou modifikaci struktury NLoops, která zajistí rozbití nejvíce zanořené smyčky. V příkladu 2 jsou navrženy dvě varianty rozbití smyčky první varianta navrhuje modifikovat registr *REG3* na scan registr (obrázek 16b, strana 36). Druhá varianta navrhuje rozbít smyčku vložením multiplexoru *MUX1* (obrázek 16c). Každá z těchto možností představuje variantu modifikace struktury NLoops. K oběma bude následovat krátký komentář z pohledu jejich testovatelnosti a její ceny. Výsledky testovatelnosti pro variantu (NLoops3) se scan registrem *REG3* lze nalézt v tabulce 6, výsledky pro variantu (NLoops4) s multiplexorem *MUX1* lze nalézt v tabulce 7.

Z obou tabulek je patrné, že testovatelnost variant NLoops3 a NLoops4 je velmi blízká testovatelnosti varianty NLoops2 a opět je dosaženo testovatelnosti všech datových portů. Z těchto tří variant je zřejmě díky možnosti současného nastavení několika testovacích vzorků a snímání odezev nejlépe ohodnocena varianta NLoops2, o něco hůře varianta NLoops4 umožňující "vnutit" požadovaná data do nejvíce zanořené smyčky pomocí multiplexoru a nejhůře varianta NLoops3 umožňující totéž, avšak sériovou cestou pomocí scan registru. Přestože oproti variantě NLoops4 varianta NLoops3 navíc poskytuje možnost pozorování odezev z nejvíce zanořeného cyklu sériovou cestou, zřejmě není vzhledem k malé velikosti obvodu a poloze nejvíce zanořeného cyklu příliš výhodné tuto cestu používat. To je indikováno tím, že hodnota pozorovatelnosti je nižší, než u variant NLoops2 a NLoops3, i přesto, že je k dispozici nový primární výstup pro sledování odezev.



Obrázek 27: Ilustrace k zapojení scan registrů do samostatných scan řetězů

V dalším textu budou komentovány výsledky analýzy testovatelnosti několika vybraných bencharkových obvodů. K tomuto účelu byly vybrány obvody, které odpovídají úrovni popisu dané modelem zavedeným v kapitole 4 a které byly použity v dříve publikovaných pracích zaměřených na testovatelnost číslicových obvodů. Přesto, že se jedná o poměrně jednoduché obvody, jsou velmi často používány k ověřování a srovnávání různých algoritmů řešících dané problémy. V dalším textu budou tyto obvody použity jak k ověření navržené metody analýzy testovatelnosti a prezentaci jejích výsledků aplikovaných na tyto obvody, tak ke srovnání jejích výsledků s dostupnými výsledky dříve publikovaných metod. Aplikacemi navržené metody analýzy testovatelnosti se budou zabývat až odstavce 6.2.3 a 6.2.4. Výsedky výzkumu v oblasti analýzy testovatelnosti a základní principy navržené metody analýzy testovatelnosti jsem publikoval v pracích [SKR01, SK01a, SK01b, ZKR01, RSHK01, Str02b, KS02c, KS02a, Str03b, Str03c, SKP04b]. Příkladům aplikace této metody v oblastech souvisejících s testovatelností číslicových obvodů jsem se věnoval v publikacích [SKR01, Str02a, KS02c, KS02b, Str03d, SKM03a, Str03b, SKP04a, SKP04b].

Obvod Bert

Nejprve budou prezentovány výsledky analýzy testovatelnosti obvodu *Bert* [FBR98]. Pro ověřování metody analýzy testovatelnosti a metod pro aplikaci technik návrhu pro snadnou testovatelnost byl tento obvod použit např. v práci [Buk00]. Výsledky analýzy testovatelnosti obvodu Bert, obsahujícího celkem 440 datových bran, dosažené pomocí metody navržené v této práci jsou shrnuty v tabulce 8. Jak z této tabulky, tak z práce [Buk00] plyne, že v tomto obvodu se nevyskytuje netestovatelný datový port. To znamená, že již nelze dosáhnout většího počtu testovatelných datových portů. Lze však, za cenu nárůstu plochy, počtu primárních vstupů a výstupů atd. zlepšit snadnost jejich testování a to např. vhodným vložením technik návrhu pro snadnou testovatelnost.



Obrázek 28: Schéma obvodu Bert

Obvod Diffeq

Druhým obvodem, jehož testovatelnost bude komentována, je obvod *Diffeq* [KPG86]. Tento obvod je součástí benchmarkové sady HLSynth92 a pro ověřování metod analýzy testovatelnosti byl použit např. v pracích [Buk00, Růž02]. Výsledky analýzy testovatelnosti obvodu Diffeq, obsahujícího celkem 400 datových bran, dosažené pomocí metody navržené v této práci jsou shrnuty v tabulce 9. Z tabulky i z prací [Buk00, Růž02] je patrné, že obvod Diffeq je díky datovým závislostem v datových cestách obtížně testovatelným. Z tabulky plyne, že 56 % datových bran je řiditelných, 28 % datových bran pozorovatelných a ani jedna brána není testovatelná, tj. současně řiditelná i pozorovatelná. Celková testovatelnost obvodu Diffeq je ohodnocena hodnotou 0.073250, která je velmi blízká hodnotě 0 představující netestovatelný obvod.



Obrázek 29: Schéma obvodu Diffeq

Obvod Paulin

Třetím z benchmarkových obvodů, použitým v této práci, je obvod *Paulin*. Ten je použit např. v práci [RGJ96a] k ověření metody návrhu pro snadnou testovatelnost založené na analýze datových cest a řadiče daného obvodu. Jelikož výsledky analýzy testovatelnosti nejsou v [RGJ96a] k dispozici a ani v jiné práci nebyly nalezeny, nebude možné výsledky pro obvod Paulin srovnat s výsledky jiných metod, ale pouze k prezentaci výsledků dosažených metodou navrženou v této práci. Výsledky analýzy testovatelnosti obvodu Paulin jsou shrnuty v tabulce 10. V obvodě je celkem 512 datových bran, přičemž všechny brány jsou testovatelné.



Obrázek 30: Schéma obvodu Paulin

Obvod Tseng

Posledním z benchmarkových obvodů, jehož testovatelnost bude komentována, je obvod [KPG86]. Příklady metod, které byly pomocí tohoto obvodu ověřovány, lze nalézt v [RGJ96a, Buk00, Růž02], přičemž v [Buk00, Růž02] byl obvod použit k ověření publikované metody pro analýzu testovatelnosti. Zatímco metodou publikovanou v práci [Buk00] byly ve stuktuře obvodu Tseng nalezeny obtížně testovatelné části, tak metodou [Růž02] bylo zjištěno, že v obvodě Tseng se nevyskytuje datová brána, která by byla netestovatelná. Rovněž z výsledků metody navržené v této práci a shrnutých v tabulce 11 vyplývá, že všechny datové brány v obvodě Tseng jsou testovatelné.



Obrázek 31: Schéma obvodu Tseng

6.2.3 Návrh pro snadnou testovatelnost pomocí techniky scan

Jednou z oblastí, ve kterých byla ověřena použitelnost výsledků navržené metody analýzy testovatelnosti, je oblast návrhu pro snadnou testovatelnost. Jelikož metody a prostředky návrhu pro snadnou testovatelnost tvoří samostatnou a velmi rozsáhlou oblast diagnostiky číslicových obvodů (přehled viz odstavec 2.3.3, strana 17), byl náš dosavadní výzkum zaměřen pouze na úzkou část této oblasti, a to na tzv. techniku sériový scan - viz odstavec 3.1, strana 28 a práce [SKR01, KS02c, KS02b, Str02a, Str03d, Str03c, Str03b, Str03a, SKM03a, SKP04b]. Tento odstavec tedy bude věnován využití výsledků navržené metody analýzy testovatelnosti pro výběr a rozmístění registrů do scan řetězců s cílem dosažení co nejlepší testovatelnosti výsledného návrhu za co nejmenší cenu úměrnou velikosti zásahu do původní obvodové struktury.

Komentář k prohledávacímu prostoru a používané notaci

Aby bylo možno zkoumat, které z rozmístění registrů do scan řetězů představuje nejvhodnější alternativu, ukázalo se vhodným zabývat se nejprve hledáním odpovědí na následující otázky:

- jaká je velikost prohledávacího (stavového) prostoru možných rozmístění registrů do scan řetězů? Odpověď na tuto otázku bude mít vliv na volbu metody prohledávání stavového prostoru. Pokud bude prostor shledán "malým", pak lze předpokládat, že prohledávací algoritmus bude poměrně jednoduchý a zaručí nalezení hledaného řešení. V opačném případě bude nutno k prohledávání použít některou nebo více z optimalizačních metod obecně nezaručujích nalezenení hledaného řešení,
- jakým způsobem lze formálně popsat rozmístění daného počtu registrů ve scan řetězcích a jakou datovou reprezentaci je vhodné pro tento formální popis zvolit? Odpověď na tyto otázky bude mít vliv nejen na přehlednost a jednoznačnost docílenou formálním zápisem, ale především na snadnost a způsob implementace prohledávacího algoritmu.

Odpovědím na tyto otázky byla věnována jistá část výzkumu k tématu této práce [KS02b, KS02c, Str03d, Str03c, SKM03a] a proto se jim bude stručně věnovat také následující text. Předtím je však třeba se seznámit s několika základními myšlenkami týkajícími se výběru a rozmístění registrů do scan řetězů. K tomuto účelu bude využito obrázku 32. Ten je složen ze tří částí, přičemž v každé z nich je do scan řetězců vybráno a různě rozmístěno k z celkem 5 registrů. Některé z registrů jsou modifikovány na scan registry (každý z takových registrů má mj. k dispozi sériový vstup S_IN, sériový výstup S_OUT a vstup pro přepínání mezi paralelním a sériovým režimem činnosti), zbylé registry jsou "klasické" registry plnící pouze funkci paralelního n-bitového registru.

Nyní se věnujme principům rozmístění registrů do scan řetězců. V části a) obrázku 32 jsou do scan řetězců vybrány (tj. na scan registry modifikovány) registry R1, R2 a R5. Ty jsou dle schématu rozmístěny tak, že registry R2 a R1 tvoří, v uvedeném pořadí³, jeden scan řetězec a registr R5 tvoří druhý scan řetězec. V části b) obrázku 32 jsou do scan řetězců vybrány opět registry R1, R2 a R5, avšak tentokrát jsou rozmístěny tak, že registry R1 a R2 tvoří, v uvedeném pořadí, jeden scan řetězec a registr R5 tvoří druhý scan řetězec. Oproti schématu a) je ve schématu b) pořadí registrů R1, R2 ve scan řetězu obrácené. V části c) obrázku 32 je do scan řetězců vybráno všech pět registrů a to tak, že každý z registrů R2, R3 a R6 tvoří samostatný scan řetězec a registry R1, R5 a R4 tvoří, v uvedeném pořadí, další scan řetězec.

³např. práce [LBGP02, BGT03] ukazují, že je nezbytné zabývat se nejen řešením problému výběru registrů do scan řetězců, ale také řešením problému jejich pořadí ve scan řetězcích



Obrázek 32: Ilustrace k výběru a rozmístění registrů do scan řetězců

Z obrázku 32 jsou patrné zejména následující skutečnosti:

- z celkového počtu n registrů obsažených v obvodě lze do scan řetězců vybrat $k \in \{1, \ldots, n\}$ registrů⁴. V rámci konkrétních scan řetězců je pak třeba stanovit pořadí jednotlivých scan registrů,
- pro libovolný obvod obsahující celkem n registrů platí, že různé varianty výběru a rozmístění registrů do scan řetězů lze reprezentovat nezávisle na konkrétní struktuře daného obvodu. Velikost prohledávacího prostoru pak nezávisí na struktuře konkrétního obvodu, ale pouze na celkovém počtu registrů v obvodě. Analýza vlivu daného výběru a rozmístění na diagnostické a další vlastnosti obvodu, jako např. plocha, počet vstupů a výstupů či dynamické parametry, se však neobejde bez analýzy vlastností daného obvodu,
- i z této jednoduché ilustrace je patrné, že slovní popis výběru a rozmístění registrů do scan řetězců může někdy působit komplikovaně a nejednoznačně. Proto bude v následujícím textu následovat notace formálně popisující rozmístění k vybraných registrů do scan řetězců.

Pro úspěšné zodpovězení výše položených otázek nechť je dán nějaký obvod CUA popsatelný modelem z kapitoly 4 a nechť $n = |REG_{CUA}|$ je číslo vyjadřující počet registrů v obvodu CUA. Pro obrázek 32 platí $REG_{CUA} = \{R_1, R_2, R_3, R_4, R_5, R_6\}$. Zaveďme množinu $SREG_{CUA} = \{R'_1, \ldots, R'_k\} \subseteq REG_{CUA}$, která bude obsahovat $k \in \{1, \ldots, n\}$ registrů vybraných do scan řetězců, přičemž účel a způsob výběru těchto registrů ponechme nyní stranou.

Nejprve zkoumejme, kolika způsoby je možné rozmístit registry z množiny $SREG_{CUA}$ do scan řetězů tak, že při každém rozmístění bude vždy použito všech k registrů z množiny $SREG_{CUA}$. Současně předpokládejme, že v úvahu bude brána pouze přítomnost registrů ve scan řetězcích bez ohledu na jejich vzájemné pořadí ve scan řetězcích. Za tohoto předpokladu je možné si každé takové rozmístění představit jako rozklad množiny $SREG_{CUA}$ takový, že registry x, ynáležejí téže rozkladové třídě právě když jsou umístěny do téhož scan řetězce. Pro obrázky 32a a 32b pak platí $SCAN_{CUA} = \{R_1, R_2, R_3\}$ a vyobrazená rozmístění lze zapsat jako rozklad $\{\{R_1, R_2\}, \{R_5\}\}$. Pro obrázek 32c platí $SCAN_{CUA} = REG_{CUA}$ a vyobrazené rozmístění lze zapsat jako rozklad $\{\{R_2\}, \{R_1, R_5, R_4\}, \{R_6\}, \{R_3\}\}$. Za předpokladu, že na pořadí registrů ve

 $^{^4\}mathrm{hodnotu}$ 0 neuvažujeme, protože odpovídá případu, kdy není vybrán ani jeden registr

scan řetězcích není brán ohled, je počet rozmístění obsahujících právě k registrů roven počtu rozkladů k-prvkové množiny. Ten je roven tzv. BELLovu číslu b_k [CG96], pro které platí

$$b_k = \sum_{i=0}^{k-1} [\binom{k-1}{i} \times b_i], \text{ kde } b_0 = 1.$$
(1)

Vztah pro výpočet b_k lze také zapsat pomocí tzv. STIRLINGova čísla S2(k,i) druhého řádu (druhu) vyjadřujícího počet rozkladů k-prvkové množiny na *i* rozkladových tříd:

$$b_k = \sum_{i=0}^k S2(k,i).$$
 (2)

Čísla b_k a S2(k,i) pro k,i = 1,...,10 jsou uvedena v tabulce 12, strana 150. I pro takto malá k lze v tabulce vidět, že hodnota b_k (počet možných rozmístění právě k scan registrů do scan řetězců) roste velmi rychle s pomalu rostoucím k - pro k = 1 existuje jen jedno rozmístění, pro k = 2 existují dvě rozmístění, ..., pro k = 10 existuje 115975 rozmístění atd. Pro zjištění celkového počtu možností výběru a rozmístění n registrů do scan registrů pak zbývá sečíst počet rozmístění scan registrů z každé z podmnožin množiny REG_{CUA} . Jelikož z n-prvkové množiny lze vybrat celkem $\binom{n}{k}$ k-prvkových podmnožin a počet možných rozmístění právě k scan registrů do scan řetězců je roven b_k , pak celkový počet $(s1_n)$ možností výběru a rozmístění n registrů do scan registrů lze vyjádřit vztahem

$$s1_n = \sum_{k=1}^n [\binom{n}{k} \times b_k].$$
(3)

Pak tedy za předpokladu, že na pořadí registrů ve scan řetězcích není brán ohled, je velikost prohledávacího prostoru rovna $s1_n$.

Nyní se zabývejme otázkou velikosti prohledávacího prostoru za předpokladu, že pořadí registrů ve scan řetězích je zohledněno. Konkrétní výběr a rozmístění registrů do scan řetězů lze opět zapsat jako rozklad množiny $SREG_{CUA}$, avšak v jednotlivých rozkladových třídách je třeba uvažovat všechny permutace jejích prvků. Počet rozkladů k-prvkové množiny je za tohoto předpokladu roven číslu

$$a_k = \sum_{i=1}^k Lah(k,i),\tag{4}$$

kde

$$Lah(k,i) = \frac{k!}{i!} \times \binom{k-1}{i-1}$$
(5)

je tzv. LAHovo číslo vyjadřující, kolika způsoby je možno, za výše uvedeného předpokladu, rozložit k-prvkovou množinu na *i* rozkladových tříd. Čísla a_k a Lah(k,i) pro k, i = 1, ..., 10 jsou uvedena v tabulce 13, strana 150.

Jelikož z *n*-prvkové množiny lze vybrat celkem $\binom{n}{k}$ *k*-prvkových podmnožin a počet možných rozmístění právě *k* scan registrů do scan řetězců je roven a_k , pak celkový počet $(s2_n)$ možností výběru a rozmístění *n* registrů do scan registrů lze vyjádřit vztahem

$$s2_n = \sum_{k=1}^n [\binom{n}{k} \times a_k]. \tag{6}$$

Tabulka hodnot $s1_n$ (tj. počtů možných výběrů a rozmístění registrů do scan řetězců při zanedbání pořadí registrů ve scan řetězcích) a $s2_n$ (tj. počtů možných výběrů a rozmístění registrů do scan řetězců při zohlednění pořadí registrů ve scan řetězcích) pro $1 \le n \le 11$ je uvedena níže. I pro takto malá n lze v tabulce vidět, že hodnoty $s1_k$, $s2_k$ rostou velmi rychle s pomalu rostoucím n. Z toho plyne, že velikost prohledávacího prostoru možností výběru a rozmístění registrů do scan řetězců lze pro "dostatečně velká" n (např. pro n > 15) považovat za "dostatečně velké".

n	$s1_n$	řád	$s2_n$	řád
1	1	10^{0}	1	10^{0}
2	4	10^{0}	5	10^{0}
3	14	10^{1}	25	10^{1}
4	51	10^{1}	147	10^{2}
5	202	10^{2}	1031	10^{3}
6	876	10^{2}	8463	10^{3}
7	4139	10^{3}	79591	10^{4}
8	21146	10^{4}	842831	10^{5}
9	115974	10^{5}	9914335	10^{6}
10	678569	10^{5}	128162463	10^{8}
11	4213596	10^{6}	1804852127	10^{9}

Tabulka 2: Tabulka hodnot $s1_n$ a $s2_n$ pro vybraná n

Zbývá vyřešit otázku týkající se formálního zápisu konkrétního výběru a rozmístění registrů do scan řetězců. Zápis vychází z "rozkladové" reprezentace výběru a rozmístění registrů do scan řetězců a je definován následovně [KS02c, KS02a]:

- 1. scan řetězec je reprezentován posloupností jemu příslušejících scan registrů,
- 2. speciální znak (tečka) odděluje jednotlivé scan řetězce,
- 3. není-li pořadí registrů ve scan řetězcích podstatné, jsou v zápisu registry patřící do téhož scan řetězce seřazeny zleva doprava podle rostoucích hodnot jejich indexů,
- 4. scan řetězce jsou seřazeny zleva doprava podle rostoucího indexu prvního registru v řetězci,
- 5. pokud $SREG_{CUA} = \emptyset$, pak notace obsahuje pouze speciální znak.

V případě, že pořadí registrů ve scan řetězcích není podstatné, lze s využitím této notace výběr a rozmístění registrů do scan řetězců z obrázků 32a a 32b vyjádřit zápisem $R_1R_2.R_5$ a výběr a rozmístění registrů do scan řetězů z obrázku 32c zápisem $R_1R_4R_5.R_2.R_3.R_6$. V případě, že pořadí registrů ve scan řetězcích je bráno v úvahu, lze výběr a rozmístění registrů do scan řetězců z obrázku 32b vyjádřit zápisem $R_1R_2.R_3$ a výběr a rozmístění registrů do scan řetězů z obrázku 32c zápisem $R_1R_4R_5.R_2.R_3.R_6$.

Využití výsledků analýzy testovatelnosti ke zlepšení testovatelnosti

V následujícím textu budou prezentovány výsledky experimentů, které je možno srovnat s výsledky jiných metod zabývajících se využitím výsledků analýzy testovatelnosti pro zlepšení testovatelnosti daného návrhu.

V dostupných pracích byly nalezeny pouze dvě metody [Buk00, Růž02] pracující na téže úrovni abstrakce jaká je uvažována v této práci a zabývající se také výběrem registrů do řetězců scan za účelem zlepšení testovatelnosti daného obvodu. Z nich metoda [Buk00] byla ověřena na obvodech Bert, Diffeq a Tseng a metoda [Růž02] byla ověřena na obvodech Diffeq a Tseng. Proto i srovnání výsledků metody pro výběr registrů do řetězců scan využívající výsledků navržené analýzy testovatelnosti s výsledky dosaženými výše uvedenými metodami bude omezeno na obvody Bert, Diffeq a Tseng. Metody [Buk00, Růž02] sice pracují na téže úrovni abstrakce, ale liší se jak způsobem analýzy datových cest⁵, tak požadavky na výsledný výběr registrů do řetězce scan⁶. Dosažené výsledky budou rozčleněny podle benchmarkových obvodů, jejichž testovatelnost byla analyzována za účelem jejího zlepšení s využitím techniky sériový scan. Při popisu výsledků metod výběru a rozmístění registrů do řetězců scan bude využita výše zavedená notace.

Metoda výběru a rozmístění registrů do scan řetězců byla nejdříve implementována pomocí genetického algoritmu [SK01b, SKR01, KS02c, KS02b, Str03d, Str03b, SKM03a] a později v [Her04] také pomocí dvou dalších optimalizačních technik - horolezeckého algoritmu a simulovaného žíhání. Vstupem metody je struktura obvodu CUA, volba technik návrhu pro snadnou testovatelnost⁷, požadavky na testovatelnost návrhu⁸, návrhová omezení⁹, volba optimalizačního algoritmu a parametry potřebné pro běh zvoleného optimalizačního algoritmu. Výstupem metody je taková modifikace vstupní struktury CUA, jejíž testovatelnost se s pomocí zvolených technik návrhu pro snadnou testovatelnost co nejvíce blíží požadované testovatelnosti a která co nejvíce splňuje daná návrhová omezení. Práce [Her04] se mj. zabývala srovnáním tří výše uvedených a vzájemně principielně odlišných optimalizačních postupů. Na testovaných obvodech z nich vycházel nejlépe horolezecký algoritmus. Výsledky tohoto srovnání je možno shrnout následovně:

- pomocí daných postupů bylo dosaženo velmi podobného a ve velkém počtu případů dokonce totožného řešení. Z toho lze vyvodit, že tyto postupy se příliš neliší v kvalitě nalezených řešení, jako spíše ve způsobu a rychlosti konvergence k hledanému řešení,
- genetický algoritmus průměrný počet nově nalezených lepších řešení vztažený na jednu iteraci je u genetického algoritmu nepřímo úměrný počtu již provedených iterací. S rostoucím číslem iterace průměrný počet nově nalezených lepších řešení na iteraci klesá zhruba exponenciálně - průměrný počet iterací nutných pro nalezení nového lepšího řešení tedy velmi rychle roste s počtem již proběhnutých iterací. Ze tří zkoumaných algoritmů pro řešení tohoto problému se genetický algoritmus vyznačuje nejdelší průměrnou dobou běhu a nejmenší úspěšností nalezení hledaného řešení,
- horolezecký algoritmus algoritmus velmi rychle konverguje k hledanému řešení a to často již v první iteraci. Ze zkoumaných algoritmů byl vyhodnocen jako nejrychleji konvergující k hledanému řešení, které byl schopen nalézt v každém ze zkoumaných případů,

 $^{^{5}}$ metoda [Buk00] používá jistý pravděpodobnostní model, předpokládá pseudonáhodné generování testu a není svázána s konkrétní technikou návrhu pro snadnou testovatelnost, metoda [Růž02] je založena na analýze i-cest, předpokládá deterministické generování testu a je svázána s návrhem pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan

 $^{^{6}}$ metoda [Buk00] se zabývá výběrem registrů do řetězců scan včetně volby pořadí registrů ve scan řetězech, metoda [Růž02] se zabývá pouze výběrem nejmenší množiny registrů do řetězců scan, ale organizaci registrů v řetězcích již neřeší

⁷v současné době pouze technika sériový scan s možností volby (ne)zohlednění pořadí registrů ve scan řetězcích ⁸zadané např. požadovaným počtem (procentem) testovatelných bran, portů atp. v obvodu

 $^{^9 \}mathrm{v}$ současné době maximální přípustný nárůst plochy a počtu vstupů a výstupů CUA

 simulované žíhání - tento algoritmus se vyznačuje (ve srovnání s předchozími algoritmy) sice pomalejší konvergencí k hledanému řešení, avšak s poměrně vysokou pravděpodobností jeho nalezení; ta je ovlivněna zejména nastavením parametrů tohoto algoritmu.

Výše uvedené srovnání se týkalo pouze tří různých optimalizačního postupů, jejichž cílem bylo co nejefektivněji vyřešit otázku testovatelnosti *CUA* s pomocí techniky scan aplikované na základě výsledků analýzy testovatelnosti popsané v této práci. V následujícím textu budou tyto výsledky srovnány s výsledky dříve publikovaných metod [Buk00, Růž02] pracujících na téže úrovni abstrakce a řešících problém výběru registrů do scan řetězců.

Dosažené výsledky a jejich srovnání s výsledky jiných metod

Obvod Bert

Výsledky analýzy testovatelnosti obvodu Bert byly prezentovány na straně 111. Všechny brány v v obvodě Bert jsou testovatelné, tj. většího počtu testovatelných bran již nelze dosáhnout. Zatímco povolením až 20% nárůstu plochy při implementaci techniky scan bylo metodou [Buk00, strana 101] zjištěno, že výběrem a rozmístěním registrů dle notace $R_5R_4R_1R_2$ dojde k podstatnému zlepšení testovatelnosti bran v obvodu Bert, tak metodou založenou na analýze testovatelnosti publikované v této práci nebyla při stejných podmínkách experimentu doporučena žádná modifikace struktury, jelikož by nevedla k požadovanému zlepšení testovatelnosti obvodu Bert. Příčinou tohoto rozdílného výsledku může být rozdílná koncepce analýzy datových cest při analýze testovatelnosti či heuristika používaná metodou [Buk00]. Metoda [Buk00] totiž není schopna zjistit, zda výskyt dat na daném portu je možný či nikoliv; je pouze schopna vyjádřit tuto skutečnost s jistou pravděpodobností.

Obvod Diffeq

Díky své poměrně komplikované struktuře je tento obvod velmi oblíbeným k ověřování různých metod a to zejména z oblasti diagnostiky číslicových obvodů. Výsledky analýzy testovatelnosti obvodu Diffeq byly shrnuty na straně straně 112 a označují obvod Diffeq obtížně testovatelným. Kromě metody z této práce se zlepšením testovatelnosti obvodu Diffeq pomocí techniky scan zabývaly také metody [Buk00, Růž02].

Při požadavku minimálního nárůstu plochy obvodu Diffeq po applikaci techniky scan a požadavku testovatelnosti všech bran v obvodě bylo metodou [Buk00, strana 92] navrženo řešení $R_4R_6R_1R_5$, metodou [Růž02, strana 88] řešení¹⁰ $R_1R_2R_4$ a metodou založenou na analýze testovatelnosti z této práce řešení R_1R_6 . Na tomto obvodu je patrné, že na základě výsledků analýzy testovatelnosti navržené v této práci je možno při splnění vstupních požadavků provést cenově mnohem méně náročnější výběr registrů do scan řetězců, než jaký poskytují metody [Buk00, Růž02]. Výsledek metody [Buk00] může být ovlivněn již zmíněnou principiální odlišností způsobu analýzy datových cest obvodu či používanou heuristikou, výsledek [Růž02] analýzou založenou na tzv. koncepci i - cest, která je méně přesná než obecnější koncepce transparentnosti používaná v této práci. Obecně je možno konstatovat, že metoda [Růž02] sice dosahuje lepších výsledků než metoda [Buk00], ale v důsledku analýzy úžeji vymezené podmnožiny transparentních datových cest dosahuje horších výsledků než metoda založená na analýze testovatelnosti představené v této práci.

 $^{^{10}{\}rm metoda}$ [Růž
02] řeší pouze výběr registrů do řetězců scan; její výsledek nic neříká o rozmí
stění vybraných registrů do scan řetězců

Obvod Tseng

Posledním z obvodů, který bude sloužit ke srovnání výsledků různých metod výběru registrů do řetězců scan, je obvod Tseng. Na základě výsledků analýzy testovatelnosti tohoto obvodu (strana 113) metoda [Buk00, strana 96] odhalila obtížně testovatelné části a doporučuje pro dosažení testovatelnosti všech bran v obvodu vybrat registry dle notace R_5R_1 . Oproti tomu z výsledků metody [Růž02, strana 91] a metody založené na analýze testovatelnosti prezentované v této práci plyne, že v obvodě Tseng se nevyskytuje netestovatelná brána a proto není třeba aplikovat techniku scan za účelem zlepšení testovatelnosti. Výsledek dosažený metodou [Buk00] si lze opět vysvětlit jako důsledek méně přesné analýzy datových cest vlivem používaného pravděpodobnostního modelu či používanou heuristikou.

Kromě výše popsaného příkladu využití výsledků analýzy testovatelnosti pro následné zlepšení testovatelnosti daného obvodu je možno tyto výsledky využít i v řadě dalších oblastí. V dalším textu bude stručně představeno použití těchto výsledků v oblasti generování benchmarkových obvodů, což je problematika, kterou se v rámci svého výzkumu k tématu disertační práce podrobněji zabývá Ing. Tomáš Pečenka.

6.2.4 Generování benchmarkových obvodů

Vzhledem k již uvedeným¹¹ nedostatkům současně dostupných benchmarkových sad a nedostupnosti adekvátních komerčních návrhů se jako východisko z této situace jeví používání metod pro generování sad tzv. *syntetických benchmarkových obvodů* [SVC00, RC02, SVC02, KR03]. Obvody jsou označeny přívlastkem syntetické z toho důvodu, že jsou vytvořeny "uměle" a to pouze pro účely ověřování jistých postupů či nástrojů. Velkou výhodou syntetických benchmarkových obvodů je skutečnost, že lze zajistit plnou kontrolu nad jejich důležitými parametry jako např. funkce, plocha nebo topologické vlastnosti. Je-li známo, jaké vlastnosti musí mít obvody vhodné k ověření postupů řešících podobný problém, pak lze přímo "na míru" vygenerovat sadu vhodných zástupců obvodů s těmito konkrétními vlastnostmi.

Obecně lze metody pro generování syntetických benchmarkových obvodů rozdělit na metody založené na *klonování* a na metody založené na *mutaci*. Obvody vzniklé pomocí klonování vycházejí z vlastností jednoho vzorového obvodu, obvody vzniklé pomocí mutace vznikají jako kombinace několika vzorových obvodů. Přehled vybraných principů generování syntetických benchmarkových obvodů lze nalézt v [SVC00]

Velkou nevýhodou sad syntetických benchmarkových obvodů je, že lze jen obtížně ověřit, zda obvody obsažené v dané sadě vhodně reprezentují obvody z požadované aplikační oblasti. Ověřující postupy tvoří samostatnou podoblast generování syntetických benchmarkových obvodů a dělí se na *přímé* a *nepřímé*. Přímé ověření je založeno na porovnání vybraných parametrů obvodů ze sady s parametry dostatečného množství skutečných obvodů z dané oblasti, nepřímé ověření na základě srovnání výsledků zprostředkovaných vhodným srovnávacím algoritmem provádějícím transformaci vstupního obvodu na předem daný výstup. V této práci se však ověřovacím postupům nebudeme blíže věnovat.

Princip navržené metody generování benchmarkových obvodů

Metoda pro generování benchmarkových obvodů, využívající pro ohodnocení testovatelnosti dílčích řešení analýzu testovatelosti navrženou v této práci, je podrobněji popsána v [SKP04a]. V tomto odstavci se zaměříme pouze na prezentaci základních myšlenek a principů, ze kterých tato metoda vychází.

 $^{^{11}\}mathrm{odstavec}$ 6.2.1, strana 108

Metoda předpokládá, že výsledky analýzy testovatelnosti prezentované v této práci věrohodně odrážejí testovatelnost daného číslicového obvodu. Pokud bychom problém návrhu pro snadnou testovatelnost označili za problém nalezení takové modifikace vstupní obvodové struktury, která se bude vyznačovat maximálním ohodnocením testovatelnosti při maximálním splnění daných návrhových omezení atp., tj. za problém nalezení maxima nějaké funkce¹² pro ohodnocení kvality daného řešení, pak problém generování benchmarkových obvodů lze označit za problém nalezení minima této funkce, tj. za problém opačný. Jinými slovy: v případě metody generování benchmarkových obvodů hledáme ta řešení, která se vyznačují velmi nízkou hodnotou testovatelnosti.

Základem metody generování benchmarkových obvodů, kterou se zabývá Ing. Tomáš Pečenka, a která je založena na využití výsledků poskytovaných algoritmem analýzy testovatelnosti, prezentovaném v této práci, je evoluční algoritmus. Vstupy tohoto algoritmu jsou následující:

- počet primárních vstupů a výstupů obvodu,
- počet a typy obvodových prvků, které mají tvořit strukturu obvodu,
- požadavky na testovatelnost obvodu,
- parametry evolučního algoritmu.

Na základě vstupních parametrů jsou evolučním algoritmem generovány obvody nejlépe splňující zadané požadavky kladené na jejich vlastnosti. Struktura výsledného obvodu je vytvořena propojením rozhraní obvodových prvků uložených v knihovně prvků. Výsledný strukturálně popsaný obvod je syntetizovatelný a je uložen do souboru ve formátu VHDL, což činí obvod prakticky ihned použitelným pro ověřování některé z metod či nástrojů.

Princip metody pro generování benchmarkových obvodů spočívá ve vytvoření požadovaného počtu obvodových prvků, ohodnocení portů z jejich rozhraní unikátními čísly a v konstrukci orientovaného grafu G, jehož uzly jsou tato čísla. Problém generování benchmarkových obvodů lze z tohoto pohledu formulovat jako problém konstrukce množiny E(G) tak, aby testovatelnost výsledné obvodové struktury byla co nejbližší požadované testovatelnosti.

6.3 Shrnutí

V této kapitole byly představeny některé z oblastí použití navrženého algoritmu analýzy testovatelnosti, konkrétně oblast návrhu pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan a oblast generování benchmarkových obvodů. Rovněž byly uvedeny a dokázány vybrané vlastnosti navrženého algoritmu. Z výsledků uvedených v této kapitole vyplývá, že metoda analýzy testovatelnosti navržená v této práci pracuje s přijatelnou časovou složitostí a díky detailnější analýze datových cest poskytuje přesnější informaci o testovatelnosti daného obvodu a umožňuje dosáhnout lepších řešení, než jaká umožňují existující srovnatelné přístupy. Navržená metoda není svázána s žádnou z technik návrhu pro snadnou testovatelnost, a proto lze její výsledky považovat za univerzálně použitelné při řešení problémů spojených s testovatelností datových cest číslicového obvodu na úrovni meziregistrových přenosů. Jak v oblasti návrhu pro snadnou testovatelnost tak v oblasti generování benchmarkových obvodů je možné provést řadu vylepšení, která by mohla vést ke kvalitnějším řešením. V první jmenované oblasti by se mohlo jednat např. o rozšíření množiny technik návrhu pro snadnou testovatelnost a o návrh metody pro hledání přijatelné kombinace a propojení těchto technik s cílem dosažení co nejlepší testovatelnosti obvodu. V druhé jmenované oblasti by se mohlo jednat např. o rozšíření počtu ovládaných parametrů generovaných obvodů.

¹²taková funkce se obvykle nazývá účelová funkce

Kapitola 7

Závěr

Tato poslední kapitola je věnována shrnutí hlavních výsledků dosažených v této práci a jejich srovnání s výzkumnými cíli stanovenými na jejím začátku. V závěru této kapitoly bude prezentován jednak přínos této práce - tak, jak je viděn jejím autorem - a jednak možné směry výzkumu navazujícího na tuto práci.

7.1 Shrnutí výsledků práce

Tato práce se zabývá analýzou testovatelnosti číslicového obvodu popsaného na úrovni meziregistrových přenosů a využitím jejích výsledků ve vybraných oblastech souvisejících s diagnostikou číslicových obvodů. Práce se zaměřuje pouze na problematiku související s testovatelností obvodových datových cest, ale řadičem ovládajícím tok dat těmito cestami se blíže nezabývá. Předpokládá se, že pro směrování toku dat je zvolena propojovací strategie multiplexovaných datových cest. V části zabývající se přehledem současného stavu v oblasti analýzy testovatelnosti práce shrnuje hlavní nedostatky existujících metod analýzy testovatelnosti. V práci je ukázáno, že většinu ze zmíněných nedostatků lze odstranit, je-li každý prvek uložený v knihovně obvodových prvků kromě informací týkajících se návrhového popisu jeho rozhraní, činnosti atp. vybaven také informacemi usnadňujícími jak jeho diagnostiku, tak také diagnostiku systému, jehož je tento prvek součástí. Tato informace je poté popsána pomocí prostředků zavedeného matematického modelu, který je rozšířením výchozího modelu [Růž02] o nové prostředky nezbytné pro popis a modelování obecnější koncepce tzv. transparentních cest, než jakými jsou příliš přísné a často používané koncepce, obvykle založené na tzv. koncepci I-cest. Výhodou rozšířeného modelu je možnost modelování a analýzy většího počtu obvodových datových cest, tj. i těch cest, které jsou z pohledu přísnějších koncepcí pro účely přenosu diagnostických dat nepoužitelné, přestože ve skutečnosti použitelné jsou. Hlavním cílem rozšířeného modelu je poskytnout prostředky potřebné pro formální popis vztahů a dílčích algoritmů pro analýzu testovatelnosti. Navržená metoda analýzy testovatelnosti je založena na číselném ohodnocení řiditelnosti, pozorovatelnosti a testovatelnosti vnitřních částí obvodu a obvodu jako celku a jelikož není svázána s žádnou z technik návrhu pro snadnou testovatelnost, lze její výsledky považovat za univerzálně použitelné při řešení problémů souvisejících s testovatelností číslicových obvodů popsaných na úrovni meziregistrových přenosů. Metoda není popsána pomocí v současné době nejednotných pojmů z oblasti diagnostiky, ale pomocí modelem přesně definovaných prostředků. V závěru se práce věnuje důkazům významných vlastností navržené metody a příkladu jejího použití v oblasti návrhu pro snadnou testovatelnost s využitím techniky scan a oblasti generování benchmarkových obvodů. Výsledky dosažené touto metodou, založenou na rozšířené koncepci transparentních datových cest, jsou shrnuty a srovnány s výsledky existujících metod. Z výsledků vyplývá, že díky

detailnější analýze obvodových datových cest poskytuje tato metoda přesnější informaci o testovatelnosti daného obvodu, než jakou poskytují metody řešící stejný problém na téže úrovni abstrakce. To je patrné zejména při řešení problému výběru a rozmístění registrů do scan řetězců - navržená metoda byla schopna ve všech zkoumaných případech vybrat do scan řetězců méně registrů než metody, s nimiž byla srovnávána.

7.2 Přínos práce

Hlavních přínosů této práce je možno vysledovat několik. K významným přínosům jistě patří snaha práce odstranit hlavní nedostatky existujících metod analýzy testovatelnosti datových cest se směrováním toku dat pomocí multiplexovaných datových cest na úrovni meziregistrových přenosů předpokládajících deterministické generování testu. Jedno z možných řešení nabízí tato práce, která ukazuje, že je-li každý prvek uložený v knihovně obvodových prvků kromě informací týkajících se návrhového popisu jeho rozhraní, činnosti atp. vybaven také vhodnými diagnostickými informacemi, pak je možné docílit velmi detailní analýzy obvodových datových cest, a to algoritmem s přijatelnou časovou složitostí, který není svázán s žádnou z technik návrhu pro snadnou testovatelnost, ale pouze s předpokladem deterministického generování testu. Ze skutečnosti, že navržený algoritmus analýzy testovatelnosti není svázán s žádnou z technik návrhu pro snadnou testovatelnost vyplývá, že jeho výsledky jsou univerzálně použitelné při řešení problémů souvisejících s testovatelností číslicových obvodů popsaných na úrovni meziregistrových přenosů.

Za další přínos práce je možno považovat popis dodatečné diagnostické informace pomocí prostředků zavedeného matematického modelu. Tento model je rozšířením výchozího modelu [Růž02] o nové prostředky nezbytné pro popis a modelování obecnější koncepce tzv. transparentních cest než jakými jsou příliš přísné, avšak přesto často používané koncepce obvykle založené na tzv. koncepci I-cest. Výhodou rozšířeného modelu je možnost modelování a analýzy většího počtu obvodových datových cest, tj. i těch cest, které jsou z pohledu přísnějších koncepcí pro účely přenosu diagnostických dat nepoužitelné. Rozšíření modelu [Růž02] není samoúčelné. Jeho hlavním účelem je poskytnout prostředky potřebné pro formální popis vztahů a dílčích algoritmů pro analýzu testovatelnosti. Metoda analýzy testovatelnosti pak není popsána pomocí nejednotných pojmů diagnostiky, ale pomocí modelem přesně definovaných prostředků. Vzhledem k připravovanému standardu IEEE P1522 lze konstatovat, že snaha o popis problémů souvisejících s testovatelností odpovídá současnému trendu v oblasti návrhu a diagnostiky číslicových obvodů.

Jako poslední významný přínos této práce uveďme transformaci problému analýzy testovatelnosti na matematický problém. Tím je v této práci problém prohledávání dvou orientovaných grafů zkonstruovaných na základě modelu daného obvodu, a to grafu datového toku testovacích vzorků a grafu datového toku odezev. Výhody transformace řešeného problému na problém matematický jsou zřejmé - matematicky popsaný problém je jednoznačně definován, k jeho řešení je možné využít řadu již existujících principů a algoritmů a v neposlední řadě je možno poměrně snadno dokázat významné vlastnosti algoritmu řešícího tento problém. Důkazy významných vlastností navrženého algoritmu, a to zejména důkaz správnosti ohodnocování diagnostických vlastností obvodu ve smyslu zavedených definic a důkaz časové složitosti, je možno také považovat za přínos této práce.

7.3 Možné směry navazujícího výzkumu

Kromě praktického směru, jakým je snaha aplikovat navrženou metodu v dalších oblastech návrhu a diagnostiky číslicových obvodů, lze za jeden ze směrů výzkumu navazujícího na tuto práci jistě považovat snahu o obohacení metody návrhu pro snadnou testovatelnost o další techniky návrhu pro snadnou testovatelnost s cílem hledání přijatelné kombinace technik za účelem maximálního zlepšení testovatelnosti daného obvodu či snahu o sjednocení definic z této práce s konečnou verzí standardu IEEE P1522. Další možné směry lze vidět např. v návrhu metody extrakce požadované diagnostické informace z návrhového popisu prvků či v návrhu metody pro hierarchické generování testu založené na využití prostředků rozšířeného modelu. Jelikož jak výchozí model tak model prezentovaný v této práci předpokládá, že pro směrování toku dat je zvolena propojovací strategie multiplexovaných datových cest a jelikož rozšířením modelu o další propojovací strategie - např. o strategii obousměrných sběrnic - se tato práce nezabývá, mohla by být k výše uvedeným možným směrům výzkumu připojena také snaha o toto rozšíření. Další výzkum může být také zaměřen na oblasti, které sice přímo nesouvisejí s tématem řešeným v této práci, ale kterými se autor v rámci své výzkumné činnosti již okrajově zabýval - jedná se např. o návrh řadiče testu [SMK02] či o oblast plánování testu [SKM03b].

Literatura

[Aba85]	Abadir, M. S., Breuer, M. A. A Knowledge-Based System for Designing Testable VLSI Chips. <i>IEEE Design & Test of Computers</i> , 1985, Vol. 2, No. 3. s. 56–68.
[ABF90]	Abramovici, M., Breuer, M. A., Friedman, A. D. Digital Systems Testing and Testable Design. IEEE Press, Piscataway, 1990. 670 s. ISBN 0-7803-1062-4.
[Ait95]	Aitken, R. C. An Overwiev of Test Synthesis Tools. <i>IEEE Design & Test of Computers</i> , 1995, Vol. 1, No. 1. s. 8–15.
[AP93]	Abramovici, M., Parikh, P. S. A Cost-Based Approach to Partial Scan. In <i>Proceedings of 30th ACM/IEEE Design Automation Conference</i> , 1993. s. 255–259.
[AP95]	Abramovici, M., Parikh, P. S. Testability-Based Partial Scan Analysis. <i>Journal of Electronic Testing: Theory and Applications</i> , 1995, Vol. 7, No. 1. s. 62–70.
[AVA92]	Abraham, J. A., Vishakantaiah, P., Abadir, M. S. Automatic Test Knowledge Extraction From VHDL (ATKET). In <i>Proceedings of Design Automation Conference</i> , 1992. s. 273–278.
[AVS93]	Abraham, J. A., Vishakantaiah, P., Saab, D. G. CHEETA: Composition of Hierarchical Sequential Tests Using ATKET. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1993. s. 606–615.
[AVTA93]	Abraham, J. A., Vishakantaiah, P., Thomas, T., Abadir, M. S. AMBIANT: Automatic Generation of Behavioral Modifications for Testability. In <i>Proceedings</i> of International Conference on Computer Design, 1993. s. 63–66.
[BCA94]	Balakrishman, A., Chakradhar, S. T., Agrawal, V. D. An Exact Algorithm for Selecting Partial Scan Flip-Flops. In <i>Proceedings of Design Automation Conference</i> , 1994. s. 81–86.
[Ben84]	Bennetts, R. G. <i>Design of Testable Logic Circuits</i> . Addison-Wesley Publishing Company, Reading, 1984. 164 s. ISBN 0-201-14403-4.
[BF96]	Boppana, V., Fuchs, W. K. Partial Scan Design Based on State Transition Mo- deling. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1996. s. 538–547.
[BG89]	Breuer, M. A., Gupta, R. BALLAST: A Methodology for Partial Scan Design. In <i>Proceedings of the 19th International Symposium on Fault-Tolerant Computing</i> , 1989. s. 118–125.

[BG94]	Becker, A., Geiger, D. Approximation Algorithm for the Loop Cutset Problem. In <i>Proceedings of the 10th Conference on Uncertainty in Artificial Intelligence</i> , Morgan Kaufman, 1994. s. 60–68.
[BG96]	Becker, A., Geiger, D. Optimization of Pearl's Method of Conditioning and Greedy-Like Approximation Algorithms for the Vertex Feedback Set Problem. <i>Artificial Intelligence</i> , 1996, Vol. 83, No. 4. s. 167–188.
[BGT03]	Basu, S., Ghosh, S., Touba, N. A. Joint Minimization of Power and Area in Scan Testing by Scan Cell Reordering. In <i>Proceedings of the IEEE Computer Society</i> <i>Annual Symposium on VLSI</i> , IEEE Computer Society, 2003. s. 246–249.
[Brg04]	Brglez, F. Computer-Aided Design Benchmarking Laboratory, 2004. Dostupné z: http://www.cbl.ncsu.edu/benchmarks/.
[Buk00]	Bukovjan, P. Allocation for Testability in High-Level Synthesis. PhD thesis, Institute National Polytechnique de Grenoble, 2000. 130 s.
[BMVAT03]	Bhandra, J., Vedula, V. M., Abraham, J. A., Tupuri, R. A Hierarchical Test Generation Approach Using Program Slicing Techniques on Hardware Description Languages. <i>Journal of Electronic Testing: Theory and Applications</i> , 2003, Vol. 19, No. 1. s. 149–160.
[CA90]	Chen, K. T., Agrawal, V. D. A Partial Scan Method for Sequential Circuits With Feedback. <i>IEEE Transactions in Computers</i> , 1990, Vol. 39, No. 1. s. 544–548.
[CB89]	Calhoun, J. D., Brglez, F. A Framework and Method for Hierarchical Test Generation. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1989. s. 480–490.
[CG96]	Convay, J. H., Guy, R. K. <i>The Book of Numbers</i> . Springer-Verlag, New York, 1996. 320 s. ISBN 0-387-97993-X.
[CLRS01]	Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., Stein, C. Introduction to Algori- thms, Second Edition. MIT Press, Cambridge, 2001. 1200 s. ISBN 0-262-03293-7.
[CM89]	Chen, C. H., Menon, P. R. An Approach to Functional Level Testability Analysis. In <i>Proceedings of the International Test Conference</i> , IEEE Computer Society, 1989. s. 373–380.
[Coh01]	Cohen, B. VHDL Coding Styles and Methodologies. Kluwer Academic Publishers, Dodrecht, Netherlands, 2001. 460 s. ISBN 0-7923-8474-1.
[Cox95]	Cox, H. Synthesizing Circuits with Implicit Testability Constraints. <i>IEEE Design</i> & Test of Computers, 1995, Vol. 1, No. 1. s. 16–22.
[CP90]	Chickermane, V., Patel, J. H. An Optimization Based Approach to the Partial Scan Design Problem. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1990. s. 377–386.
[CP91]	Chickermane, V., Patel, J. H. A Fault Oriented Partial Scan Design Approach. In <i>Proceedings of International Conference on Computer Aided Design</i> , 1991. s. 400–403.

N 80-200-0990-6. g. <i>IEEE Design ど</i> for Bisting Data- Computer Society,
g. IEEE Design & for Bisting Data- Computer Society,
for Bisting Data- Computer Society,
of Symposium in Vol. 19, No. 1. s.
Press, Cambridge,
enges, 2003 [2004]. /18.html.
Tools for Testabi- on Fault-Tolerant
tal Circuits. <i>IEEE</i> 685–693.
In Proceedings of
ter Transfer Level on Fault Tolerant
sis and Transfor-
a Security. <i>SIAM</i>
Pesign and Test of
D. P. A Primal- e Feedback Vertex ers, 1998, Vol. 22,
rů do řetězce scan.

[HPS95]	Ha, D. S., Park, I., Sim, G. A New Method for Partial Scan Design Based on Propagation and Justi
	cation Requirements of Faults. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1995. s. 413–422.
[JGB98]	Jha, N. K., Ghosh, I. Bhawmik, S. A bist scheme for rtl controller-data paths based on symbolic testability analysis. In <i>Proceedings of the 35th annual conference on Design automation conference</i> , ACM Press, 1998. s. 554–559.
[Joh75]	Johnson, D. B. Finding all the Elementary Circuits of a Directed Graph. <i>SIAM Journal on Computing</i> , 1975, Vol. 4, No. 1. s. 77–84.
[JSE03]	Jahangir, A. H., Safari, S., Esmaelzadeh, H. Testability Improvement During High-Level Synthesis. In <i>Proceedings of 12th Asian Test Symposium</i> , IEEE Co- puter Society, 2003. s. 505–505.
[Kar72]	Karp, R. Reducibility among combinatorial problems. In <i>Complexity of Computer Computations</i> , Plenum Press, 1972. s. 85–104.
[KKS95]	Kim, K. S., Kime, C. R. Partial Scan Flip-Flop Selection by Use of Empirical Testability. <i>Journal of Electronic Testing: Theory and Applications</i> , 1995, Vol. 7, No. 1. s. 47–59.
[KOP95]	Kohavi, Z., Orensten, T., Pomeranz, I. An Optimal Algorithm for Cycle Breaking in Directed Graphs. <i>Journal of Electronic Testing</i> , 1995, Vol. 7, No. 2. s. 71–82.
[Kot99]	Kotásek, Z. Uplatnění principů řiditelnosti/pozorovatelnosti při návrhu číslico- vých obvodů. Habilitační práce, FEI VUT v Brně, 1999. 80 s.
[KP90]	Kuchcinski, K., Peng, Z. Testability Analysis in a VLSI High-Level Synthesis System. <i>The Euromicro Journal, Microprocessing and Microprogramming</i> , 1990, Vol. 28, No. 1-5. s. 295–300.
[KPG86]	Knight, J. P., Paulin, P. G., Girczyc, E. F. Hal: A Multi-Paradigm Approach to Automatic Data Path Synthesis. In <i>Proceedings of the Design Automation</i> <i>Conference</i> , IEEE Computer Society, 1986. s. 263–270.
[KR03]	Kundarewich, P. D., Rose, J. Synthetic circuit generation using clustering and iteration. In <i>Proceedings of the 2003 ACM/SIGDA 11th International Symposium on Field Programmable Gate Arrays</i> , ACM, 2003. s. 245–245.
[KS02a]	Kotásek, Z., Strnadel, J. Normalized Testability Measures at RT Level: Utili- zation and Reasons for Creation. In <i>Proceedings of 36th International Conference</i> on Modeling and Simulation of Systems, MARQ, 2002. s. 297–304.
[KS02b]	Kotásek, Z., Strnadel, J. Optimising Solution of the Scan Problem at RT Level Based on a Genetic Algorithm. In <i>Proceedings of 5th IEEE Workshop on Design</i> and Diagnostics of Electronics Circuits and Systems, FIT VUT v Brně, 2002. s. 44–51.
[KS02c]	Kotásek, Z., Strnadel, J. Testability Improvements Based on the Combination of Analytical and Evolutionary Approaches at RT Level. In <i>Proceedings of Euro-</i> <i>micro Symposium on Digital System Design - Architectures, Methods and Tools</i> , IEEE Computer Society Press, 2002. s. 166–173.

[KTA99] Krishnamachari, A., Tupuri, R. S., Abraham, J. A. Test Generation for Gigahertz Processors Using an Automatic Functional Constraint Extractor. In Proceedings of Design Automation Conference, 1999. s. 647-652. [KW90] Kunzmann, A., Wunderlich, H. J. An Analytical Approach to the Partial Scan Problem. Journal of Electronic Testing: Theory and Applications, 1990, Vol. 1, No. 5. s. 163–174. [Lar00] Larsson, E. An Integrated System-Level Design for Testability Methodology. Disertační práce, Linköping University, 2000. 282 s. [LBGP02] Landrault, C., Bonhomme, Y., Girard, P., Pravossoudovitch, S. Power Driven Chaining of Flip-flops in Scan Architectures. In Proceedings IEEE International Test Conference, IEEE Computer Society, 2002. s. 796–803. [Lee 97]Lee, M. T. High-level Test Synthesis of Digital VLSI Circuits. Artech House, 1997. 220 s. [Lia94] Liang, Y. D. On the Feedback Vertex Set Problem in Permutation Graphs. Information Processing Letters, 1994, Vol. 52, No. 6. s. 123–129. [LL79]Leung, J. Y.-T., Lai, E. K. On Minimum Cost Recovery From System Deadlock. IEEE Transactions in Computers, 1979, Vol. 28, No. 9. s. 671–677. [LL88]Levy, H., Lowe, L. A Contraction Algorithm for Finding Small Cycle Cutsets. Journal of Algorithm, 1988, Vol. 9, No. 2. s. 470-493. [LP97] Lee, J. Patel, J. H. Hierarchical Test Generation Under Architectural Level Functional Constraints. IEEE Transactions on Computer Aided Design of Integrated Circuits and Systems, 1997, Vol. 15, No. 9. s. 1144-1151. [LR90] Lee, D., Reedy, S. On Determining Scan Flip-Flops in Partial Scan Designs. In Proceedings of International Conference on Computer Aided Design, 1990. s. 322 - 325.[LRJ98] Lakshminarayana, G., Ravi, S., Jha, N. K. Tao: Regular expression based highlevel testability analysis and optimization. In Proceedings of International Test Conference, IEEE Computer Press, 1998. s. 331–340. [LRJ99] Lakshminarayana, G., Ravi, S., Jha, N. K. A framework for testing core-based systems-on-a-chip. In Proceedings of IEEE/ACM International Conference on Computer-Aided Design, IEEE Computer Press, 1999. s. 385–390. [LT97] Lu, C. L., Tang, C. Y. A Linear-Time Algorithm for the Weighted Feedback Vertex Problem on Interval Graphs. Information Processing Letters, 1997, Vol. 61, No. 5. s. 107–111. [LWS85] Lloyd, E., Wang, C., Soffa, M. Feedback Vertex Sets and Cyclically Reducible Graphs. Journal of the Association for Computing Machinery, 1985, Vol. 32, No. 2. s. 296-313. [Mär92] März, S. High-Level Synthesis. Kluwer Academic Publishers, Boston, 1992. 432 s. Vol. 170 of The Kluwer International Series in Engineering and Computer Science. ISBN 0-7923-9199-3.

[MBR80]	Maunder, C. M., Bennetts, R. G., Robinson, G. D. CAMELOT: A Computer- Aided Measure for Logic Testability. In <i>Proceedings of Intenational Conference</i> on Computer Communication, 1980. s. 1162–1165.
[MH90]	Murray, B. T., Hayes, J. P. Hierarchical Test Generation Using Precomputed Tests for Modules. <i>IEEE Transactions on Computer Aided Design</i> , 1990, Vol. 9, No. 6. s. 594–603.
[MH91]	Murray, B. T., Hayes, J. P. Test Propagation Through Modules and Circuits. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1991. s. 748–757.
[MO02]	Makris, Y., Orailoglu, A. Test Requirement Analysis for Low Cost Hierarchical Test Path Construction. In <i>Proceedings of 11th Asian Test Symposium</i> , 2002. s. 134–139.
[MS81]	Monien, B., Schultz, R. Four Approximation Algorithms for the Feedback Vertex Set Problems. In <i>Proceedings of the 7th Conference on Graph Theoretic Concepts</i> of Computer Science, Hanser-Verlag, 1981. s. 315–326, 1981.
[MSL01]	Mařík, V., Štěpánková, O., Lažanský J. a kol. <i>Umělá inteligence, Díl 3</i> . Academia, 2001. 328 s. ISBN 80-200-0472-6.
[MSZK02]	Mika, D., Strnadel, J., Zbořil, F., Kotásek, Z. The Identification of Feedback Loops in RTL Structures. In <i>Proceedings of 5th International Scientific Conference Electronic Computers and Informatics</i> , TU Košice, 2002. s. 142–147.
[Mue01]	Mueller, S. Osobní počítač - Nejpodrobnější průvodce hardwarem PC. Computer Press, 2001. 896 s. ISBN 80-7226-470-2.
[NBYR98]	Naor, J., Bar-Yehuda, R., Geiger, D., Roth, R. M. Approximation Algorithms for the Vertex Feedback Set Problem with Applications. <i>SIAM Journal on Computing</i> , 1998, Vol. 27, No. 4. s. 942–959.
[NKRB01]	Novak, F., Khalil, M., Robach, C., Biasizzo, A. System Level Diagnostic Strate- gies and Tools. In <i>Proceedings of 4th IEEE Design and Diagnostics of Electronic</i> <i>Circuits and Systems</i> , 2001. s. 251–258.
[NMDS88]	Newton, A. R., Ma, H. K. T., Devadas, S., Sangiovani-Vincentelli, A. An In- complete Scan Design Approach to Test Generation for Sequential Machines. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1998. s. 730–734.
[OM99]	Orailoglu, A., Makris, Y. Property-Based Testability Analysis for Hierarchical RTL Designs. In <i>Proceedings of the International Conference on Electronics Circuits and Systems (ICECS)</i> , 1999. s. 1089–1092.
[OMCV99]	Orailoglu, A., Makris, Y., Collins, J., Vishakantaiah, P. TRANSPARENT: A System for RTL Testability Analysis, DFT Guidance and Hierarchical Test Generation. In <i>Proceedings of Custom Integrated Circuits Conference</i> , 1999. s. 159–162.
[PA95]	Parikh, P. S., Abramovici, M. Testability-Based Partial Scan Analysis. <i>Journal of Electronic Testing</i> , 1995. Vol. 7, No. 3. s. 61–70.

- [PFR97] Pires, R., Flottes, M. L., Rouzeyre, B. Analyzing testability from behavioral to rt level. In Proceedings of the European Design and Test Conference, IEEE Computer Society, 1997. s. 158–165.
- [PFR01] Pardalos, P. M., Festa, P., Resende, M. G. C. Feedback Set Problems. In *Encyclopedia of Optimization*, Kluwer Academic Publishers, 2001. s. 94–106.
- [PLR99] Pomeranz, I., Lin, X., Reddy, S. M. Full Scan Fault Coverage With Partial Scan. In Proceedings of Design, Automation and Test in Europe, 1999. s. 468–472.
- [PME02] Peng, Z., Mohamed, A. R., Eles, P. BIST Synthesis: An Approach to Resources Optimization under Test Time Constraints. In Proceedings of 5th IEEE Workshop on Design and Diagnostics of Electronic Circuits and Systems, FIT VUT, 2002. s. 346–351.
- [PME03] Peng, Z., Mohamed, A. R., Eles, P. A Wiring-Aware Approach to Minimizing Built-In Self-Test Overhead. In *Proceedings of 4th Workshop on RTL and High Level Testing*, 2003. Prezentováno formou posteru - nebylo publikováno ve sborníku konference.
- [Qua04] Qualtech Systems. Software Testing, 2004. Dostupné z: http://www.teamqsi.com/testing/software_testing.htm.
- [RCPR96] Rebaudengo, M., Corno, F., Prinetto, P., Reorda, M. S. Partial Scan Flip Flop Selection for Simulation-Based Sequential ATPG. In *Proceedings of International Test Conference*, 1996. s. 558–564.
- [RCPV98] Reorda, M. S., Corno, F., Prinetto, P., Violante, M. Exploiting Symbolic Techniques for Partial Scan Flip Flop Selection. In *Proceedings of Design, Automation and Test in Europe*, 1998. s. 670–677.
- [RND02] Robach, C., Nguyen, T. B., Delaunay, M. Testability Analysis For Software Components. In Proceedings of the International Conference on Software Maintenance, IEEE Computer Society Digital Library, 2002. s. 422–429.
- [RND03] Robach, C., Nguyen, T. B., Delaunay, M. Testability Analysis Applied to Embedded Data-flow Software. In *Proceedings of 3rd International Conference On Quality Software*, IEEE Computer Society, 2003. s. 351–359.
- [RPQ99] Resende, M. G. C., Pardalos, P. M., Quian, T. A Greedy Randomized Adaptive Search Procedure for Feedback Vertex Set. Journal of Combinatorial Optimizations, 1999, Vol. 2, No. 9. s. 399–412.
- [Růž02] Růžička, R. Formální přístup k analýze testovatelnosti číslicových obvodů na úrovni RT. Disertační práce, VUT v Brně, 2002. 110 s.
- [RGJ96a] Raghunathan, A., Ghosh, I., Jha, N. K. A Design for Testability Technique for RTL Circuits Using Control/Data Flow Extraction. In Proceedings of International Conference on Computer Aided Design, IEEE Computer Society, 1996. s. 329–336.
- [RGJ96b] Raghunathan, A., Ghosh, I., Jha, N. K. A Design for Testability Technique for RTL Circuits Using Control/Data Flow Extraction. In Proceedings of International Conference on Computer-Aided Design, IEEE Computer Society, 1996. s. 329–336.

[RGJ98]	Raghunathan, A., Ghosh, I., Jha, N. K. A Design for Testability Technique for RTL Circuits Using Control/Data Flow Extraction. <i>IEEE Transactions on</i> <i>Computer Aided Design of Integrated Circuits and Systems</i> , 1998, Vol. 17, No. 8. s. 706–723.
[RC02]	Rose, J. S., Hutton, M. D., Corneil, D. Automatic Generation of Syntetic Sequen- tial Benchmark Circuits. <i>IEEE Transactions on Computer-Aided Design of In-</i> <i>tegrated Circuits and Systems</i> , 2002, Vol. 21, No. 8. s. 928–940.
[RSHK01]	Růžička, R., Strnadel, J., Hlavička, J., Kotásek, Z. Interactive Tool for Behavioral Level Testability Analysis. In <i>Proceedings of IEEE European Test Workshop</i> , IEEE Computer Society Press, 2001. s. 117–119.
[SH99]	Sharma, S., Hsiao, M. Partial Scan Using Multi-Hop State Reachability Analysis. In <i>Proceedings of VLSI Test Symposium</i> , 1999. s. 121–126.
[SH00]	Seshadri, S., Hsiao, M. S. Formal Value-Range and Variable Testability Technique. <i>Journal of Electronic Testing, Theory and Applications</i> , 2000, Vol. 16, No. 1–2. s. 131–145.
[SH01]	Sharma, S., Hsiao, M. S. Combination of Structural and State Analysis for Partial Scan. In <i>Proceedings of IEEE VLSI Design Conference</i> , 2001. s. 134–139.
[SH02]	Seshadri, S., Hsiao, M. S. Behavioral-Level DFT via Formal Operator Testability Measures. <i>Journal of Electronic Testing</i> , 2002, Vol. 18, No. 6. s. 595–611.
[Sha76]	Shamir, A. A Linear Time Algorithm for Finding Minimum Cutsets in Reduced Graph. <i>SIAM Journal on Computing</i> , 1976, Vol. 8, No. 4. s. 645–655.
[SKP04a]	Sekanina, L., Strnadel, J., Kotásek, Z., Pečenka, T. Evolutionary Design of Synthetic RTL Benchmark Circuits. In <i>Proceedings of 9th European Test Symposium</i> , IEEE Computer Society Press, 2004. s. 107–108.
[SKP04b]	Strnadel, J., Kotásek, Z., Pečenka, T. Improving Testability Parameters of Pi- pelined Circuits Through the Identification of Testable Cores. In <i>Proceedings of</i> the 7th IEEE Workshop on Design and Diagnostics of Electronic Circuits and Systems, SAV, 2004. s. 99–104.
[SK01a]	Strnadel, J., Kotásek, Z. Analytic Approach to RTL Testability Analysis. In <i>Proceedings of 7th Conference Student FEI</i> , VUT v Brně, 2001. s. 363–367.
[SK01b]	Strnadel, J., Kotásek, Z. RTL Testability Analysis Based on Genetic Algorithm Implementation. In <i>Proceedings of the 1st International PhD Students' Workshop</i> <i>Control & Information Technology</i> , FEI VŠB, 2001. s. 83–88.
[SKR01]	Strnadel, J., Kotásek, Z., Růžička, R. Formal and Analytical Approaches to the Testability Analysis - the Comparison. In <i>Proceedings of 4th IEEE Workshop on Design and Diagnostics of Electronic Circuits and Systems</i> , SU, 2001. s. 123–128.
[SKM03a]	Strnadel, J., Kotásek, Z., Mika, D. Methodologies of RTL Partial Scan Analysis and Their Comparison. In <i>Proceedings of the 6th IEEE Workshop on Design and</i> <i>Diagnostics of Electronic Circuits and Systems</i> , UNI-DRUK, 2003. s. 233–238.

- [SKM03b] Strnadel, J., Kotásek, Z., Mika, D. Test Scheduling for Embedded Systems. In Proceedings of Euromicro Symposium on Digital System Design - Architectures, Methods and Tools, IEEE Computer Society Press, 2003. s. 463–467.
- [SK04] Sheppard, J., Kaufman, M. IEEE P1522 Standard for Testability and Diagnosability Characteristics and Metrics (Draft), 2000 [2004]. Informace o připravovaném standardu IEEE P1522 dostupné z: http://grouper.ieee.org/groups/1232/pubs/.
- [Smi97] Smith, M. J. S. Application-Specific Integrated Circuits. VLSI System Series. Addison-Wesley, 1997. 1040 s. ISBN 0-201-50022-1.
- [Spe89] Speckenmeyer, E. On Feedback Problems in Digraphs. In Proceedings of 15th International Workshop on Graph-Theoretic Concepts in Computer Science, Springer-Verlag, 1989, Vol. 411. s. 218–231.
- [SMK02] Strnadel, J., Mika, D., Kotásek, Z. Test Controller Design Based on VHDL Source File Analysis. In Proceedings of 5th International Scientific Conference Electronic Computers and Informatics, TU Košice, 2002. s. 135–141.
- [Str02a] Strnadel, J. Evaluating Cost/Quality Trade-off Solutions Proposed During a DFT Process. In Proceedings of 8th Conference Student EEICT, VUT v Brně, 2002. s. 506–510,
- [Str02b] Strnadel, J. Normalized Testability Measures Based on RTL Digital Circuit Graph Model Analysis. In Proceedings of 5th International Scientific Conference Electronic Computers and Informatics, TU Košice, 2002. s. 200–205.
- [Str03a] Strnadel, J. Algebraic Analysis of Feedback Loop Dependencies in Order of Improving RTL Digital Circuit Testability. In Proceedings of the 6th IEEE Workshop on Design and Diagnostics of Electronic Circuits and Systems, UNI-DRUK, 2003. s. 303–304.
- [Str03b] Strnadel, J. Analýza a zlepšení testovatelnosti RTL číslicového obvodu. In Sborník příspěvků ze semináře Počítačové Architektury & Diagnostika, FIT VUT v Brně, 2003. s. 24–29.
- [Str03c] Strnadel, J. Nested Loops Degree Impact on RTL Digital Circuit Testability. In Proceedings of Programmable Devices and Systems, Elsevier, 2003. s. 202–207.
- [Str03d] Strnadel, J. Scan Layout Encoding by Means of a Binary String. In Proceedings of of 37th International Conference on Modelling and Simulation of Systems, MARQ, 2003. s. 115–122.
- [SVC00] Stroobandt, D., Verplaetse, P., Campenhout, J. V. On Synthetic Benchmark Generation Methods. In *Proceedings of IEEE International Symposium on Circuits* and Systems, IEEE Computer Society Press, 2000. s. 213–216.
- [SVC02] Stroobandt, D., Verplaetse, P., Campenhout, J. V. Synthetic Benchmark Circuits for Timing-driven Physical Design Applications. In *Proceedings of the Internati*onal Conference on VLSI, CSREA Press, 2002. s. 31–37.
- [SW75] Smith, G. W., Walford, R. B. The Identification of a Minimal Feedback Vertex Set of a Directed Graph. *IEEE Transactions on Circuits and Systems*, 1975, Vol. CAS-22, No. 1. s. 9–14.

[Syn04]	Syntest Technologies. Tool Suite for Virtual Scan Synthesis and ATPG - VirtualScan, 2002 [2004]. Dokument dostupný z: http://www.syntest.com/VirtualScan.htm.
[TB95]	Tai, S. E., Bhattacharya, D. A Three-Stage Partial Scan Design Method to Ease ATPG. <i>Journal of Electronic Testing</i> , 1995, Vol. 7, No. 5. s. 95–104.
[TIF02]	Tamura, A., Inoue, T., Miura, T., Fujiwara, H. A Scheduling Method in High-Level Synthesis for Acyclic Partial Scan Design. In <i>Proceedings of 11th Asian Test Symposium</i> , IEEE Computer Society, 2002. s. 128–133.
[TS82]	Tendolkar, N. N., Swan, R. L. Automatic Diagnostic Methodology for the IBM 3081 Processor Complex. <i>IBM Journal on Research and Development</i> , 1982, Vol. 1, No. 2. s. 78–89.
[Uba04]	Ubar, R. Functional Level Testability Analysis for Digital Circuits, 1992 [2004]. Technická zpráva LiTH-IDA-R-92-03 dostupná z: http://the-compost-system.org/publications/cgi-bin/tr-fetch.pl?r-92-03+abstr.
[VA02]	Vedula, V. M., Abraham, J. A. FACTOR: A Hierarchical Methodology for Functi- onal Test Generation and Testability Analysis. In <i>Proceedings of the 2002 Design</i> , <i>Automation and Test in Europe Conference and Exhibition</i> , IEEE Computer So- ciety, 2002. s. 730–735.
[WP83]	Williams, T. W., Parker, K. P. Design for Testability - a Survey. <i>IEEE Transactions on Computers</i> , 1983, Vol. 1, No. 1. s. 98–111.
[XP96]	Xiang, D., Patel, J. H. A Global Algorithm for the Partial Scan Design Problem Using Circuit State Information. In <i>Proceedings of International Test Conference</i> , 1996. s. 548–557.
[XP04]	Xiang, D., Patel, J. H. Partial Scan Design Based on Circuit State Information and Functional Analysis. <i>IEEE Transactions on Computers</i> , 2004, Vol. 53, No. 3. s. 276–287.
[ZKR01]	Zbořil, F., Strnadel, K., Kotásek, Z., Růžička, R. Two Level Testability System. In Proceedings of 35th International Conference on Modeling and Simulation of Systems, MARQ, 2001. s. 433–440.
Rejstřík

 $\beta_E, 62$ $\beta_V, 62$ $\beta_C, 87$ $\beta_0, 87$ $\nu, 69$ $\nu_C, \, 87$ $\nu_O, \, 87$ $\overline{\tau}_{CBits}, 80$ $\overline{\tau}_{NSti}, 80$ $\overline{\tau}_{Seq}, 80$ $\overline{v}_{CBits}, 83$ $\overline{v}_{NSti}, 83$ $\overline{v}_{Seq}, 83$ $\pi_{BITS}, \, 68$ $\pi_{BIT}, 64$ $\pi_C, 89$ $\pi_{NC}, 89$ $\pi_{NO}, 90$ $\pi_O, \, 90$ $\pi_T, 91$ $\pi_W, 68$ $\psi', 65$ $\tau_L, 79$ $\tau_R, 79$ $\tau_{CBits}, 79$ $\tau_{CO}, 85$ $\tau_{NSti}, 80$ $\tau_{Seq}, 80$ $v_{CBits}, 82$ $v_C, 92$ $v_{NC}, 92$ $v_{NO}, 92$ $v_{NSti}, 82$ $v_O, 92$ $v_{RC}, 92$ $v_{RO}, 92$ $v_{Seq}, 82$ v_T , 93

algoritmus

 $Aktualizace_ohodnoceni_bran(...), 97$

 $Analýza_Testovatelnosti(...), 95$ $Ohodnoceni_pozorovatelnosti(...), 99$ $Ohodnoceni_testovatelnosti(...), 96$ $Ohodnoceni_{\check{}} \check{r}iditelnosti(...), 97$ $P\check{r}enos_p\check{r}es_prvky(...), 98, 101$ $P\check{r}enos_p\check{r}es_spoje(...), 98, 100$ $System_CBits(x, A), 81$ $System_Seq(x, A), 81$ $System_Sti(x, k, A), 82$ analyzovaný obvod, CUA, 60 analýza testovatelnosti, 16, 38 CAMELOT, 40 CoPS, 41FACTOR, 46 IDAT, 40 SATAN, 45 SCOAP, 39 symbolická, 42 TMEAS, 40 třídy registrů a analýza I-cest, 44 vyšší úrovně popisu, 44 úroveň hradel, 38 úroveň meziregistrových přenosů, 39 aplikace testu, 13 $BCI_{CUA}, 63$ $BIT_{CUA}, 61$ $BI_{CUA}, 63$ $BO_{CUA}, 63$ $BPCI_{CUA}, 63$ $BPI_{CUA}, 63$ $BPO_{CUA}, 63$ $BP_{CUA}, 63$ $B_{CUA}, 63$ benchmarková sada, 108 benchmarkový obvod, 108 syntetický, 120 BIST, 25 off-line, 26 funkční, 26 komprese, 26

strukturální, 26 vestavěný generátor, 26 on-line, 25 nesouběžný, 26 souběžný, 25 bod pozorovací, 18 testovací, 12, 18 řídicí, 18 brána datová, 62 množina $BCI_{CUA}, 63$ $BI_{CUA}, 63$ $BO_{CUA}, 63$ $BPCI_{CUA}, 63$ $BPI_{CUA}, 63$ $BPO_{CUA}, 63$ $BP_{CUA}, 63$ $B_{CUA}, 63$ nepozorovatelná, 102 neřiditelná, 102 pozorovatelná, 88, 102 primární, 63 typ, 63 vnitřní, 63 vstupní datová, 63 vstupní řídicí, 63 výstupní, 63 řiditelná, 88, 102 řídicí, 62 řídicí režimu činnosti prvku, 69 C, 71 $CIN_{CUA}, 66$ $C_{BIT}, 71$ CUA, 60 CUT, 13 cesta diagnostická, 49 $D, \, 68$ $D_m, \, 68$ DFT, 12, 15 datová brána, 62 design for testability, DFT, 12, 15 ad-hoc, 17 scan, 28 strukturovaný návrh, 17 techniky, 17

diagnostická cesta, 49 diagnostika off-line, 13 on-line, 13 periodická, 13 průběžná, 13 vnitřní, 13 vnější, 13 číslicových obvodů, 12 $E'_{CUA}, \, 60$ $E_{CUA}, 60$ F, 72 $FU_{CUA}, 60$ $F_{BIT}, 72$ FAS, 34 FASP, 34 FSP, 34 FVS, 34 FVSP, 34 $f[p_{xy}[M_I]], 75$ $f[p_{xy}[M_S]], 75$ $G_I, 77$ $G_S, 77$ \overline{G}_I , 79 $\overline{G}_I[x], 79$ \overline{G}_S , 79 $\overline{G}_S[x], 79$ $\overline{G}_{I[x]}, 79$ $\overline{G}_{S[x]}, 78$ generování testu, 13 generátor testu, 13 globální test, 49 graf datového toku odezev, G_I , 77 datového toku testovacích vzorků, G_S , 77GT, 13 GTKO, 13 **GTSO**, 13 hierarchické generování testu, 48 hierarchický test, 47 koncepce transparentnosti, 50 $IN_{CUA}, 66$

I-režim, 44, 52

lokální test, 48 MFAS, 34 MFASP, 34 MFSP, 34 MFVS, 34 MFVSP, 34 $MUX_{CUA}, 60$ množina $M_I, 75$ $M_S, 75$ $VPORT_{CUA}, 73$ \overline{G}_I , 79 $\overline{G}_I[x], 79$ $\overline{G}_S, 79$ $\overline{G}_S[x], 79$ funkčních jednotek, FU_{CUA} , 60 multiplexorů, MUX_{CUA} , 60 obvodových prvků, E_{CUA} , 60 obvodových prvků, rozšířená, E'_{CUA} , 60 registrů, REG_{CUA} , 60 bran $BCI_{CUA}, 63$ $BI_{CUA}, 63$ $BO_{CUA}, 63$ $BPCI_{CUA}, 63$ $BPI_{CUA}, 63$ $BPO_{CUA}, 63$ $BP_{CUA}, 63$ $B_{CUA}, 63$ bran, BIT_{CUA} , 61 FAS, 34 FVS, 34 **MFAS**, 34 MFVS, 34 portů $CIN_{CUA}, 66$ $IN_{CUA}, 66$ $OUT_{CUA}, 66$ $PCIN_{CUA}, 66$ $PIN_{CUA}, 66$ $PORT_{CUA}, 66$ $POUT_{CUA}, 66$ $P_{CUA}, 66$ systémů $G_{I[x]}, 79$ $\overline{G}_{S[x]}, 79$ řídicích bran podmínky $p_{xy}[M_S], 76$

 $p_{xy}[M_I], 76$ model poruch, 13 nejednoznačné množiny, 53 nepozorovatelná brána, 102 nepozorovatelný port, 102 virtuální port, 102 netestovatelný virtuální port, 102 netlist, 9 hierarchický, 10 neřiditelná brána, 102 neřiditelný port, 102 virtuální port, 102 návrh pro snadnou testovatelnost, 12, 15 $OUT_{CUA}, 66$ obvod analyzovaný, CUA, 60 benchmarkový, 108 syntetický, 120 testovaný, 13 obvodový prvek, 60 $PCIN_{CUA}, 66$ $PIN_{CUA}, 66$ $PORT_{CUA}, 66$ $POUT_{CUA}, 66$ $P_{CUA}, 66$ $p_{xy}[M_I], 75$ $p_{xy}[M_S], 75$ podmínka injektivního přenosu dat prvkem p ve směru z x na y, $p_{xy}[M_I]$, 75 surjektivního přenosu dat prvkem p ve směru z x na y, $p_{xy}[M_S]$, 75 podmínka $p_{xy}[M_I]$ množina řídicích bran, 76 podmínka $p_{xy}[M_S]$ množina řídicích bran, 76 podmínka přenosu dat, 75 port bit, 65 bity, π_{BITS} , 68 hodnota, ν , 69

m-bitový, 65 množina $CIN_{CUA}, 66$ $IN_{CUA}, 66$ $OUT_{CUA}, 66$ $PCIN_{CUA}, 66$ $PIN_{CUA}, 66$ $PORT_{CUA}, 66$ $POUT_{CUA}$, 66 $P_{CUA}, 66$ nejméně významný bit, 65 nejnižší bit, 65 nejvyšší bit, 65 nejvíce významný bit, 65 nepozorovatelný, 102 netestovatelný, 102 neřiditelný, 102 obvodového prvku, 65 pozorovatelný, 102 primární, 65 testovatelný, 102 typ, 66 virtuální, 73 virtuální primární, 73 virtuální vstupní datový, 73 virtuální vstupní řídicí, 73 virtuální výstupní, 73 vnitřní, obvodu, 65 vstupní datový, 65 řídicí, 65 výstupní, 65 šířka, 65 šířka, π_W , 68 částečně pozorovatelný, 102 částečně testovatelný, 102 částečně řiditelný, 102 řiditelný, 102 řídicí režimu činnosti prvku, 69 porucha, 12 ekvivalence, 14 lokalizační strom, 15 matice, 15 modelování, 13 redukovaný seznam, 14 slovník, 15 pozorovatelnost, 16 obtížná, 17 pseudonáhodná, 17

pozorovatelná brána, 102 pozorovatelná brána, 88 pozorovatelný port, 102 port, částečně, 102 virtuální port, 102 primární brána, 63 port, 65 primární vstup, 12 primární výstup, 12 problém FASP, 34 FSP, 34 FVSP, 34 MFASP, 34 MFSP, 34 MFVSP, 34 výběru a rozmístění registrů do scan řetězců, 114 prvek obvodový, 60 port, 65 režim činnosti, 69 rozhraní, ψ' , 65 předvídatelnost, 16 přenos dat, 75 s podmínkou $p_{xy}[M_I]$ určený zobrazením $f, f[p_{xy}[M_I]], 75$ s podmínkou $p_{xy}[M_S]$ určený zobrazením $f, f[p_{xy}[M_S]], 75$ RAS, 22 $REG_{CUA}, 60$ $R_{TA_{I}}, 76$ $R_{TA_S}, 77$ registr scan, 28stínový, 32 relace R_{TA_I} , 76 $R_{TA_S}, 77$ režim I, 44, 52 momentálně postačující pro dané chování prvku, 69 normální, 28 T, 52

testu, 20, 28 činnosti, 51 režim činnosti, 51 rozbití zpětné vazby, 21 řiditelnost, 16 obtížná, 17 pseudonáhodná, 17 řiditelná brána, 88, 102 řiditelný port, 102 port, částečně, 102 virtuální port, 102 řídicí brána. 62 brána režimu činnosti prvku, 69 port režimu činnosti prvku, 69 SAS, 22 SFT, 12 scan, 28 buňka, 28, 29 zobecněná, 30 nesériový, 30 RAS, 22 registr, 28 zobecněný, 30 SAS, 22 sériový, 30 integrovaný, 31 izolovaný, 31 využití pro test, 31 výběr a rozmístění registrů do scan řetězců, 114 částečný, 31 metody, 33 řetěz, 28 zobecněný, 30 úplný, 31 spoj mezi branami, C_{BIT} , 71 mezi porty, C, 71 stínový registr, 32 synthesis for testability, SFT, 12 syntéza logická, 9 vysokoúrovňová, 9 systém

transparentních cest pro nastavení dat na port, $\overline{G}_{S[x]}$, 78 pro sledování dat na portu, $\overline{G}_{I[x]}$, 79 systém transparentních cest pro nastavení dat na port, $G_{S[x]}$, 78 pro sledování dat na portu, $\overline{G}_{I[x]}$, 79 T-režim, 52 test aplikace, 13 detekční, 13, 14 generování, 13 deterministické, 14 funkční, 14 globální, 48 hierarchické, 48 kombinační obvody, 14 lokální, 48 pseudonáhodné, 14 sekvenční obvody, 14 generátor, 13 GTKO, 13 **GTSO**, 13 globální, 48, 49 hierarchický, 47 lokalizační, 13, 15 lokální, 48 minimální, 13 produkční, 11 úplný, 13 testovací vektor, 12 testovací bod, 12 testovaný obvod, 13 testovatelnost, 12, 15 zlepšení, 16 testovatelný port, 102 port, částečně, 102 tok jednobitových dat, F_{BIT} , 72 dat mezi porty, F, 72 transparentnost, 50, 51 nejednoznačné množiny, 53 režimy, 53 vlastnosti, 53 transparentní režimy, 53 vlastnosti, 53

```
cesta
      systém \overline{G}_{I[x]}, 79
      systém \overline{G}_{S[x]}, 78
\operatorname{typ}
    brány, 63
    portu, 66
VAL, 62
VPORT_{CUA}, 73
virtuální
    port prvku, 73
    primární port, 73
    vstup, 54
    vstupní datový port prvku, 73
    vstupní řídicí port prvku, 73
    výstup, 54
    výstupní port prvku, 73
virtuální port
    nepozorovatelný, 102
    neřiditelný, 102
    pozorovatelný, 102
    řiditelný, 102
virtuální vstup, 54
virtuální výstup, 54
vnitřní
    brána, 63
    port obvodu, 65
vstup
    primární, 12
    virtuální, 54
vstupní
    datová brána, 63
    datový port, 65
    řídicí brána, 63
    řídicí port, 65
výstup
    primární, 12
    virtuální, 54
výstupní
    brána, 63
    port, 65
w_{ISeq}, 78
w_{IX}, 78
w_{SSeq}, 78
w_{SX}, 78
```

Příloha A

Tabulky

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.	
$R3.q\backslash 8$	0.000000	1.000000	0.000000	
R3.d\8	0.000000	0.740132	0.000000	
$R2.q \ 8$	0.000000	0.000000	0.000000	
$R2.d\backslash 8$	0.000000	0.000000	0.000000	
R1.q\8	0.000000	0.000000	0.000000	
R1.d\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU3.q\8	0.000000	0.740132	0.000000	
FU3.b\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU3.a\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU2.q\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU2.b\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU2.a\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU1.q\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU1.b\8	0.000000	0.000000	0.000000	
FU1.a\8	1.000000	0.000000	0.000000	
NLoops.Out $\8$	0.000000	1.000000	0.000000	
NLoops.In\8	1.000000	0.000000	0.000000	
Ohodnocení NLoops	0.065744	0.141732	0.009318	
(Počet/%) bran ze 136	16/11.8%	32/23.5%	0/0.0%	

Tabulka 3: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu NLoops

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení tes.		
R3.SCAN_OUT\1	0.037073	1.000000	0.518537	
$R3.SCAN_IN \setminus 1$	0.342439	0.663415	0.502927	
m R3.qackslash 8	0.037073	1.000000	0.518537	
$R3.d\backslash 8$	0.011393	0.936585	0.473989	
$R2.SCAN_OUT \setminus 1$	0.342439	0.663415	0.502927	
$R2.SCAN_IN \setminus 1$	0.663415	0.342439	0.502927	
m R2.qackslash 8	0.342439	0.034722	0.188581	
$R2.d\backslash 8$	0.022135	0.342439	0.182287	
$R1.SCAN_OUT \setminus 1$	0.663415	0.342439	0.502927	
$R1.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.037073	0.518537	
$R1.q\backslash 8$	0.663415	0.012695	0.338055	
$R1.d\backslash 8$	0.033456	0.037073	0.035265	
$FU3.q \ 8$	0.011393	0.936585	0.473989	
$FU3.b \setminus 8$	0.037073	0.288651	0.162862	
FU3.a\8	0.342439	0.034722	0.188581	
FU2.q &	0.022135	0.342439	0.182287	
FU2.b\8	0.037073	0.203879	0.120476	
$FU2.a\backslash 8$	0.663415	0.012695	0.338055	
$FU1.q \ 8$	0.033456	0.037073	0.035265	
FU1.b\8	0.037073	0.033171	0.035122	
FU1.a\8	1.000000	0.001374	0.500687	
$NLoops1.SCAN_OUT \setminus 1$	0.037073	1.000000	0.518537	
$NLoops1.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.037073	0.518537	
$NLoops1.Out \setminus 8$	0.037073	1.000000	0.518537	
$NLoops1.In \ 8$	1.000000	0.001374	0.500687	
Ohodnocení NLoops1	0.634494	0.660173	0.418875	
(Počet/%) bran ze 144	144/100.0%	144/100.0%	144/100.0%	

Tabulka 4: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu NLoops1

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení tes.		
$R3.SCAN_OUT \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$R3.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$R3.q\backslash 8$	0.663415	1.000000	0.831707	
$R3.d\backslash 8$	0.396107	0.936585	0.666346	
$R2.SCAN_OUT \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$R2.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$R2.q \setminus 8$	0.663415	0.621344	0.642380	
$R2.d\backslash 8$	0.396107	0.663415	0.529761	
$R1.SCAN_OUT \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$R1.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$R1.q\backslash 8$	0.663415	0.440119	0.551767	
$R1.d\backslash 8$	0.598691	0.663415	0.631053	
$FU3.q \setminus 8$	0.396107	0.936585	0.666346	
$FU3.b \setminus 8$	0.663415	0.559210	0.611312	
$FU3.a \setminus 8$	0.663415	0.621344	0.642380	
$FU2.q \setminus 8$	0.396107	0.663415	0.529761	
$FU2.b \setminus 8$	0.663415	0.396107	0.529761	
$FU2.a \setminus 8$	0.663415	0.440119	0.551767	
$FU1.q \ 8$	0.598691	0.663415	0.631053	
$FU1.b \setminus 8$	0.663415	0.597073	0.630244	
$FU1.a\backslash 8$	1.000000	0.440119	0.720059	
$NLoops2.SCAN_OUT3 \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$NLoops2.SCAN_IN3 \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$NLoops2.SCAN_OUT2 \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$NLoops2.SCAN_IN2 \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$NLoops2.SCAN_OUT1 \setminus 1$	0.663415	1.000000	0.831707	
$NLoops2.SCAN_IN1 \setminus 1$	1.000000	0.663415	0.831707	
$NLoops2.Out \setminus 8$	0.663415	1.000000	0.831707	
$NLoops2.In \ 8$	1.000000	0.440119	0.720059	
Ohodnocení NLoops2	0.824327	0.833242	0.686864	
(Počet/%) bran ze 148	148/100.0%	148/100.0%	148/100.0%	

Tabulka 5: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu NLoops
2 $\!$

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.		
$R3.SCAN_OUT \setminus 1$	0.265734	1.000000	0.632867		
$R3.SCAN_IN\backslash 1$	1.000000	0.265734	0.632867		
$R3.q\backslash 8$	0.265734	1.000000	0.632867		
$R3.d\backslash 8$	0.007935	0.885781	0.446858		
R2.q &	0.033375	0.235382	0.134379		
$R2.d\backslash 8$	0.050810	0.209057	0.129934		
R1.q\8	0.213702	0.055554	0.134628		
R1.d\8	0.238479	0.048722	0.143601		
FU3.q\8	0.007935	0.885781	0.446858		
FU3.b\8	0.265734	0.026451	0.146093		
FU3.a\8	0.033375	0.235382	0.134379		
$FU2.q \ 8$	0.050810	0.209057	0.129934		
FU2.b\8	0.265734	0.039910	0.152822		
FU2.a\8	0.213702	0.055554	0.134628		
FU1.q\8	0.238479	0.048722	0.143601		
FU1.b\8	0.265734	0.043455	0.154595		
$FU1.a\backslash 8$	1.000000	0.012947	0.506474		
$NLoops3.SCAN_OUT \setminus 1$	0.265734	1.000000	0.632867		
$NLoops3.SCAN_IN \setminus 1$	1.000000	0.265734	0.632867		
$NLoops3.Out \setminus 8$	0.265734	1.000000	0.632867		
NLoops3.In\8	1.000000	0.012947	0.506474		
Ohodnocení NLoops3	0.635249	0.652032	0.414203		
(Počet/%) bran ze 140	140/100.0%	140/100.0%	140/100.0%		

Tabulka 6: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu NLoops
3 $\!$

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.
MX1.q\8	0.989247	0.741935	0.865591
MX1.b\8	1.000000	0.733871	0.866935
MX1.a\8	0.146702	0.733871	0.440286
$R3.q\backslash 8$	0.733871	1.000000	0.866935
R3.d\8	0.989247	0.741935	0.865591
$R2.q \ 8$	0.219169	0.538567	0.378868
$R2.d\backslash 8$	0.332762	0.355099	0.343930
R1.q\8	0.497138	0.260597	0.378868
R1.d\8	0.670742	0.128851	0.399796
FU3.q\8	0.146702	0.733871	0.440286
FU3.b\8	0.733871	0.146702	0.440286
FU3.a\8	0.219169	0.538567	0.378868
FU2.q\8	0.332762	0.355099	0.343930
FU2.b\8	0.733871	0.160841	0.447356
FU2.a\8	0.497138	0.260597	0.378868
FU1.q\8	0.670742	0.128851	0.399796
FU1.b\8	0.733871	0.117269	0.425570
FU1.a\8	1.000000	0.094560	0.547280
$NLoops4.Out \ 8$	0.733871	1.000000	0.866935
$NLoops4.dx \setminus 8$	1.000000	0.733871	0.866935
NLoops4.In\8	1.000000	0.094560	0.547280
Ohodnocení NLoops4	0.818592	0.728560	0.596393
(Počet/%) bran ze 168	168/100.0%	168/100.0%	168/100.0%

Tabulka 7: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu NLoops
4 $\!$

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.
sub.q\8	0.637347	0.386427	0.511887
sub.b\8	0.796927	0.308531	0.552729
sub.a\8	0.824176	0.307954	0.566065
mul2.q\8	0.959948	0.204858	0.582403
mul2.b\8	0.992674	0.197497	0.595085
mul2.a\8	0.996337	0.203357	0.599847
mul1.q\8	0.797061	0.523286	0.660174
mul1.b\8	1.000000	0.416462	0.708231
mul1.a\8	0.821123	0.523286	0.672205
add.q\8	0.797005	0.824176	0.810591
add.b\8	0.996337	0.659139	0.827738
add.a\8	0.824176	0.821157	0.822666
reg5.q\8	0.796927	0.308531	0.552729
reg5.d\8	0.959948	0.204858	0.582403
reg4.q\8	0.661711	0.656624	0.659167
reg4.d\8	0.797061	0.523286	0.660174
reg3.q\8	0.824176	1.000000	0.912088
reg3.d\8	0.992674	0.830281	0.911477
reg2.q 8	0.827228	0.818116	0.822672
reg2.d\8	0.996337	0.652059	0.824198
reg1.q\8	0.824176	0.521274	0.672725
reg1.d\8	0.992674	0.389446	0.691060
mux8.q\8	0.992674	0.830281	0.911477
mux8.c\8	0.824176	0.824176	0.824176
mux8.b\8	1.000000	0.824176	0.912088
mux8.a\8	0.797005	0.824176	0.810591
mux7.q\8	0.996337	0.652059	0.824198
mux7.b\8	1.000000	0.649626	0.824813
mux7.a\8	0.797005	0.649626	0.723316
mux6.q\8	0.992674	0.389446	0.691060
mux6.c\8	0.824176	0.386427	0.605301
mux6.b\8	1.000000	0.386427	0.693213
mux6.a\8	0.637347	0.386427	0.511887
mux5.q\8	0.824176	0.821157	0.822666
mux5.b\8	0.827228	0.818116	0.822672
mux5.a\8	0.824176	0.818116	0.821146
mux4.q\8	0.996337	0.659139	0.827738
mux4.b\8	1.000000	0.656624	0.828312
$mux4.a \ 8$	0.661711	0.656624	0.659167
mux3.q\8	0.996337	0.203357	0.599847
mux3.b\8	0.661711	0.202534	0.432122
mux3.a\8	1.000000	0.202534	0.601267
mux2.q 8	0.992674	0.197497	0.595085
$mux2.c \ 8$	1.000000	0.195844	0.597922
mux2.b\8	0.796927	0.195844	0.496386
mux2.a\8	0.827228	0.195844	0.511536
mux1.q\8	0.821123	0.523286	0.672205
mux1.b\8	0.824176	0.521274	0.672725
mux1.a\8	0.824176	0.521274	0.672725
$Bert.s \setminus 8$	0.824176	1.000000	0.912088
Bert.rom2\8	1.000000	0.202534	0.601267
Bert.rom1\8	1.000000	0.656624	0.828312
Bert.c\8	1.000000	0.386427	0.693213
Bert.b\8	1.000000	0.649626	0.824813
Bert.a\8	1.000000	0.824176	0.912088
Ohodnocení Bert	0.942542	0.765381	0.721403
(Počet/%) bran ze 440	440/100.0%	440/100.0%	440/100.0%
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

Tabulka 8: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu Bert

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.
mux6.q\8	0.995935	0.000000	0.000000
mux6.b\8	0.815614	0.000000	0.000000
mux6.a\8	1.000000	0.000000	0.000000
mux5.g\8	0.000000	0.822427	0.000000
mux5.b\8	0.000000	0.818957	0.000000
mux5.a\8	0.000000	0.818957	0.000000
mux4.g\8	0.991870	0.000000	0.000000
mux4 c\8	0.000000	0.000000	0.000000
mux4 b\8	0.000000	0.000000	0.000000
mux4 a\8	1 000000	0.000000	0.000000
mux3 g\8	0.995935	0.000000	0.000000
mux3 b\8	1 000000	0.000000	0.000000
mux3 a 8	0.000000	0.000000	0.000000
mux2 g\8	0.812158	0.000000	0.000000
mux2 b\8	0.812138	0.000000	0.000000
mux2.b\8	0.00000	0.000000	0.000000
mux1 c\ 8	0.000000	0.000000	0.000000
mux1.q\o	1.00000	0.00000	0.000000
mux1.b\8	0.667827	0.000000	0.000000
	0.001851	0.000000	0.000000
	0.000000	0.907480	0.000000
rego.d \8	0.000000	0.825784	0.000000
rego.q\8	0.815614	0.000000	0.000000
rego.d \8	0.955582	0.000000	0.000000
reg4.q\8	0.667837	0.000000	0.000000
reg4.d\8	0.782445	0.000000	0.000000
reg3.q\8	0.000000	0.818957	0.000000
reg3.d\8	0.000000	0.679572	0.000000
reg2.q\8	0.000000	0.818957	0.000000
reg2.d\8	0.000000	0.679572	0.000000
regl.q\8	0.000000	0.000000	0.000000
reg1.d\8	0.000000	0.000000	0.000000
comp.q\8	0.000000	1.000000	0.000000
comp.b\8	0.000000	0.967480	0.000000
comp.a\8	1.000000	0.000000	0.000000
mul2.q\8	0.955582	0.000000	0.000000
mul2.b\8	0.991870	0.000000	0.000000
mul2.a\8	0.995935	0.000000	0.000000
mull.q\8	0.782445	0.000000	0.000000
mul1.b\8	0.812158	0.000000	0.000000
mull.a\8	0.995935	0.000000	0.000000
sub.q\8	0.000000	0.000000	0.000000
sub.b\8	0.000000	0.000000	0.000000
sub.a\8	0.667837	0.000000	0.000000
add.q\8	0.000000	0.825784	0.000000
add.b\8	0.995935	0.000000	0.000000
add.a\8	0.000000	0.822427	0.000000
Diffeq.result\8	0.000000	1.000000	0.000000
Diffeq.const2\8	1.000000	0.000000	0.000000
Diffeq.dx\8	1.000000	0.000000	0.000000
Diffeq.a\8	1.000000	0.000000	0.000000
Ohodnocení Diffeq	0.422856	0.173226	0.073250
(Počet/%) bran ze 400	224/56.0%	112/28.0%	0/0.0%
			•

Tabulka 9: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu Diffeq

Port	Ohodnocení řid.	l. Ohodnocení poz. Ohodnocení t				
sub.q\8	0.528018	0.869444	0.698731			
sub.b\8	0.623234	0.736613	0.679923			
sub.a\8	0.869444	0.541867	0.705656			
mul2.q 8	0.526287	0.625238	0.575762			
mul2.b\8	0.623234	0.527566	0.575400			
mul2.a\8	0.866667	0.389670	0.628168			
mul1.q\8	0.731906	0.627242	0.679574			
mul1.b\8	0.869444	0.527561	0.698503			
mul1.a\8	0.863889	0.545352	0.704621			
add.q\8	0.734259	0.869444	0.801852			
add.b\8	0.869444	0.734259	0.801852			
add.a\8	0.866667	0.755934	0.811300			
reg7.q\8	0.449619	0.734198	0.591908			
reg7.d\8	0.526287	0.627242	0.576764			
rego.q\8	0.625291	0.734198	0.679744			
rego.d \8	0.731906	0.627242	0.079574			
rego.q\o	0.809444	0.734259	0.801852			
regs.d \8	0.990825	0.027502	0.812003			
reg4.d\8	0.009444	0.327301	0.030000			
reg3 g/8	0.869444	0.450144	0.811481			
reg3.d\8	0.003444	0.643803	0.820314			
reg2 g\8	0.869444	1.000000	0.934722			
reg2.d\8	0.996825	0.872222	0.934524			
reg1 g\8	0.869444	1 000000	0.934722			
reg1.d\8	0.996825	0.872222	0.934524			
mux11.g\8	0.623234	0.736613	0.679923			
mux11.b\8	0.625291	0.734198	0.679744			
mux11.a\8	0.449619	0.734198	0.591908			
mux10.g\8	0.866667	0.527566	0.697116			
mux10.b\8	0.869444	0.525778	0.697611			
mux10.a\8	0.625291	0.525778	0.575534			
mux9.q\8	0.866667	0.389670	0.628168			
mux9.b\8	0.449619	0.388384	0.419001			
mux9.a\8	0.869444	0.388384	0.628914			
mux8.q\8	0.866667	0.545352	0.706009			
mux8.b\8	0.866667	0.543552	0.705109			
mux8.a\8	0.869444	0.543552	0.706498			
mux7.q\8	0.866667	0.543552	0.705109			
mux7.b\8	0.869444	0.541752	0.705598			
mux7.a\8	0.869444	0.541752	0.705598			
mux6.q\8	0.866667	0.755934	0.811300			
mux6.b\8	0.869444	0.753519	0.811481			
mux6.a\8	0.869444	0.753519	0.811481			
mux5.q\8	0.996825	0.627302	0.812063			
mux5.b\8	0.526287	0.625238	0.575762			
muxb.a\8	1.000000	0.025238	0.812619			
mux4.q\8	0.990820	0.438144	0.111480			
mux4.b\o	1.000000	0.430033	0.364260			
mux4.a\0	0.996825	0.430033	0.710327			
mux3 b\8	1.000000	0.641733	0.820814			
mux3 a\8	0.734259	0.641733	0.687996			
mux2 g\8	0.996825	0.872222	0.934524			
mux2.b\8	1.000000	0.869444	0.934722			
mux2 a\8	0.528018	0.869444	0.698731			
mux1.a\8	0.996825	0.872222	0.934524			
mux1.b\8	1.000000	0.869444	0.934722			
mux1.a\8	0.734259	0.869444	0.801852			
Paulin.OUT_PORT2\8	0.869444	1.000000	0.934722			
Paulin.OUT_PORT1\8	0.869444	1.000000	0.934722			
Paulin.ONE\8	1.000000	0.869444	0.934722			
Paulin.IN_PORT2\8	1.000000	0.436653	0.718327			
Paulin.IN_PORT1 8	1.000000	0.625238	0.812619			
Ohodnocení Paulin	0.911514	0.833478	0.759727			
(Počet/%) bran ze 512	512/100.0%	512/100.0%	512/100.0%			

Tabulka 10: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu Paulin

Port	Ohodnocení řid.	Ohodnocení poz.	Ohodnocení tes.
mux6.q\8	0.995122	0.425468	0.710295
mux6.b\8	0.650902	0.423351	0.537127
mux6.a\8	1.000000	0.423351	0.711676
mux5.q\8	0.825203	0.537127	0.681165
mux5.b\8	0.825203	0.534481	0.679842
mux5.a\8	0.829268	0.534481	0.681874
mux4.q\8	0.995122	0.829268	0.912195
mux4.b\8	0.515959	0.825203	0.670581
mux4.a\8	1.000000	0.825203	0.912602
mux3.q\8	0.995122	0.654240	0.824681
mux3.b\8	0.825203	0.650902	0.738053
mux3.a\8	1.000000	0.650902	0.825451
mux2.q\8	0.821138	0.825223	0.823181
mux2.c\8	0.829268	0.817133	0.823200
mux2.b\8	0.825203	0.817133	0.821168
mux2.a\8	0.650902	0.817133	0.734017
mux1.q\8	0.995122	0.650470	0.822796
mux1.b\8	1.000000	0.647234	0.823617
mux1.a\8	0.515959	0.647234	0.581596
reg5.q\8	0.650902	1.000000	0.825451
reg5.d\8	0.785088	0.829268	0.807178
reg4.q\8	0.825203	0.534481	0.679842
reg4.d\8	0.995122	0.425468	0.710295
reg3.q\8	0.825203	1.000000	0.912602
reg3.d\8	0.995122	0.829268	0.912195
reg2.q\8	0.829268	0.817133	0.823200
reg2.d\8	1.000000	0.650470	0.825235
reg1.q\8	0.825203	0.817133	0.821168
reg1.d\8	0.995122	0.650470	0.822796
add2.q\8	0.785088	0.829268	0.807178
add2.b\8	0.995122	0.654240	0.824681
add2.a\8	0.821138	0.825223	0.823181
add1.q\8	0.515959	0.825203	0.670581
add1.b\8	0.650902	0.654125	0.652513
add1.a\8	0.825203	0.537127	0.681165
sub.q\8	0.515959	0.647234	0.581596
sub.b\8	0.650902	0.512735	0.581819
sub.a\8	0.825203	0.421286	0.623245
Tseng.v15\8	0.825203	1.000000	0.912602
Tseng.v14\8	0.650902	1.000000	0.825451
Tseng.v1\8	1.000000	0.423351	0.711676
Tseng.v6\8	1.000000	0.825203	0.912602
Tseng.v2\8	1.000000	0.650902	0.825451
Tseng.v4\8	1.000000	0.650470	0.825235
Tseng.v10\8	1.000000	0.647234	0.823617
Ohodnocení Tsena	0.920917	0.846587	0.779636
(Počet/%) bran ze 360	360/100.0%	360/100.0%	360/100.0%

Tabulka 11: Ohodnocení diagnostických vlastností obvodu Tseng

Příloha B

Trojúhelníky čísel

	S2(k,i)								b_k		
$k \setminus i$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
1	1	-	-	-	-	-	-	-	-	-	1
2	1	1	-	-	-	-	-	-	-	-	2
3	1	3	1	-	-	-	-	-	-	-	5
4	1	7	6	1	-	-	-	-	-	-	15
5	1	15	25	10	1	-	-	-	-	-	52
6	1	31	90	65	15	1	-	-	-	-	203
7	1	63	301	350	140	21	1	-	-	-	877
8	1	127	966	1701	1050	266	28	1	-	-	4140
9	1	255	3025	7770	6951	2646	462	36	1	-	21147
10	1	511	9330	34105	42525	22827	5880	750	45	1	115975

Tabulka 12: Část trojúhelníku STIRLINGových čísel 2. řádu a BELLových čísel pro $1 \leq k \leq 10$

Tabulka 13: Část trojúhelníku LAHových čísel
a a_k čísel pro $1 \leq k \leq 10$

		a_k					
$k \setminus i$	1	2	3	4	 9	10	
1	1	-	-	_	 -	-	1
2	2	1	-	-	 -	-	3
3	6	6	1	-	 -	-	13
4	24	36	12	1	 -	-	73
5	120	240	120	20	 -	-	501
6	720	1800	1200	300	 -	-	4051
7	5040	15120	12600	4200	 -	-	37633
8	40320	141120	141120	58800	 -	-	394353
9	362880	1451520	1693440	846720	 1	-	4596553
10	3628800	16329600	21772800	12700800	 90	1	58941091